



අධ්‍යයන පොදු සහතික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාගය - 2022
General Certificate of Education (Ad. Level) Examination - 2022

සංයුක්ත ගණිතය I

දෙවන වාර පරීක්ෂණය - 2022

13 - ශ්‍රේණිය

කාලය පැය 3 යි.

A කොටස

❖ A කොටසේ ප්‍රශ්න සියල්ලටම හා B කොටසින් ප්‍රශ්න පහකට පිළිතුරු සපයන්න.

01. ගණිත අභ්‍යුහන මූලධර්මය මගින් සියලු $n \in \mathbb{Z}^+$ සඳහා $\sum_{r=1}^n (r^2 - r) = \frac{n(n^2-1)}{3}$ බව සාධනය කරන්න.

.....
.....
.....
.....

22 A/L අපි [papers.gp]

.....
.....
.....
.....

02. $x + \frac{1}{x-1} \geq \frac{x^2 - 3x + 4}{(x-1)(x+1)}$ සපුරාලන x හි අගය පරාසය සොයන්න.

.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....

03. $(-1+\sqrt{3}i)$ සහ $(\sqrt{3}+i)$ යන සංකීර්ණ සංඛ්‍යා $r(\cos\theta + i\sin\theta)$ ආකාරයට ප්‍රකාශ කරන්න. මෙහි $r > 0$ සහ $0 \leq \theta < 2\pi$ වේ. ද ඉවහල් ප්‍රමේය භාවිතයෙන්, $\frac{(1+\sqrt{3}i)^{11}}{(\sqrt{3}+i)^8} = 8$ බව පෙන්වන්න.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.22 A/L අපි [papers grp].

04. $\left(x + \frac{k}{2x^2}\right)^9$ ද්විපද ප්‍රසාරණයේ x^6 හි සංගුණකය හා x^3 හි සංගුණකය සමාන නම් k නියතයට ගතහැකි අගය සොයන්න. (මෙහි $k \neq 0$ වේ.)

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

05. $\lim_{x \rightarrow \pi} \frac{\cos \frac{x}{2} \sin x}{(\pi - x)^2}$ අගය සොයන්න.

.22 A/L අයි [papers grp].

06. $y = \frac{-1}{x-2}, y = \frac{1}{x}$ වල චර්ඡා $x=0, x=2$ හි $y=0$ වෙතින් චර්ඡා අතර ඇති වර්ගඵලය සොයන්න.

09. $P = (-1, 2)$ සහ $Q = (3, -4)$ යැයි ගනිමු. P, Q විශ්කම්භය දෙකෙළවර ලක්ෂ්‍ය දෙකක් වන S වෘත්තයේ සමීකරණය සොයන්න.

P ලක්ෂ්‍යයේදී S වෘත්තයට ඇඳි ස්පර්ශකයේ සමීකරණය සොයන්න.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

22 A/L අභි [papers grp] .

10. $(1 + \sin \theta + \cos \theta)^2 \equiv \frac{2(\sec \theta + 1)(\operatorname{cosec} \theta + 1)}{\sec \theta \operatorname{cosec} \theta}$ බව පෙන්වන්න.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

B කොටස

11. (a) $f(x) \equiv x^2 - ax + b$

$g(x) \equiv bx^2 - a(b+1)x + (b^2 - 2b + 1 + a^2)$ යැයි ගනිමු. මෙහි, a, b යනු තාත්වික නියත වේ. $b \neq 0$

(i) $f(x) = 0$ සමීකරණයේ මූල තාත්වික නම් $g(x) = 0$ සමීකරණයේ මූල ද තාත්වික බව පෙන්වන්න.

(ii) $f(x) = 0$ සමීකරණයේ මූල අතාත්විකද $g(x) = 0$ සමීකරණයේ මූල තාත්විකද නම් b හි අගය සොයන්න. එනමින් a ට ගතහැකි අගය පරාසය සොයන්න.

(b) $ax^2 + bx + c = 0$ සමීකරණයේ මූල a හා β නම්, $a \left(\frac{a^2 + \beta^2}{\beta} + \frac{\beta^2}{a} \right) + b \left(\frac{a}{\beta} + \frac{\beta}{a} \right) = b$ බව පෙන්වන්න.

(c) $f(x) \equiv x^4 - 4x^3 + 10x^2 - 12x + 5$ යැයි ගනිමු.

$f(x)$ හි $x-1$ සාධකයක් බව පෙන්වන්න. එනමින් $f(x)$ හි සාධක සියල්ල සොයන්න.

$f(x)$ සාණ නොවන බව පෙන්වන්න.

12. (a) $r \in Z^+$ සඳහා $\forall r = \frac{8}{r^2(r+2)(r+4)^2}$ සහ $f(r) = \frac{1}{r^2(r+2)^2}$ යැයි ගනිමු.

$r \in Z^+$ සඳහා $Ur = f(r) - f(r+2)$ බව පෙන්වන්න.

එනමින්, $n \in Z^+$ සඳහා $\sum_{r=1}^n Ur = \frac{73}{576} - \frac{1}{(n+1)^2(n+3)^2} - \frac{1}{(n+2)^2(n+4)^2}$ බව පෙන්වන්න.

