

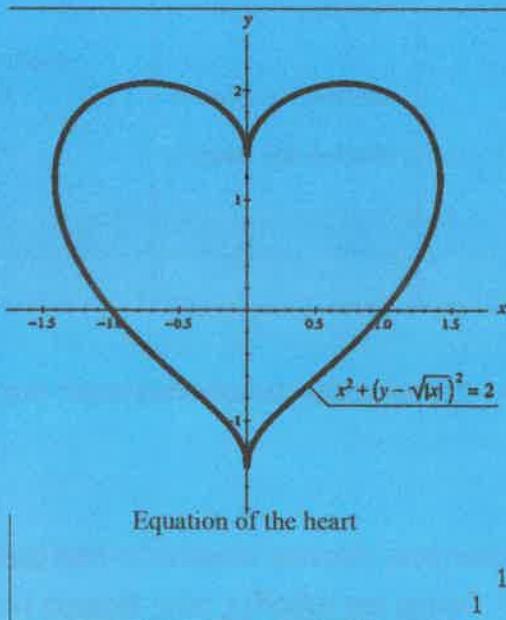


ශ්‍රී ලංකා විශාග දෙපාර්තමේන්තුව

අ.පො.ක. (සා. පෙළ) විශාගය - 2023 (2024)

## 32 - ගණිතය

ලකුණු දීමේ පරිපාලය



**12345679 x 9=111111111**  
**12345679 x18=222222222**  
**12345679 x27=333333333**  
**12345679 x36=444444444**  
**12345679 x45=555555555**  
**12345679 x54=666666666**  
**12345679 x63=777777777**  
**12345679 x72=888888888**  
**12345679 x81=999999999**

1	1	1	.
1	2	1	
1	3	3	1
1	4	6	4
1	5	10	10
1	6	15	20
1	7	21	35
1	8	28	35
1	9	36	35
1	10	45	210
			252
			210
			120
			45
			10
			1

Pascal Triangle

මෙය උත්තරපතු පරිශෘජිතවරුන්ගේ ප්‍රයෝගනය සඳහා සකස් කෙරිණි.  
ප්‍රධාන පරිශෘජිත රැකිවීමේ දී ඉදිරිපත්වන අදහස් අනුව මෙහි වෙනස්කම් කරනු ලැබේ.

අවසන් සංශෝධන ආකෘත්‍ය කළ යුතුව ඇත.

## අ.පො.ස. (සා.පොල) විභාගය - 2023 (2024)

## 32 - ගණිතය

## ලකුණු දීමේ පටිපාටිය

## ගණිතය I

මෙම පත්‍රය A හා B යෙළුවෙන් කොටස් දෙකකින් යුතු හෝ. A කොටස, කොටස් පිළිබුරු අපේක්ෂා ප්‍රශ්න 25 කින් ද, B කොටස විශ්වාසාත ප්‍රශ්න පහකින් ද සමඟ්වීය. මෙම ප්‍රශ්න සියල්ලටිම, ප්‍රශ්න පැහැදිලි වික් වික් ප්‍රශ්න සමඟ දී ඇති ඉඩ ප්‍රමාණය තුළ පිළිබුරු සැපයිය යුතුය. කාලය පැය දෙකකි.

## ගණිතය II

මෙම පත්‍රය ද A හා B යෙළුවෙන් කොටස් දෙකකින් යුතු හෝ. A කොටසේහි දී ඇති ප්‍රශ්න හයෙන් ප්‍රශ්න පහකින් ද, B කොටසේහි දී ඇති ප්‍රශ්න හයෙන් ප්‍රශ්න පහකින් ද විශ්වාසාත ප්‍රශ්න 10 කට පිළිබුරු සැපයිය යුතුය. පිළිබුරු සැපයිමු සඳහා ලියන පොත් හෝ කඩිඛා හාවිත කළ යුතුය. කාලය පැය තුනකි.

මුළු ප්‍රශ්න ගණන	පිළිබුරු සැපයිය යුතු ප්‍රශ්න ගණන	වික් ප්‍රශ්නයට ලකුණු	ලබා ගත හැකි උපරිම ලකුණු
ගණිතය - I පත්‍රය A කොටස - 25	25	02	$02 \times 25 = 50$
B කොටස - 5	5	10	$10 \times 5 = 50$
			එකතුව = 100
ගණිතය - II පත්‍රය A කොටස - 6	5 (කැමති පරදී තෝරාගත්)	10	$10 \times 5 = 50$
B කොටස - 6	5 (කැමති පරදී තෝරාගත්)	10	$10 \times 5 = 50$
			එකතුව = 100
			මුළු එකතුව = 200

I හා II පත්‍ර දෙකම සඳහා අපේක්ෂකයෙකු ලබාගන්නා මුළු ලකුණු සංඛ්‍යාව 2 න් බෙදා අවසාන ලකුණු ගණනය කෙරේ.

