

Part A

01. $(x+2)^2(x-2)(x+1) \leq 0$ අසමානතාව තෘප්ත වන x හි අගය පරාසය සොයන්න.

02. $(x-1)(x-3)(x-5)(x-7) = 9$ නම්, x හි අගය සොයන්න.

03. $y = |x-1|$ සහ $y = 3 - |x-2|$ ප්‍රස්ථාරයෙන් එකම සටහනක අදින්න. එකඟත්, $|x-1| + |x-2| = 3$ වන x හි අගය සොයන්න.

04. p ඉක්මනින් x -අක්ෂය මත පිහිටා ඇත්තේ, p ඉක්මනේ සිට, $A(3-1)$ සහ $B(-1.5)$ යන ඉක්මනක්ට ඇති දුර සමාන වන පරිදි p ඉක්මනේ චන්ද්‍රිකා-තය සොයන්න.

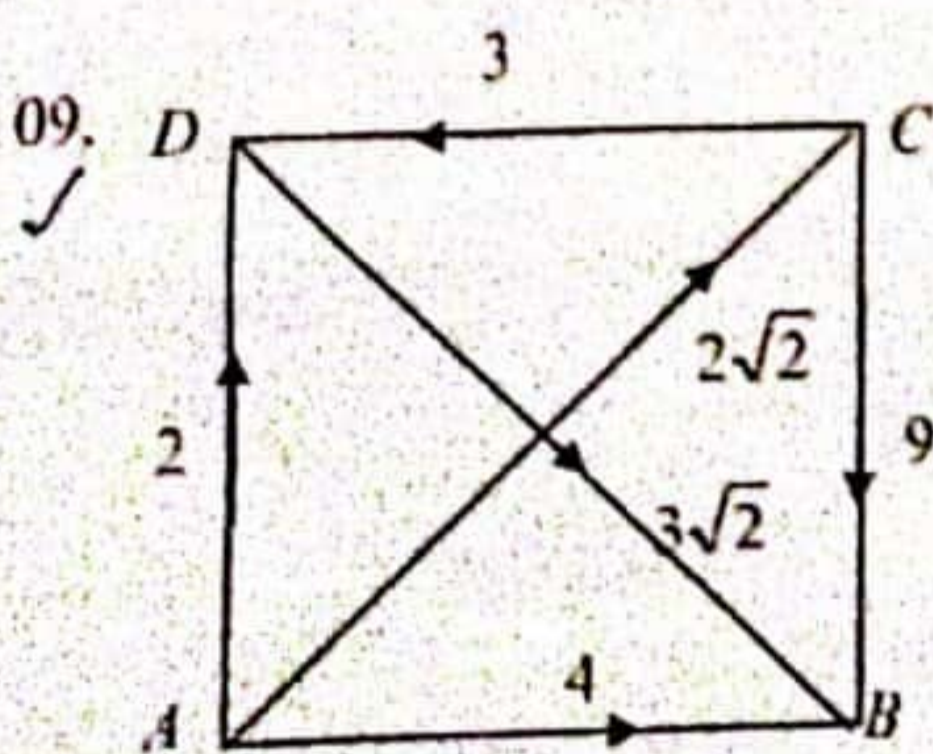
05. $\cos \frac{\theta}{2} - \sin \frac{\theta}{2} = \sqrt{2} \cos \theta$ සම්බන්ධයේ විසඳුම් සොයන්න.

06. $\tan \frac{\alpha}{2} = \frac{1}{3}, \tan \frac{\beta}{2} = \frac{1}{2}$ නම්, $\cos(\alpha + \beta)$ හි අගය සොයන්න.

$0 \leq \alpha, \beta \leq \frac{\pi}{2}$

07. පිරිසිටි ඉහළට ප්‍රක්ෂේපණය කරන ලද අංශුවක්, එහි උපරිම උසෙන් $\frac{3}{4}$ ක් වන විට ගතවූ කාලයක් අතර අනුපාතය 1:3 බව පෙන්වන්න.

08. එකිනෙක කැපුණු ක්‍රියාකාරක බල දෙකක සම්පූර්ණතම $\sqrt{13}N$ වන අතර බල දෙක අතර කෝණය 60° වුව, සම්පූර්ණතම $\sqrt{19}N$ වේ. බල දෙකේ විශාලත්වය සොයන්න.



09. ඒකක බල පද්ධතියක් ABCD සම්පූර්ණතම වන පරිදි රූපයේ දැක්වේ. ඔවුහුගේ කෝණය සොයා ගන්න.