$\sum_{r=1}^n Ur$ අපරිමිත ශ්‍රේණිය අභිසාරී බව පෙන්වා එහි එකතුව සොයන්න.

(b) $y = |x+1| - 3$ සහ $y = -|2x-1|$ ශ්‍රිතවල ප්‍රස්ථාර එකම සටහනක අඳින්න. එමගින් හෝ

අන්ක්‍රමයකින් $|x+1| + |2x-1| \geq 3$ සපුරාලන x හි අගය පරාසය සොයන්න.

(c) පිරිමි ළමුන් 7 දෙනෙකුගෙන් සහ ගැහැණු ළමුන් 5 දෙනෙකුගෙන් ළමුන් 5 දෙනකු සමන්විත වන පරිදි විවිධ කණ්ඩායම් සෑදීමට අවශ්‍යව ඇත.

(i) ඕනෑම ළමුන් 5ක් සිටින පරිදි,

(ii) අඩුම තරමින් එක් ගැහැණු ළමයෙකු හා එක් පිරිමි ළමයෙකු සිටින පරිදි, කණ්ඩායම් සෑදිය හැකි වෙනස් ආකාර ගණන සොයන්න.

13. (a) $A = \begin{pmatrix} 121 \\ 010 \end{pmatrix}$ යැයි ගනිමු.

$AA^T = B$ බව පෙන්වන්න. මෙහි $B = \begin{pmatrix} 62 \\ 21 \end{pmatrix}$ වේ.

B^{-1} න්‍යාසය සොයන්න. එනමින්

$AA^T + \left(\frac{B}{2}\right)^{-1} = 7I$ බව පෙන්වන්න.

(b) Z_1 හා Z_2 යනු ඕනෑම සංකීර්ණ සංඛ්‍යා 2ක් යැයි ගනිමු. $Z_1 + Z_2$ සංකීර්ණ සංඛ්‍යාව නිරූපනය කරන ලක්ෂ්‍යය ආගන්ධ සටහනක නිරූපණය සඳහා ජ්‍යාමිතික නිර්මාණයක් කරන්න. ඉහත ප්‍රතිඵලය භාවිතයෙන්,

$$|Z_1 Z_2| \leq |Z_1| + |Z_2| \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

එනමින්, $\|z_1 - z_2\| \leq |z_1 - z_2|$ බව අපෝහනය කරන්න.

(c) Z සංකීර්ණ සංඛ්‍යාව $|Z - \sqrt{2}|^2 + |Z + \sqrt{2}|^2 = 8$ යන සමීකරණය සපුරාලයි. Z සංකීර්ණ සංඛ්‍යාවේ පථය ආගන්ධ සටහනක දක්වන්න.

$\arg(Z + \sqrt{2}) = \frac{\pi}{4}$ සහ $\arg(Z - \sqrt{2}) = \frac{3\pi}{4}$ සපුරාලයි. Z හි පථය ඉහත සටහනේම දක්වන්න.

එනමින්, ඉහත සමීකරණය සපුරාලන Z සංකීර්ණ සංඛ්‍යාව සොයන්න.

14. (a) $f(x) = 3x^5 - 5x^3$ යැයි ගනිමු.

(i) $f'(x)$ සහ පළමු අවකලන සංගුණකය භාවිතයෙන් $f(x)$ හි හැරුම් ලක්ෂ්‍ය වලදී ශ්‍රිතයේ හැසිරීම සොයන්න.

(ii) $f''(x)$ සොයන්න. $f''(x)$ භාවිතයෙන් ශ්‍රිතයේ නතිවර්ථන ලක්ෂ්‍ය (ඇත්නම්) ඒවා සොයන්න.

(iii) $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x)$ සහ $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ ගණනය කර එනමින්, $y = f(x)$ ශ්‍රිතයේ දල ප්‍රස්ථාරය අඳින්න.