වැදගත් :-

- මෙම ලකුණු දීමේ පටිපාටියෙන් බැහැරව ලකුණු නොදෙන්න.
- ගණිතය II පත්‍රයෙහි ප්‍රශ්න 10 තෝරා ගත යුත්තේ A හා B යන වික් වික් කොටසේහි ප්‍රශ්න පහ බැංකිනි. නියමිත සංඛ්‍යාවට වඩා වැඩියෙන් පිළිබුරු සපයා ඇති ප්‍රශ්න සඳහා ලකුණු නොලැබේ.
- ගැටුව මතුවූ විට ප්‍රධාන පර්යාශකගේ උපදෙස් ලබා ගන්න.
- ලත්තරපත්‍ර ලකුණු කිරීම සඳහා රතු පැහැන් පමණක් පාවිච්චී කරන්න.

## A කොටස

ප්‍රෘති දියුණුවට පිළිතුරු මෙම උග්‍ර පූදුවට සපයන්න.

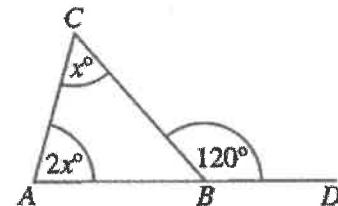
$$(පහිල අය \frac{22}{7} ලෙස ගන්න.)$$

1. 12% ක වාර්ෂික විරෝධාම් බුදු ප්‍රතිශතයක් අය කොරෝන තරු සහ සීමාවන් තුළ පිහිටි කඩ කාමරයක වාර්ෂික තක්සියේ විවිධාකම් රුපියල් 24 000 කි. වසරකට ගෙවිය යුතු විරෝධාම් මුදල කිය දී?

$$\begin{array}{rcl} \text{රුපියල් 2880 & & ② \\ 24000 \times \frac{12}{100} & = & 1 \end{array}$$

2. ABC ත්‍රිකෝණයේ AB පාදය D නෙක් දික්කර ඇත. රුපයේදී ඇති තොරතුරු අනුව x හි අය සෞයන්න.

$$\begin{array}{rcl} x = 40 \quad \text{හෝ} \quad 40 & & ② \\ x + 2x = 120 \quad \text{හෝ} \quad x + 2x + 60 = 180 & = & 1 \end{array}$$

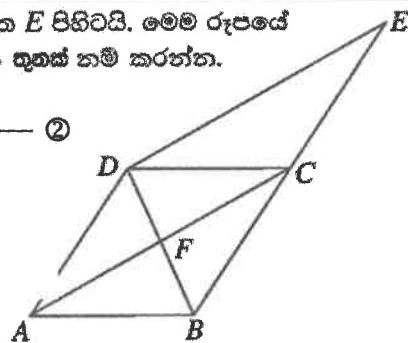


3. පහත සඳහන් විරෝධ පදනම් කුඩාම පොදු ගුණකාරය සෞයන්න.

$$\begin{array}{l} 8xy, \quad 2xy^2, \quad 12y \\ 24xy^2 & & ② \\ 8xy = 2^3 \times x \times y \\ 2xy^2 = 2 \times x \times y^2 \\ 12y = 2^2 \times 3 \times y \end{array} \quad \left. \begin{array}{l} \\ \\ -1 \end{array} \right\}$$

4. ABCD සමාන්තරුපයකි.  $DE \parallel AC$  වන සේ, දික් කළ BC පාදය මත E පිහිටි. මෙම රුපයේ  $DCE$  ත්‍රිකෝණයේ වර්ගඑලයට සමාන වර්ගඑලයක් ඇති ත්‍රිකෝණ තුනක් නම් කරන්න.

$\Delta ADC, \Delta ABC, \Delta BDC, \Delta BDA$  නිවැරදි ත්‍රිකෝණ 03 කට ————— ②



5.  $\log_4 x = 3$  නම් x හි අය සෞයන්න.

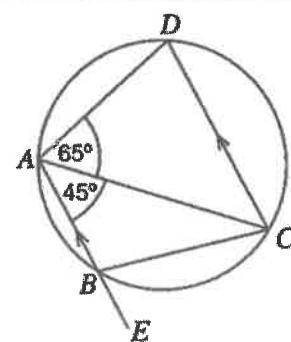
$$\begin{array}{rcl} x = 64 \quad \text{හෝ} \quad 64 & & ② \\ x = 4^3 \quad \text{හෝ} \quad 4^3 & = & 1 \end{array}$$

6. පූද්‍ර කරන්න:  $\frac{3xy}{2} + \frac{9y}{4}$

$$\frac{2x}{3} \quad \text{—————} \quad ② \qquad \frac{3xy}{2} \times \frac{4}{9y} \quad \text{—————} \quad 1$$

7. රුපයේ දැක්වෙන වෙනත් මත A, B, C නෑ D ලක්ෂා පිහිටා ඇත. ABE යනු සරල රේඛාවකි. දී ඇති තොරතුරු අනුව CBE හි විශාලන්වය සෞයන්න.

$$\begin{array}{rcl} ACD = 45^\circ & = & 1 \quad \text{හෝ} \\ ACD = 70^\circ & = & 1 \quad \text{හෝ} \\ DCB = 70^\circ & = & 1 \end{array}$$



8. 2023 වර්ෂයේ නිමල්ල මායික ආදායම රුපියල් 138 000 විය. නිමල් රුපියල් 100 000 කට වඩා වැඩියෙන් ලැබූ ආදායමට 6% ක ආදායම් බද්දක් ගෙවීමට සිදු විය. එම අවුරුදුදේ නිමල්ට මායික ගෙවීමට සිදු වූ ආදායම් බද්ද ගණනය කරන්න.