10. A, B, C ඉක්මනවල පිහිටුම් දෛශික පිළිවෙලින් $14i - 13j$, $12i - 5j$ හා $ai - 11j$ වේ. ඉක්මන 3 ම ඒක වේගීය නම්, a හි අගය සොයන්න. $AB : AC$ ද සොයන්න.

22 A/L අපි [papers grp]

සිරිමාවෝ ඔන්ඩර්නායක විද්‍යාලය - කොළඹ 07

Combined Mathematics Srimavo Bandaranaike Vidyalaya Colombo 7, Combined Mathematics Srimavo Bandaranaike Vidyalaya Colombo 7,
 Combined Mathematics Srimavo Bandaranaike Vidyalaya Colombo 7, Combined Mathematics Srimavo Bandaranaike Vidyalaya Colombo 7,
 Combined Mathematics Srimavo Bandaranaike Vidyalaya Colombo 7, Combined Mathematics Srimavo Bandaranaike Vidyalaya Colombo 7,
 Junakaasirimanna Combined Maths Junaka Sirimanna Combined Maths Junaka Sirimanna Combined Maths Junaka Sirimanna

අධ්‍යයන පොදු සහතික පත්‍ර උසස් පෙළ විභාගය, 2023
 General Certificate Of Education (Adv. Level) Examination, 2023

සංග්‍රහණ අංකය I & II

Combined Mathematics I & II

10

S

I & II

• සියළුම ප්‍රශ්න වලට පිළිතුරු සපයන්න

Part B

11.(a). $ax^2 + bx + c = 0$ සමීකරණයේ මූල α සහ β යැයි ගනිමු. මෙහි මූල දෙකම උපරිම 0 අවසරයේ a, b සහ c ඇතුළුවේද ප්‍රකාශ කරන්න.

$f(x) = 3x^2 - (p-4)x - (2p+1)$ යැයි ගනිමු. $f(x) = 0$ මූල දෙකම උපරිම $p > -\frac{1}{2}$ හා 4 අතර පිහිටි අගයක් ගත නොගැනී බව පෙන්වන්න.

$f(x) = 0$ හි මූල සමාන වන සේ p හි අගය සොයන්න.

(b). $2x^3 - 3ax^2 + ax + b$ මුහු පදයේ $x-1$ සාධකයකි. එය $x+2$ න් මෙද වටිනාකම -54 බව ද දෙන. a සහ b හි අගයන් සොයන්න.
 එම අගයන් සඳහා මුහුපදයේ සියළුම සාධක ඉතා දක්වන්න.

එනම්, $4x^3 + 3x^2 + 9x + 2$ මුහු පදය සාධක වලට වෙන් කරන්න.

12.(a). $\frac{1}{(x+1)(x-2)}$ යන්න හින්න භාගවලට වෙන්කරන්න.

එනම්, $\frac{1}{(x+1)^2(x-2)}$ හින්න භාගවලට වෙන්කරන්න.

(b). $p = \log_a bc, q = \log_b ca$ සහ $r = \log_c ab$ යම්,
 $pqr = p + q + r + 2$ බව පෙන්වන්න.

(c). $y = 5|x+1| - 3|x-1|$ සහ $y = 2x + |x-1|$ ප්‍රස්ථාර එකම ඛණ්ඩාංක අතර පද්ධතියක ඇදීම්.
 $5|x+1| - 4|x-1| \geq 2x$ අසමානතාව තෘප්ත කරන x හි අගය ප්‍රාග්ධනය සොයන්න.

22 A/L අපි [papers grp]

13.(a) $f(x) = 11 \cos^2 x - \sin^2 x + 8 \sin 2x$ නම්,

$f(x) = a + b \cos(2x - \alpha)$ ආකාරයෙන් ලියන්න. මෙහි a, b සහ α යනු නිර්ණය කළ යුතු නියත වේ

(i). $f(x) = 0$ වන , (ii). $f(x)$ හි අගය අවම වන

(iii). $f(x)$ හි අගය උපරිම වන,

$0 \leq x \leq \pi$ පරාසයේ වූ x හි අගයන් සොයන්න.

$0 \leq x \leq \pi$ සඳහා $y = f(x)$ හි දළ සටහනක් අඳින්න.