(b) $10\pi \text{ cm}^3$ පරිමාවක් සහිත කුහි ලෝහ

භාජනයක් සාදා ඇත්තේ අරය $3r \text{ cm}$ වූ සංචාක කුහර

අර්ධගෝලයක පියනෙහි අරය $2r \text{ cm}$ වූ

තැටියක් ඉවත් කර එයට පතුලේ අරය

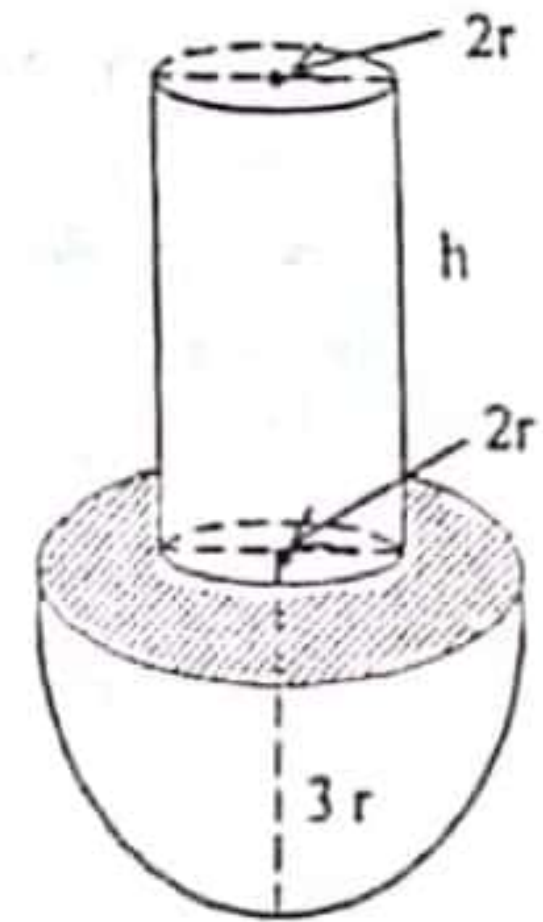
$2r \text{ cm}$ සහ උස $h \text{ cm}$ වූ විවෘත කුහර සිලින්ඩරයක්

රූපයේ පරිදි සම්බන්ධ කිරීමෙනි.

භාජනයේ සම්පූර්ණ පෑය වර්ගඵලය $A \text{ cm}^2$

නම්, $A = 4\pi rh + 23\pi r^2$ බව පෙන්වන්න.

A අවම වන පරිදි r ව ගත හැකි අගය සොයන්න.



(a) පියලු $x \in \mathbb{R}$ සඳහා,

$x - 5 \equiv A(x^2 + 1) + (Bx + C)(x - 1)$ වන පරිදි A, B, C නියතවල අගය සොයන්න. එනමින්,

$\frac{x - 5}{(x - 1)(x^2 + 1)}$ යන්න හින්න භාග වලින් ලියා දක්වා $\int \frac{x - 5}{(x - 1)(x^2 + 1)} dx$ සොයන්න.

(b) $I = \int_0^1 \frac{1}{x + \sqrt{1-x^2}} dx$ යැයි ගනිමු.

$x = \cos \theta$ ආදේශය භාවිතයෙන් අනුකලනය I සඳහා θ ඇසුරින් ප්‍රකාශනයක් ලබා ගන්න.

$\int_0^a f(x) dx = \int_0^a f(a-x) dx$ බව පෙන්වන්න.

මෙම ප්‍රතිඵලය ඉහත ඔබ θ ඇසුරින් ලබාගත් අනුකලනයට යොදා I සඳහා වෙනත් ප්‍රකාශනයක් ලබාගන්න.

θ ඇසුරින් ලබාගත් අනුකලන දෙක භාවිතයෙන් $I = \frac{\pi}{4}$ බව පෙන්වන්න.

(c) කොටස් වශයෙන් අනුකලනය භාවිතයෙන්,

$\int_0^{\pi/2} x^3 \sin x \cdot dx$ සොයන්න.

16. $x^2 + y^2 = 1$ වෘත්තය මත පිහිටි විචලය ලක්ෂ්‍යයේ $P(\cos \theta, \sin \theta)$ වේ.
 PQ යනු වෘත්තයේ විශ්කම්භයක් නම් Q ලක්ෂ්‍යයේ ඛණ්ඩාංක θ ඇසුරින් සොයන්න.

A, B ලක්ෂ්‍ය දෙකක ඛණ්ඩාංක පිළිවෙලින් $A \equiv (1, 0)$ සහ $B \equiv (0, 1)$ වේ.

AP සහ BQ රේඛාවල සමීකරණ පිළිවෙලින් $(x-1)\cos\frac{\theta}{2} + y\sin\frac{\theta}{2} = 0$ සහ

$(1+x-y)\cos\frac{\theta}{2} + (x+y-1)\sin\frac{\theta}{2} = 0$ බව පෙන්වන්න. AP සහ BQ හි ඡේදන ලක්ෂ්‍ය R

නම් R හි ඛණ්ඩාංක නොසොයා ඉහත සමීකරණ දෙකෙහි $\sin\frac{\theta}{2}$ සහ $\cos\frac{\theta}{2}$ ඉවත් කිරීමෙන්

R ලක්ෂ්‍යය $x^2 + y^2 - 2x - 2y + 1 = 0$ වෘත්තය මත පිහිටන බව පෙන්වන්න.

නවද, AQ හා BP රේඛාවල සමීකරණ පිළිවෙලින් $(1-x)\sin\frac{\theta}{2} + y\cos\frac{\theta}{2} = 0$ සහ

$(x+y-1)\cos\frac{\theta}{2} - (1+x-y)\sin\frac{\theta}{2} = 0$ බව පෙන්වන්න.

AQ සහ BP හි ඡේදන ලක්ෂ්‍යය S නම් S ද ඉහත වෘත්තය මත ලක්ෂ්‍යයක් බව පෙන්වන්න.

17. (a) $2\sin 2\theta - 3\cos 2\theta - 3\sin \theta + 3 \equiv \sin \theta (4\cos \theta + \sin \theta - 3)$ බව පෙන්වන්න.