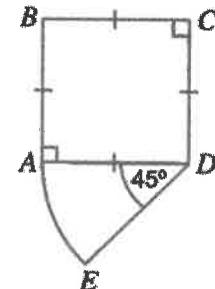
$$\text{රුපියල් 2280} \quad \boxed{2}$$

$$38000 \times \frac{6}{100} \quad 1$$

9. රුපයේ දැක්වෙන්නේ අරය 14 cm ස්ථිර ද කේත්දුලය කෙරුණය 45° ස්ථිර ද කේත්දික බණ්ඩයකින් ද සමව්‍යුතුයකින් ද පමණින් සාපුක්ක රුපයකි. මෙම රුපයේ පරිමිතිය සෞයන්න.

$$67\text{cm} \quad \boxed{2}$$

$$AE = \frac{1}{8} \times 2 \times \frac{22}{7} \times 14 \quad 1$$



10. (0, 2) සහ (1, 5) ලක්ෂණ හරහා යන සරල රේඛාවේ සම්කරණය සෞයන්න.

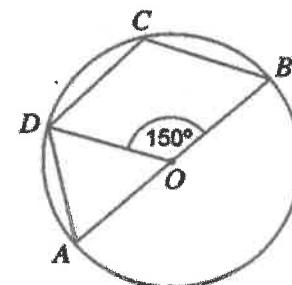
$$y = 3x + 2 \quad \boxed{2}$$

$$\text{අනුකුම්ලය} = \frac{5-2}{1-0} \quad \text{හෝ} \quad \text{අන්තාඛණ්ඩිය} = 2 \quad 1$$

11. දී ඇති විෂ්කෘතය කේත්දුය  $O$  වේ.  $AB$  විෂ්කම්හයක් ද  $D\hat{O}B = 150^\circ$  ද වේ.  $D\hat{C}B$  හි විශාලත්වය සෞයන්න.

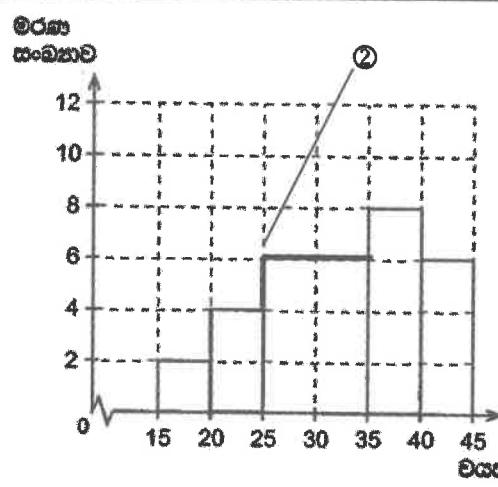
$$D\hat{C}B = 105^\circ \quad \boxed{2}$$

$$D\hat{A}0 = 75^\circ \quad \text{හෝ} \quad D\hat{O}B \text{ (පරුවීත)} = 210^\circ \quad 1$$



12. එක්සරා තාගරයක වර්ෂයක් ඇතුළත යනුරු පැදි අනුරුධ්‍යින් සිදු වූ මරණ සංඛ්‍යාව පහත සංඛ්‍යාව විසාල්වීමෙහි දැක්වේ. ඒ ඇපුරෝන් ඇද ඇති ජාල මේඛිල සම්පූර්ණ කරන්න.

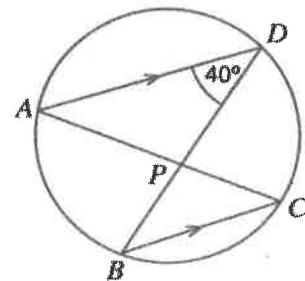
වයස (අවුරුදු)	මරණ සංඛ්‍යාව
15 - 20	2
20 - 25	4
25 - 35	12
35 - 40	8
40 - 45	6



13. රුපයේ දැක්වෙන වෘත්තය මත  $A, B, C$  සහ  $D$  ලක්ෂා පිහිටා ඇත. තවද  $AD \parallel BC$  වේ. දී ඇති කොරතුරු අනුව  $\hat{CPD}$  හි විශාලත්වය සොයුන්න.