(b). ඕනෑම ත්‍රිකෝණයක් සඳහා සයින නියමය ප්‍රකාශ කරන්න.

$$\left(\frac{b^2 - c^2}{a^2}\right) \sin 2A + \left(\frac{c^2 - a^2}{b^2}\right) \sin 2B + \left(\frac{a^2 - b^2}{c^2}\right) \sin 2C = 0 \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

14.(a). C_1 සහ C_2 මෝටර් රථ දෙකක් u_1 සහ u_2 ප්‍රවේග වලින් එකම මෙහෙයේ A_1 ලක්ෂ්‍යයකින් පිටත් වී එකම දිශාවට f_1 සහ f_2 ඒකාකාර ත්වරණ වලින් වලනය වී එකම මොහොතේ A_2 ලක්ෂ්‍යයක් පසුකර යයි. වලනය සම්බන්ධ නවීකරණයෙන්,

(i) මෝටර් රථවලට A_2 ලක්ෂ්‍යය වෙත එළඹීමට ගතවන කාලය $\frac{2(u_1 - u_2)}{f_1 - f_2}$ බවත්, Half

(ii) $A_1 A_2$ විස්ථාපනය S_1 වීම, එය $(f_1 - f_2)^2 S_1 = 2(u_1 - u_2)(f_2 u_1 - u_2 f_1)$ මගින් ලැබෙන බවත් පෙන්වන්න.

(b). සෘජු මාර්ගයක ධාවනය වන ශිඝ්‍රතාව $U \text{ ms}^{-1}$ ඒකාකාර ප්‍රවේගයෙන් ගමන් කරයි. එක් දිනක් මාර්ගය අඟුණවැඩියා කිරීම හේතුවෙන් A හා B අතර C හි දී t කාලයක් දුම්පිය නවතා තැබීමට සිදුවේ. C හි දී නවතා තැබීම සඳහා එය $f_1 \text{ ms}^{-2}$ ඒකාකාර මන්දනයකින් වලනය වූ අතර පසුව $f_2 \text{ ms}^{-2}$ ඒකාකාර ත්වරණයෙන් වලනය වී $U \text{ ms}^{-1}$ ප්‍රවේගය නැවත ලබාගනී. එකම සටහනක ප්‍රවේග-කාල වක්‍ර අඳ, නියමිත කාලයට වඩා $\frac{u}{2} \left(\frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2} \right) + t$ කාලයකින් දුම්පිය ප්‍රමාද වන බව පෙන්වන්න.

15.(a). $ABCD$ රෝම්බසයක පාදයක දිග 4 m වේ. $\hat{BAD} = 60^\circ$ කි. AB පාදයේ මධ්‍ය ලක්ෂ්‍යය E වේ. පිළිවෙළින් AB, AD, CA සහ ED පාද ඔස්සේ ක්‍රියාකාරක නිව්ටන් $x, 2, 8\sqrt{3}$ සහ $6\sqrt{3}$ වූ බල පද්ධතියක සම්ප්‍රයුක්තය D හරහා යයි නම්, x හි අගය ද, සම්ප්‍රයුක්තයේ විශාලත්වය ද, එය DC සමඟ කාදන කෝණය ද සොයන්න. BA සහ BC දිගේ ක්‍රියා කරන y සහ z නම් බල 2 කට, පද්ධතිය භ්‍රමය වේ නම්, y හා Z බල වල අගය සොයන්න.

(b). O, A, B යනු ඒක රේඛීය නොවන ලක්ෂ්‍ය තුනකි. $\vec{OA} = \underline{a}$ ද, $\vec{OB} = \underline{b}$ ද වන පරිදි වන නිශ්ශුන්‍ය දෛශික දෙකකි. $\alpha \underline{a} + \beta \underline{b} = 0$ නම්, $\alpha = 0$ බවත් $\beta = 0$ බවත් පෙන්වන්න.

$OABC$ සමාන්තරාස්‍රයේ $\vec{OA} = \underline{a}$ ද, $\vec{OC} = \underline{c}$ ලෙස දී ඇත.

$AD : DB = 2 : 3$ වන සේ AB මත D ලක්ෂ්‍ය පිහිටා ඇත.

$\vec{OD} = \underline{a} + \frac{2}{5} \underline{c}$ බව පෙන්වන්න.

OD සහ AC රේඛා E හි දී චේදනය වේ. $\vec{OE} = \underline{a} + \lambda(\underline{c} - \underline{a})$ ලෙස ප්‍රකාශ කළ හැකි බව පෙන්වන්න. මෙහි λ නියතයකි.