$4\cos \theta + 6\sin \theta$ යන්න $R\sin(\theta + a)$ ආකාරයට ප්‍රකාශ කරන්න.

මෙහි $R > 0$ සහ $0 < a < \frac{\pi}{2}$ වේ.

එනමින්, $2\sin 2\theta = 3(\cos 2\theta + \sin \theta - 1)$ විසඳන්න.

(b) සුපුරුදු අංකනයෙන් ABC ත්‍රිකෝණයක් සඳහා සයින නීතිය ප්‍රකාශ කරන්න. එනමින්,

$(a+c)\sin\left(\frac{B}{2}\right) = b\sin\left(\frac{B}{2} + c\right)$ බව පෙන්වන්න.

(c) $\tan^{-1}\left(\frac{1}{5}\right) + \tan^{-1}\left(\frac{1}{7}\right) + \tan^{-1}\left(\frac{1}{8}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{1}{2}\right)$ බව පෙන්වන්න.

සියලු ම හිමිකම් ඇවිරිණි / All Rights Reserved

මහලය මහලය Maliyadeva Balika Vidyalaya මහලය මහලය Maliyadeva Balika Vidyalaya
මහලය මහලය Maliyadeva Balika Vidyalaya මහලය මහලය Maliyadeva Balika Vidyalaya
මහලය මහලය Maliyadeva Balika Vidyalaya මහලය මහලය Maliyadeva Balika Vidyalaya
මහලය මහලය Maliyadeva Balika Vidyalaya මහලය මහලය Maliyadeva Balika Vidyalaya



අධ්‍යයන පොදු සාහතික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාගය - 2022
General Certificate of Education (Ad. Level) Examination - 2022

සංයුක්ත ගණිතය II

දෙවන වාර පරීක්ෂණය - 2022

13 - ශ්‍රේණිය

කාලය පැය 3 යි.

A කොටස

01. ස්කන්ධය m වූ අංශුවක් v වේගයෙන් චලනය වී එම දිශාවට u වේගයෙන් චලනය වන එම ස්කන්ධයම ඇති අංශුවක් සමග සරල ලෙස ගැටෙයි. එවිට එක් එක් අංශුව මත ඇතිවන ආවේගය $\frac{1}{2}m(1+e)(v-u)$ බව පෙන්වන්න. මෙහි e යනු අංශු අතර ප්‍රත්‍යාගති සංගුණකය වේ.

.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....

02. ස්කන්ධය m වූ අංශුවක් රළු තිරස් මේසයක නිශ්චලතාවයේ තබා ඇත. එම අංශුවට ඇඳ සැහැල්ලු අවිනාශ තන්තුවක් මතින් මේසයේ දාරය මත වූ සුමට කප්පියක් මතින් ගමන්කර එහි අනෙක් කෙළවරට $2m$ ස්කන්ධය ඇති අංශුවක් ඇඳා ඇත. පද්ධතිය නිශ්චලතාවයේ සිට මුදා හරිනු ලැබේ. m අංශුව මේසය මත d දුරක් චලනය වන අවස්ථාවේ දී එම අංශුවල වේග $\frac{\sqrt{10gd}}{3}$ බව පෙන්වන්න. මේසය හා m ස්කන්ධය අතර ඝර්ෂණ සංගුණකය $\frac{1}{3}$ බව සලකන්න.

.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....

03. ස්කන්ධය M වූ අංශුවක් ස්වභාවික දිග $15a$ හා ප්‍රත්‍යස්ථතා මාපාංකය $\frac{105}{16}mg$ වූ AB තන්තුවක

මධ්‍ය ලක්ෂ්‍යයට ඇදා ඇත. A හා B කෙළවර එකම තිරස් මට්ටමක $15a$ දුරින් වූ අවල ලක්ෂ දෙකකට සම්බන්ධ කර ආරම්භයේ දී තන්තුව යත්තම් තදව පිහිටන විටක අංශුව එකම තිරස් මට්ටමේ තබා නිශ්චලතාවේ සිට මුදාහරී. අංශුව $4a$ දුරක් පහළට චලනය වන අවස්ථාවේ දී එහි වේග $v^2 = \frac{25ag}{4}$ වන බල ශක්ති සංස්ථිති මූලධර්ම භාවිතයෙන් පෙන්වන්න.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

4. A හා B අංශු දෙකම එකම ලක්ෂ්‍යයකින් එකම අවස්ථාවක ආරම්භ කර එකම දිශාවට චලනය වේ. පළමු A අංශුව U ඒකාකාර වේගයෙන් ද B අංශුව නිශ්චලතාවයේ සිට f ඒකාකාර ත්වරණයකින් චලනය වේ. අංශු දෙකෙහි චලිතය සඳහා ප්‍රවේග - කාල ප්‍රස්ථාරය එකම රූප සටහන අඳින්න.

එනමින් පළමු අංශුව පසු කරන අවස්ථාවේ දී ඒවා චලනය වූ වැඩිතම දුර $\frac{u^2}{2f}$ බව පෙන්වන්න.