$$\hat{CPD} = 80^\circ \quad \text{②}$$

$$\hat{ACB} = 40^\circ \quad \text{නේ } \hat{DBC} = 40^\circ \quad \text{1}$$



14. පතුලේ වර්ගතලය  $77 \text{ cm}^2$  වූ සැපු පිශ්ච හැඩිකි හාර්තයක  $20 \text{ cm}$  න් උසට ජලය පිරි ඇත. මෙම ජලය පියල්ලම් පතුලේ අරය  $7 \text{ cm}$  වූ සැපු වෘත්ත පිළින්ඩ්‍රකාර හාර්තයකට වන් කළ විට එම හාර්තයේ කොපම් උසකට ජලය පිරෝසි ඇ? (පතුලේ අරය  $r$  වූ ද උස  $h$  වූ ද සැපු වෘත්ත පිළින්ඩ්‍රයක පරිමාව  $\pi r^2 h$  වේ.)

$$h = 10 \text{ cm} \quad \text{②}$$

$$\frac{22}{7} \times 7 \times 7 \times h = 20 \times 77 \quad \text{1}$$

15.  $3x^2 + 2x - 1$  හි එක් සාධකයක්  $(x+1)$  වේ. අනෙක් සාධකය සොයුන්න.

$$(3x - 1) \quad \text{②}$$

$$(3x^2 + 3x - x - 1) \quad \text{1}$$

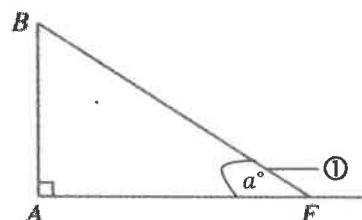
16. ගුණෝත්තර ගෝධියක දෙවනි පය 6 ඇ පත්වනි පය 162 ඇ. ගෝධියේ පොදු අනුපාතය සොයුන්න.

$$ar^4 = 162 \text{ සහ } ar = 6 \quad \text{①}$$

$$r = 3 \quad \text{①}$$

17. රුපයේ දැක්වෙන පරිදි  $AB$  නම් පිරස් ගසක පාමුල පිහිටි සම්බල බිමෙහි  $F$  ජ්‍යානයේ ලමයෙක් සිටියි. එම ලමයාට සහ ලුදුන පෙනෙන ආරෝග්‍ය තොකෝ,  $a^\circ$  රුපයේ ලක්ෂු කරන්න.  $\hat{ABF} = 50^\circ$  නම්,  $a$  හි අගය සොයුන්න. (ලමයාගේ උස නොසුලකන්න.)

$$a = 40 \quad \text{①}$$



18. බෝ.රි ඇට පැකටුවුවක ඇති බෝ.රි ඇට පියල්ලන්ම පැල ලැබෙන අතර එවා අනුරෝධ රෝග සහිත පැලයක් ලැබීමේ සම්ඟාවනාව 0.02 කි. මෙම බෝ.රි ඇට 300 ක් පැල කරන ලද ගොවිපළක රෝගි පැල කියක් බැඳුපෙරාත්තු විය හැකි ඇ?

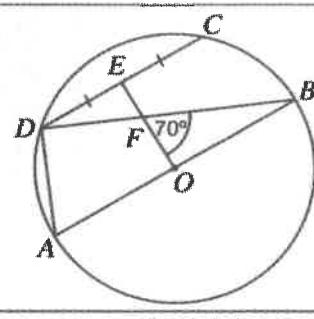
$$6 \quad \text{②}$$

$$300 \times 0.02 \quad \text{1}$$

19. දී ඇති වෘත්තයේ කේතුදාය  $O$  වන අතර  $AB$  විෂ්කම්භයක් වේ.  $DC$  ජ්‍යායකි ඔබා ලක්ෂාය  $E$  වේ.  $\hat{OFB} = 70^\circ$  නම්  $\hat{ADC}$  හි විශාලත්වය සොයුන්න.

$$\hat{ADC} = 110^\circ \quad \text{②}$$

$$\hat{EFD} = 70^\circ \quad \text{නේ } \hat{DEF} = 90^\circ \quad \text{නේ } \hat{ADB} = 90^\circ \quad \text{1}$$



20. විසඳුත්ත:  $\frac{2}{3a} - \frac{4}{9a} = \frac{1}{18}$

$$a = 4 \quad \text{_____} \quad ②$$

$$\frac{6}{9a} - \frac{4}{9a} = \frac{1}{18} \quad \text{_____} \quad 1$$

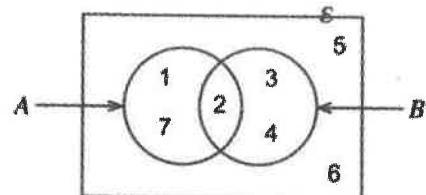
21. පතුල් අරය  $r$  cm ද උග්‍රහය  $h$  cm ද හි නෑ සහ සැපු වානි මිලින්ටරයක විෂා පාඨයේදී විරෝධාලය, මිලින්ටරයේ පතුල් විරෝධාලය මෙන් හතර අඟයක් තම් මිලින්ටරයේ උග්‍රහය අරය මෙන් කි අඟයක් ද?

$$2\pi rh = 4\pi r^2 \quad \text{_____} \quad ①$$

"දෙශුණුයකි"  $\quad \text{_____} \quad ①$

22.  $A' \cup B$  හි අවයව ලියා දක්වන්න.