තවද ඒ සඳහා ගතවන කාලය $\frac{u}{f}$ වන බව ද පෙන්වන්න.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

05. පාපැදි කරුවෙකු ඔහුගේ පාපැදියක සමග ස්කන්ධය 84 Kg වේ. ඔහු පාපැදියෙන් නිරසට $\sin^{-1}\left(\frac{1}{12}\right)$

ආනත වූ මාර්ගයක 35kmh^{-1} නියත වේගයෙන් පහළට නිදහසේ වලනය වේ. එවිට බලපෑ ප්‍රතිරෝධය ඔහුගේ වේගයට අනුලෝමව සමානුපාතික වේ. පාපැදිකරු 27kmh^{-1} නියත වේගයෙන් නිරස මාර්ගයක වලනය වීමේ දී ඔහුගේ ජවය සොයන්න. ($g = 10\text{ms}^{-1}$)

.....

.....

.....

.....

22 A/L අභි [papers grp]

6. a හා b යනු ශුන්‍ය නොවන දෛශික දෙකකි. අදිශ ගුණිතය භාවිතයෙන්

a) $|a| = |b|$ නම් $\begin{pmatrix} a+b \\ - \end{pmatrix}$ හා $\begin{pmatrix} a-b \\ - \end{pmatrix}$ එකිනෙකට ලම්බක වන බව පෙන්වන්න.

b) a හා b එකිනෙකට ලම්භක නම් $\begin{vmatrix} a-b \\ - \\ - \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} a+b \\ - \\ - \end{vmatrix}$ බව ද පෙන්වන්න.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

7. සැහැල්ලු අවිනන්‍ය තන්තුවක් එහි එක් කෙළවරක් අවල A ලක්ෂ්‍යයකට ඇඳ ඇත. තන්තුව A සිට a දුරකින් වූ අවල ලක්ෂ්‍යයකට ඇති සුමට මුදුවක් මතින් ගමන් කර බර 2N වූ අංශුවක් එහි අනෙක් කෙළවරට ඇඳ ඇත. අංශුව සිරස්ව නිදහසේ එල්ලා ඇති විට බර 3W වූ සුමට C පබළුවක් A හා

22 A/L අපි [papers grp]

10. 3, 1, 7, 2, 1, 1, 7, x හා y යන සංඛ්‍යාවල මධ්‍යන්‍යය 4ක් වේ. x හා y යනු 10 ට අඩු සංඛ්‍යාවක් වේ. $x + y = 14$ එනමින් (i) $x = y$ (ii) $x \neq y$ යන අවස්ථාහි දී මාතෘකා සොයන්න. මෙම සංඛ්‍යාවන් සියල්ලේම සම්මත අපගමනය $\frac{\sqrt{76}}{3}$ සහ $x \leq y$ නම් x හා y හි අගයන් සොයන්න.

B කොටස

17. a) තිරසර 60° ආනත වූ දිශාවකට 14ms⁻¹ නියත වේගයෙන් පියාසර කරන කුරුල්ලෙකු දෙසට තිරසර θ ආනත වූ දිශාවකට මිනිසෙකු ගලක් ප්‍රක්ෂේපනය කරනු ලැබෙන්නේ එම කුරුල්ලා 10 m ක් උසකින් ඔහුට ඉහළින් පියාසර කරන විටකදීය. එම ගල කුරුල්ලාගේ වැදීමට නම් $\tan \theta \geq 2 + \sqrt{3}$ විය යුතු බව පෙන්වන්න. ($g = 9.8ms^{-2}$ බව සලකන්න)

b.) නැවක් නැගෙනහිර හා උතුර දිශාවට පිළිවෙලින් u හා v වේග සංරචක සහිත දිශාවක් ඔස්සේ ජලයටසාපේක්ෂව චලනය වේ. නැව d දුරකින් සබ්මැරීනයකට උතුරෙන් පිහිටන විටදී, සබ්මැරීනයේ සිට නැව දෙසට මිසයිලයක් එල්ල කරනු ලැබේ. මිසයිලය ජලයට සාපේක්ෂ w වේගයෙන් චලනය වේ නම් ද මිසයිලය නැව සමඟ ගැටෙයි නම් $w > \sqrt{u^2 + v^2}$ වන බව පෙන්වන්න. මිසයිලයට සබ්මැරීනයේ සිට නැව වෙතට ළඟා වීමට ගතවන කාලය ද සොයන්න.

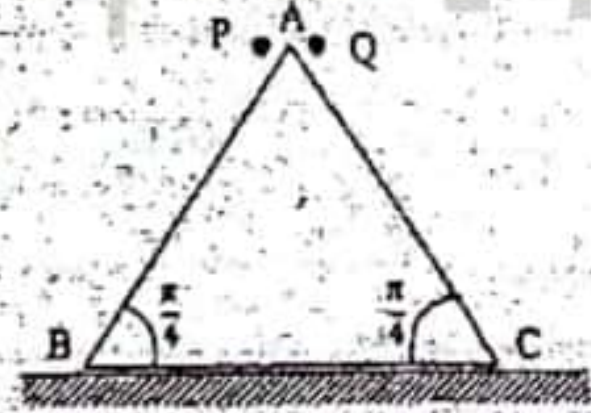
12. a) ස්කන්ධය 4 kg වූ ඒකාකාර කුඤ්ඤයක එහි ගුරුත්ව කේන්ද්‍රය හරහා යන හරස්කඩ