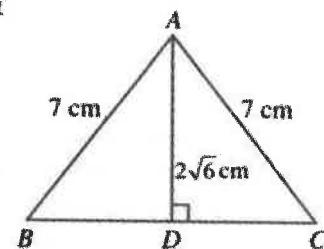
$$\{2, 3, 4, 5, 6\} \quad \text{_____} \quad ②$$



23. රුපයේ දැක්වෙන්න  $ABC$  පෙළේ ප්‍රිංස්‍යයකි. දී ඇම් ගොරනුදා අනුම  $BC$  හි දිග සෞයන්න.

$$10\text{cm} \quad \text{_____} \quad ②$$

$$7^2 = (2\sqrt{6})^2 + BD^2 \text{ හෝ } 7^2 = (2\sqrt{6})^2 + DC^2 \quad \text{_____} \quad 1$$



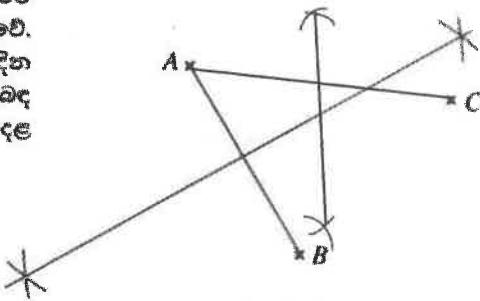
24. විසඳුත්ත:  $3 - 12x^2 = 0$

$$x = \frac{1}{2} \text{ සහ } \frac{-1}{2} \quad \text{_____} \quad ②$$

$$3(1 - 2x)(1 + 2x) = 0 \text{ හෝ } x^2 = \frac{3}{12} \quad \text{_____} \quad 1$$

25. රුපයේ  $A, B$  සහ  $C$  මින් දැක්වෙන්නේ තිබේදී ඇති. එම තිබේදී ඇති ප්‍රින් පහත් බලුවක් යටි පැඳ මුණ එම්. එම පහත් කළුව පිළිවන ලක්ෂණ සෞයාගැනීම සඳහා අදින ලද අඩංගුරුණ දැන සහානක් රුපයේ දැක්වේ. එප පිළිබඳ දැනුම සෞයාගැනීම් එම ලක්ෂණ සෞයාගැනීම සඳහා දැන සහාන අඩංගුරුණ කරන්න.

$AC$  හෝ  $BC$  ලම්බ සම්බේදකයක් ඇදිම  $\quad \text{_____} \quad ②$



12

50  
50

## B කොටස

ප්‍රාග්ධන සියලුම පිළිතුරු මෙම ප්‍රාග්ධන ප්‍රාග්ධන සහයන්න.

1. මිනිසුන් කණ්ඩායමකගේ සහභාගිත්වයෙන් අදියර තුනක් යටතේ තාප්පයක් බැඳීමට සැලසුම් කර තිබේ. පළමුවන අදියරේදී මුළුන්ගෙන් 10 දෙනෙක් එකතු වී දින 4 ක් වැඩි කර තාප්පයේ මුළු දිගින්  $\frac{4}{7}$  ක් නිම කළහ.

- (i) තාප්පය බැඳීමේ පළමුවන අදියර යටතේ කරන ලද වැඩි ප්‍රමාණය මිනිස් දින කිය ද?

$$\text{මිනිස් දින ගණන} = 10 \times 4 = 40$$

2

- (ii) තාප්පයේ ඉතිරි වී ඇති දිගින්  $\frac{1}{3}$  ක් දෙවන අදියරේදී නිම කරනු ලැබූවේ නම්, එම ප්‍රමාණය, තාප්පයේ මුළු දිගින් කොපම් හාගයක් ද?

$$\text{ඉතිරි වී ඇති ප්‍රමාණය} = \frac{3}{7} = 1$$

$$\text{දෙවන අදියරේදී නිම කළ ප්‍රමාණය} = \frac{3}{7} \text{ න් } \frac{1}{3} = \frac{1}{7} = 1+1$$

3

- (iii) තාප්පය බැඳීමේ දෙවන අදියරේහි නිරත වූයේ මිනිසුන් දෙදෙනකු පමණක් නම්, මුළුන් දෙදෙනාට ඒ සඳහා දින කියක් ගතවේ ද?

$$\frac{4}{7} \text{ ක් වැඩි ප්‍රමාණය} = \text{මිනිස් දින } 40$$

$$\frac{1}{7} \text{ ක් වැඩි ප්‍රමාණය} = \text{මිනිස් දින } 10$$

$$\text{මිනිසුන් දෙදෙනකුව ගතවන කාලය} = \text{දින } 5$$

2

- (iv) තාප්පය බැඳීමේ තුන්වන අදියර තුළ නිම කිරීම සඳහා මිටර 200 ක දිගෙක් ඉතිරිව ඇත්තම්, තාප්පයේ මුළු දිග සෞයන්ත.