$\hat{A}BC = \hat{A}CB = \frac{\pi}{4}$ වන පරිදි ABC සමද්විපාද ත්‍රිකෝණයකි. එය BC මුහුණත සුමට තිරස් මේසයක්

මත තබා ඇත. (රූපයේ පරිදි) ස්කන්ධය පිළිවෙලින් m හා 2 m වූ P හා Q අංශු දෙකක් AB හා AC මුහුණත් මත Aට ආසන්න වන පරිදි තබා නිශ්චලතාවයෙන් මුදා හරී. කුඤ්ඤය මේසයට සාපේක්ෂ F ක්වරණයකින් චලනය වේ යැයි ද P හා Q අංශු f හා f' ක්වරණ වලින් චලනය වේ යැයි ද

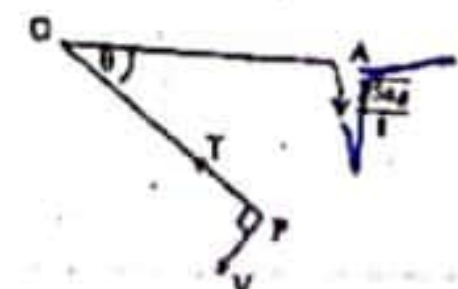
උපකල්පනය කර $2F = \frac{\sqrt{2}}{5} f = \frac{\sqrt{2}}{6} f' = \frac{2g}{11}$ වන බව පෙන්වන්න.

P අංශුව AB මුහුණතෙහි B වෙතට පැමිණීමට පෙර Q අංශුව AC මුහුණත් මත C වෙතට පැමිණෙන බව අපෝහනය කරන්න.



b) ස්කන්ධය m වූ P අංශුවක් සැහැල්ලු දිග a වූ අවිනත්‍ය තන්තුවක එක් කෙළවරකට ඇඳා ඇත. තන්තුවේ අනෙක් කෙළවර අවල O ලක්ෂ්‍යකට ගැට ගසා ඇති අතර ආරම්භයේ දී අංශුව O හා එකම තිරස් මට්ටමේ වූ A ලක්ෂ්‍යය තබා සිරස්ව පහළට ප්‍රක්ෂේපනය කරනු ලැබේ. තන්තුව θ කෝණයකින් හැරුණු විට තන්තුව තදව ඇත්නම් එවිට අංශුවේ ප්‍රවේගය V හා ආතතිය T නම්

i. $V^2 = \frac{ga}{2}(5 + 4\sin \theta)$ බව පෙන්වන්න.



ii. T වල අගය m, g හා θ වලින් සොයන්න.

iii. $\theta = \alpha$ වන විට දී තන්තුව බුරුල් වේ. α හි අගය සොයන්න.

දැන් අංශුව A හි සිට එම වේගයෙන්ම නැවත වරක් ප්‍රක්ෂේපනය කරනු ලැබේ. ඉන්පසු ඇතිවන චලිතයේ දී අංශුව පළමු වතාවට A පසු කරන විට O හි සිට $\frac{a}{2}$ දුරකින් එකම තිරස් මට්ටමේ වූ B නම් ලක්ෂ්‍යයක ඇති සුමට නා දැන්තක් සමග තන්තුව ස්පර්ශ වී එය වටා චලනය වේ. එවිට අංශුව කේන්ද්‍රය B හා අරය $\frac{a}{2}$ වූ වෘත්තයක චලනය වේ.

iv. අංශුව B ට සිරස්ව ඉහළින් $\frac{a}{2}$ උසකින් වූ C ලක්ෂ්‍යයක් පසු කරන විට එහි ආතතිය සොයන්න.

13. ස්කන්ධය m වූ p නම් අංශුවක් ස්වභාවික දිග l හා ප්‍රත්‍යස්ථතා මාපාංකය $4 \frac{mg}{cm}$ වූ සැහැල්ලු අවිනන්‍ය තන්තුවක A කෙළවරට ඇඳා ඇත. එහි අනෙක් B කෙළවරට පොළොවේ සිට 2l වඩා උසකින් වූ ලක්ෂ්‍යයකට සම්බන්ධ කර ආරම්භයේ දී P අංශුව B හි තබා නිශ්චලතාවයෙන් මුදා හරී. ඉන්පසු ඇතිවන චලිතයේ දී අංශුව තන්තුව දිග $x (> l)$ දුරකින් ඇති විට ශක්ති සංස්ථිති මූලධර්මය භාවිතයෙන් P හි වේගය \dot{x} සඳහා සමීකරණයක් සොයන්න. එනමින් \ddot{x} සමීකරණය ලබා ගන්න.

$$y = x - \frac{5l}{4} \left(y \geq -\frac{1}{4} \right) \text{ ආදේශය භාවිතයෙන් එම සමීකරණය } \ddot{y} + \frac{4g}{l} = 0 \text{ ආකාරයට ප්‍රකාශ කරන්න.}$$