$$\text{දෙවන අදියර අවසාන වින්විට ඉතිරි වන කොටස} = \frac{3}{7} - \frac{1}{7} = 1$$

$$= \frac{2}{7}$$

$$\text{තාප්පයේ මුළු දිග} = 200 \times \frac{2}{7} = 1$$

$$= 700 \text{ m}$$

3

10  
10

2. රුපයේ දැක්වෙන්නේ ABC සැපුකෝෂි ත්‍රිකෝෂාකාර බිම් කොටසකින් හා නොක්දුයේ කෝණය  $90^\circ$  ක් වූ ACD කේන්දුක බෙංචියක ආකාරයෙන් යුතු බිම් කොටසකින් සමන්විත එළවුල පාත්තියකි.

(පමි අයය  $\frac{22}{7}$  ලෙස ගන්න.)

- (i)  $AD = 7 \text{ m}$  බේ. ACD කේන්දුක බෙංචි කොටසේ C සිට D නෙක් මායිම දිගේ වැටක් සාදන්නේ නම් වැට්ටි දිග සෞයන්ත.

$$CD \text{ වැට්ටි දිග} = \frac{1}{4} \times 2 \times \frac{22}{7} \times 7 = 1$$

$$= 11 \text{ m}$$

2

- (ii) ACD බිම් කොටසේ වර්ගඑලය සෞයන්ත.

$$ACD \text{ බිම් කොටසේ වර්ගඑලය} = \frac{1}{4} \times \frac{22}{7} \times 7 \times 7 = 1$$

$$= \frac{77}{2} \text{ මුළු } 38.5 \text{ m}^2$$

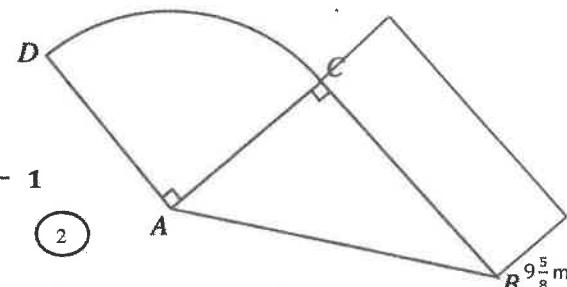
2

- (iii) ABC බිම් කොටසේ වර්ගඑලය 42 m<sup>2</sup> නම් BC දිග සෞයන්ත.

$$\frac{1}{2} \times 7 \times BC = 42 = 1+1$$

$$BC = \frac{42 \times 2}{7} = 12 \text{ m}$$

3



- (iv) කේන්දුක බෙංචි ආකාර බිම් කොටසේ වර්ගඑලය මෙන් තුන් ගුණයක වර්ගඑලයක් ඇති සැපුකෝෂාකාර බිම් කොටසක් BC එක් පාදයක් වන සේ එළවුල පාත්තියට පිවින් එකතු කළ යුතු ය. එම සැපුකෝෂාකාර බිම් කොටසේ පළල සෞයා එහි මිනුම් සහිත දළ සටහනක් ඉහත රුපයේම ඇද දක්වන්න.

$$\text{එකතු කළ යුතු සැපුකෝෂාකාර බිම් කොටසේ වර්ගඑලය} = 3 \times \frac{77}{2}$$

$$\text{සැපුකෝෂාකාර කොටසේ පළල} = 3 \times \frac{77}{2} \times \frac{1}{12} = \frac{77}{8} = 9\frac{5}{8} \text{ m} = 9.625 \text{ m}$$

1+1

රුපයේ ඇද දැක්වීම

1

10  
10

3. එක්තරා සමාගමක කොටසක මිල රුපියල් 50 ක්. එහි කොටස් මිලදී ගැනීම සඳහා කමල් රුපියල් 50 000 ක් යොදවයි. අවුරුද්දක් අවසානයේදී කොටස් සඳහා ලාභාංශ ආදායම ලබාගත් පසු මිශ්‍ර කොටසක් රුපියල් 54 බැඩින් කොටස් සියලුම විකුණුයි. ලාභාංශ ආදායමෙන් සහ කොටස් විකිණීමෙන් මුළු රුපියල් 57 500 ක මුළු මුදලක් ලැබේණි.