ඉහත සමීකරණයේ විසඳුම $y = A \cos \omega t + B \sin \omega t$ බව උපකල්පනය කර A, B හා ω නියත සොයන්න. එනමින් P අංශුව පහළම ලක්ෂ්‍යය දක්වා චලනය වීමට ගතවන කාලය

$$\frac{1}{2} \sqrt{\frac{l}{g}} \left[\pi - \tan^{-1} 2\sqrt{2} + 2\sqrt{2} \right] \text{ වන බව පෙන්වන්න.}$$

14. a O මූලය අනුබද්ධව A හා B ලක්ෂ්‍ය වල පිහිටුම් දෛශික පිළිවෙලින් \underline{a} හා \underline{b} වේ. R යනු AB මත ලක්ෂ්‍යයකි. C යනු OR මත ලක්ෂ්‍යයකි. AC දික්කළ විට OB රේඛාව S හි දී ද දික්කළ BC රේඛාව

$$OA \text{ රේඛාව T හි දී ද හමුවේ. } \vec{AR} = p\vec{RB}, \vec{BS} = q\vec{SO} \text{ හා } \vec{OT} = \vec{TA} \text{ නම් } \vec{OR} = \frac{1}{1+p} \begin{pmatrix} a+pb \\ - \end{pmatrix}$$

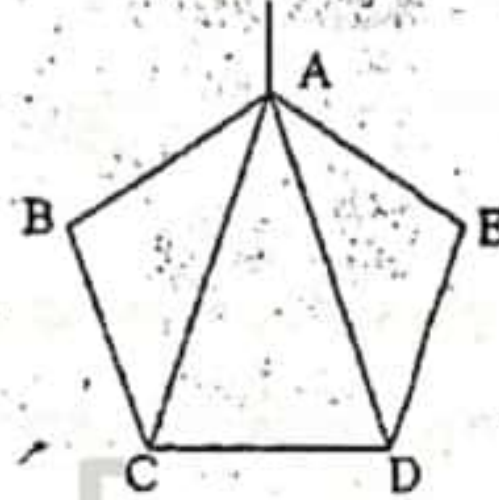
$$\text{හා } \vec{OC} = \frac{1}{1+2p} \begin{pmatrix} qa+b \\ - \end{pmatrix} \text{ වන බව පෙන්වන්න. } q = \frac{1}{p} \text{ බව අපෝහනය කරන්න.}$$

b) ABCDEF යනු පාදයක දිග මීටර 2a වූ සවිධි සඩාභ්‍රයකි. විශාලත්වය නිවුටන් 5, 4, 2, 1, λ හා μ යන බල පිළිවෙලින් AB, BC, DC, ED, AF හා FE යන පාද ඔස්සේ ඒවායේ අකුරු වලින් දැක්වෙන දිශාවලට ක්‍රියා කරයි.

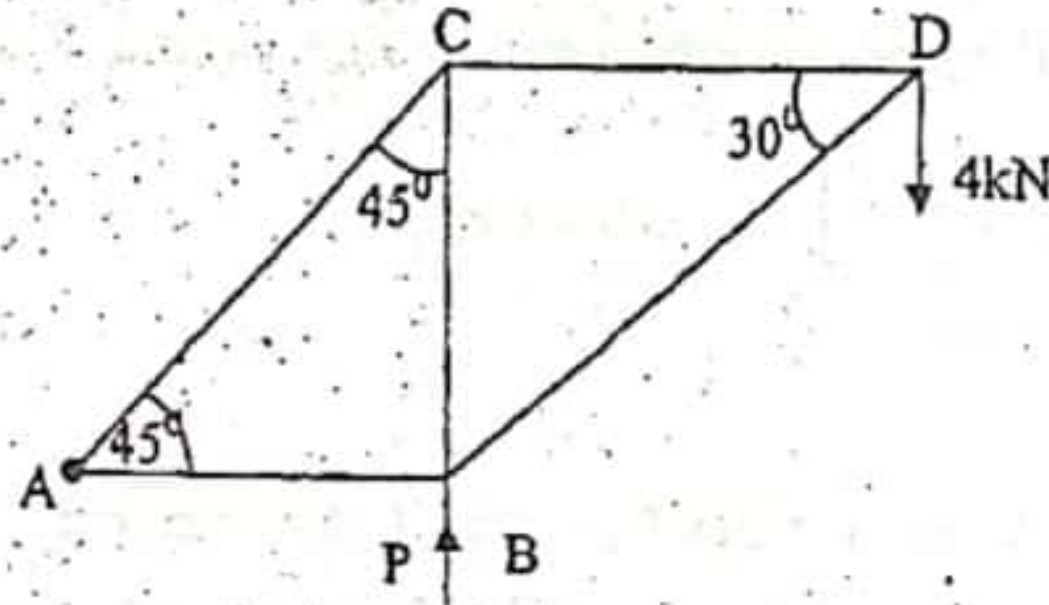
i. පද්ධතිය බල යුග්මයකට තුල්‍ය වේ නම් λ හා μ සොයන්න. තවද බල යුග්මයේ විශාලත්වය හා දිශාව සොයන්න.

ii. පද්ධතිය සමතුලිතතාවයේ පැවතීම සඳහා λ හා μ සඳහා අගයන් නොපවතින බව විස්තර කරන්න.