(i) මිශ්‍ර මිලදී ගත් කොටස් ගණන කිය ද?

$$\text{කොටස් ගණන} = \frac{50000}{50} = \frac{1}{1000} \quad 1 \quad 2$$

(ii) මෙම සමාගම කොටසක් සඳහා වාර්ෂිකව ගෙවනු ලබන ලාභාංශ මුදල කොපම් ද?

$$\begin{aligned} \text{කොටස් විකිණීමෙන් ලද ආදායම} &= රු. 54 \times 1000 = \frac{1}{1} \\ \text{ලාභාංශ ආදායම} &= රු. 54000 = \frac{1}{1} \\ \text{කොටස ගෙවන ලාභාංශ මුදල} &= \frac{3500}{\frac{1000}{100}} = \frac{3500}{3.50} = \frac{1}{1} \end{aligned}$$

(iii) කමල් තමා ලිය ඇති රුපියල් 57 500 ක මුදල යොදවා එකක් රුපියල් 500 බැඩින් වූ පිශ්‍යන් ගබාල් මිලදී ගැනීමට සැලුපුම් කරයි. සුම පිශ්‍යන් ගබාලක් සඳහාම 15% ක එකතු කළ අය මත බද්ධක් (VAT) අමතරව ගෙවිය යුතු නම් මිශ්‍ර මෙම මුදලින් පිශ්‍යන් ගබාල් කියක් මිලදී ගත හැකි ද?

$$\begin{aligned} \text{බද්ධ විකිණ් වූ පසු පිශ්‍යන් ගබාලක මිල} &= \frac{1}{100} \times \frac{115}{100} = \frac{1}{575} = \frac{1}{1} \\ \text{මිලදී ගත භායි පිශ්‍යන් ගබාල් ප්‍රමාණය} &= \frac{57500}{575} = \frac{1}{100} = \frac{1}{1} \end{aligned}$$

(iv) මිශ්‍ර පිශ්‍යන් ගබාල් මිලදී ගැනීමට යැමේදී එකතු කළ අය මත බද්ධ 18% ක ලෙස වැඩි වී තිබුණි. දැන් ඉහත මිලදී ගැනීමට සැලුපුම් කරන ලද පිශ්‍යන් ගබාල් ප්‍රමාණයම මිලදී ගැනීමට තව කොපම් මුදලක් දැවැනු ද?

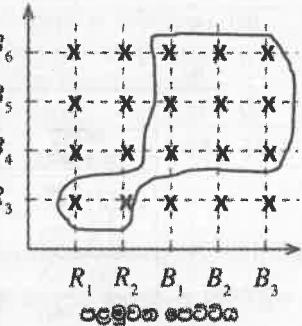
$$\begin{aligned} \text{පිශ්‍යන් ගබාලක වි මිල} &= \frac{1}{100} \times \frac{118}{100} = \frac{1}{590} = \frac{1}{1} \\ \text{වැඩි වූ මුදල} &= \frac{1}{1} \\ \text{අමතරව අවශ්‍ය වන මුදල} &= \frac{1}{1} \end{aligned}$$

4. පෙටරි දෙකකින් එක් පෙටරියක රු පාට බේල් දෙකක් ද නිල් පාට බේල් එකක් ද නිල්. අනෙක් පෙටරියේ රු පාට බේල් එකක් ද නිල් පාට බේල් එකක් ද නිල්. පිශ්‍යන් බේල් භාවිතයේ හා තරමින් සමාන වේ. සිංහයෝ පළමුවන පෙටරියක් එක් බේල්යක් ද දෙවන පෙටරියක් එක් බේල්යක් ද අභ්‍යන්තර දැවැනු ගෙනි.

(i)  $R_1, R_2, R_3$  මිනින් රු පාට බේල් එකක් ද  $B_1, B_2, B_3, B_4, B_5, B_6$  මිනින් නිල් පාට බේල් එකක් ද නිරුපණය වේ යැයි සඳහා මිනින් ඉහත සඳහන් සහ පිශ්‍යන් පරිජ්‍යයක් නියුත් අවශ්‍ය, ද ඇති කොටසුදාල මත 'X' සඳහා මිනින් ලකුණු නිර්මාණය යොදා ඇති.

(ii) පෙටරි දෙකක් දැවැනු ගත් බේල් දෙකම එකම පාටින් විමේ සිද්ධිය සොංඩුදාල මත විටෙකාර දැක්වීම ඇති සිංහාවිතාව සොයන්න.

$$\begin{aligned} \text{විටෙකාර දැක්වීම} &= \frac{1}{1} \\ \text{සිංහාවිතාව} &= \frac{11}{20} = \frac{1}{1} \end{aligned}$$



(iii) පළමුවන පෙටරියක් ගත් බේල්ය දැවැනු එකක් විමේ සිංහාවිතාව 0.1 ද දෙවන පෙටරියක් ගත් බේල්ය දැවැනු එකක් විමේ සිංහාවිතාව 0.2 ද බව දැනු. සිංහයා පළමුවන පෙටරියක් ගත් බේල්ය පරිජ්‍යා කර එය දැවැනු එකක් නම් පමණක් දෙවන පෙටරියක් ගත් බේල්ය ද පරිජ්‍යා කරයි. මේම සිද්ධි දෙකම දැක්වීන ගේ පහත ද ඇති රුක් සටහන දිරිය කර, එහි ගාඩා මත අදාළ සිංහාවිතාව පටහන් කරන්න.