15. AB, BC, CD, DE හා EA යනු බර w වූ දිග සමාන වූ ද ඒකාකාර දඬු පහකි. ඒවා කෙළවරහි දී සුමට ලෙස අසව් කර දඬු පද්ධතියක් සාදා ගනී. සවිධි පංචාස්‍රයක හැඩයෙන් යුත් පද්ධතිය A වලින් එල්ලා ඇත. එවිට හැඩය පවත්වාගෙන ඇත්තේ A සිට D දක්වාත් A සිට O ඇඳූ තන්තු දෙකක් මගිනි. B හි ප්‍රතික්‍රියාවේ සිරස් සංරචකය සොයන්න. ඒ නයින් තන්තු දෙකෙහි ප්‍රතික්‍රියා $2w \cos \frac{\pi}{10}$ වන බව පෙන්වන්න



- b) AB, BC, AC, BC හා CD සැහැල්ලු දඬු පහක් රූපයේ දැක්වෙන පරිදි සම්බන්ධ කර රාමු සැකිල්ලක් සාදවා ඇත. පද්ධතිය A හා සුමටව අසව් කර ඇති අතර B හි දී ආධාරකයක් මත තබා ඇත. 4 kN භාරයක් D හි දී දරා සිටී. P හි අගය සොයන්න. බෝ අංකන රූප සටහනක් භාවිතයෙන් සියලුම දඬුවල ප්‍රත්‍යාබල ආතති ද තෙරපුම් ද යන වග දක්වමින් සොයන්න.



16. කේන්ද්‍රයේ 2α කෝණයක් ආපාතනය කරන අරය a වූ වෘත්ත වාපයක ගුරුත්ව කේන්ද්‍රය $\frac{a \sin \alpha}{\alpha}$ දුරකින් පිහිටන බව පෙන්වන්න. ඒ නයින් අරය a හා කේන්ද්‍රයේ 2α කෝණයක් ආපාතනය කරන්නා වූ වෘත්ත ඛණ්ඩයක ගුරුත්ව කේන්ද්‍රය $\frac{2a \sin \alpha}{3 \alpha}$ දුරකින් පිහිටන බව පෙන්වන්න. අරය a හා කේන්ද්‍රයේ 2α කෝණයක් ආපාතනය කරන කේන්ද්‍රය O වූ OAB වෘත්ත ඛණ්ඩයක් A වලින් එල්ලා ඇති විට එය සමතුලිතතාවයේ පවතින සමමිතික අක්ෂය සිරස් සමග සාදන කෝණය

$$\sin^{-1} \left(\frac{3\alpha \sin \alpha}{\sqrt{9\alpha^2 + 4 \sin^2 \alpha} - 6\alpha \sin 2\alpha} \right) \text{ වන බව පෙන්වන්න.}$$

17. a) මිනිසෙකු මෝටර් රථයකින්, මෝටර් සයිකලයකින් හෝ පයින් ගමන් කිරීමේ දී අනතුරකට ලක්

වීමේ අවදානමේ සම්භාවිතා පිළිවෙලින් $\frac{1}{2}, \frac{1}{6}$ හා $\frac{1}{3}$ වේ. එමඒ ක් එක් අවස්ථාවක් හි දී අනතුර

සිදුවීමේ සම්භාවිතා පිළිවෙලින් $\frac{1}{5}, \frac{2}{5}$ හා $\frac{1}{10}$ වේ

i. එක් එක් ගමනක දී අනතුරක් සිදුවීමේ සම්භාවිතා සොයන්න.

ii. අනතුරක් සිදුවී ඇතැයි දී ඇත්තම් ඔහු

a) මෝටර් රථයෙන්

b) මෝටර් බයිසිකලයෙන් ගමන් කරන

අවස්ථාවල දී වීම සඳහා සම්භාවිතා සොයන්න.

b) මොරටුව විශ්ව විද්‍යාලයේ සිසුන් 100 කගේ බර පිළිබඳ සංඛ්‍යාත ව්‍යාප්තියක් පහත වගුවේ දැක්වේ.

බර Weight (kg)	60 - 62	63 - 65	66 - 68	69 - 71	72 - 74
මධ්‍ය අගය (x_i)	61	64	67	70	73
සංඛ්‍යාතය (f_i)	5	18	42	27	8

$y_i = \frac{1}{3}(x_i - 67)$ පරිණාමය භාවිතයෙන් මධ්‍යන්‍ය හා විචලනාවය ගණනය කරන්න. එම විශ්ව

විද්‍යාලයේ සිසුවියන් 100 දෙනෙකුගේ බරෙහි මධ්‍යන්‍ය හා සම්මත අපගමනය පිළිවෙලින් 50 හා 2 වේ. සිසුන් 200 දෙනාගේ බරෙහි මධ්‍යන්‍ය හා විචලනාව ගණනය කරන්න.

22 A/L අපි [papers grp]