පළමුවන පෙටරියක් ගත් දැවැනු

එන් විශ්වාස

$$\begin{array}{c} 0.1 \\ \diagdown \\ 0.9 \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{දැවැනු} \\ \text{එකක්} \\ \text{විම්} \end{array}$$

දෙවන පෙටරියක් ගත් දැවැනු

එන් විශ්වාස

$$\begin{array}{c} 0.2 \\ \diagdown \\ 0.8 \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{දැවැනු} \\ \text{එකක්} \\ \text{විම්} \end{array}$$

$$\text{අන් නොඳුවීම} = \frac{1}{1}$$

10  
10

(iv) ඉහත සඳහන් සිද්ධි දෙකම සලකා, පරිජ්‍යා කළ බේල්යක් නොදැවැනු එකක් විමේ සිංහාවිතාව සොයන්න.

$$\begin{aligned} \text{නොදැවැනු} &= 0.9 + 0.1 \times 0.8 = 1 + 1 = 1 \\ &= 0.98 = \frac{1}{1} \end{aligned}$$

10  
10

OL/2023(2024)/32/S-I

- 8 -

5. එක්තරා පාසලක සිපුන් 120 දෙනකු ගණන පරික්ෂණයකදී ලබාගත් ලකුණු ඇසුරෙන් අදින ලද සමුවින් සංඛ්‍යාත ව්‍යුහයේ රුපයේ දැක්වේ.

- (a) (i) මෙම පරික්ෂණයකදී සිපුවකුට ලබාගැනීමට භැඳී වී ඇති උපරිම ලකුණ කිය ද?

60 —————

1

- (ii) මෙම පරික්ෂණයකදී ලකුණු 35 ක් හෝ රට අඩුවෙන් ලබාගත් සිපුන් සංඛ්‍යාත කිය ද?

60 —————

1

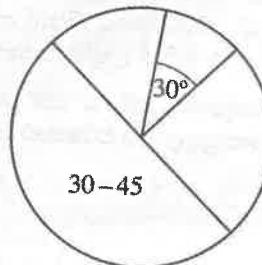
- (iii) පරික්ෂණයට පෙනී සිරි සිපුන් අනුරෙන් වැඩිම ලකුණු ලැබූ 25% ක කණ්ඩායම වෙන් කරගැනීමට අවශ්‍ය වේ. ඒ සඳහා තෝරාගත ප්‍රත්තී කවර ලකුණට වඩා ලකුණු ලැබූ සිපුන් ද?

$$\begin{aligned} \text{වැඩිම ලකුණු ලැබූ 25\% අඟාල සිපුන් ගණන} &= 120 \times \frac{1}{4} = 30 \\ \text{එම කාණ්ඩායට අයන් තොවන සිපුන් ගණන} &= 120 - 30 \\ &= 90 \quad \text{——— } 1 \end{aligned}$$

තෝරාගත ප්‍රත්ති ලකුණ = 41 හෝ 42 ————— 1 (ප්‍රස්ථාරය ඇසුරෙන් ලක්ෂාය සෞයා ගැනීම)

- (b) සමුවින් සංඛ්‍යාත ව්‍යුහය ඇදිමට යොදාගත් සංඛ්‍යාත විගුවේ අසම්පූර්ණ සටහනක් ද එමගින් අදින ලද අසම්පූර්ණ වට ප්‍රස්ථාරයක් ද පහත දැක්වේ. වට ප්‍රස්ථාරයෙහි එක් එක් කේත්තික බණ්ඩයෙන්, අඟාල සිපුන් සංඛ්‍යාත නිරූපණය වේ.

ලකුණු ප්‍රාත්තරය	සිපුන් සංඛ්‍යාත
0 – 15	10
15 – 30	30
30 – 45	60
45 – 60	20
	120

1  
———  
1

2

(විගුව 15 – 30 ප්‍රාත්තරයන් දැක්වෙනින් 15 ට වැඩි හා 30 හෝ රට අඩු යන්නයි.)

- (i) සමුවින් සංඛ්‍යාත ව්‍යුහයට අනුව විගුවේ සිස්තුන් පුරවන්න.
- (ii) වට ප්‍රස්ථාරයේ කේත්තුයේ කේත්තය  $30^\circ$  වහා කේත්තික බණ්ඩයෙන් නිරූපණය වහා ලකුණු ප්‍රාත්තරය කුමක් ද?

$$\begin{aligned} \text{ලකුණු ප්‍රාත්තරය අඟාල සිපුන් සංඛ්‍යාත} &= \frac{120}{360^\circ} \times 30^\circ = 10 \quad \text{——— } 1 \\ \text{ලකුණු ප්‍රාත්තරය} &= 0 - 15 \quad \text{——— } 1 \end{aligned}$$

2

- (iii) 45 – 60 ප්‍රාත්තරය නිරූපණය කරන කේත්තික බණ්ඩයෙන් කේත්තුයේ කේත්තය සෞයන්න.

$$\frac{20}{120} \times 360^\circ \quad \text{——— } 1$$

2

$$\frac{10}{10}$$

\*\*\*

## 32 - ගණීතය

### ලකුණු දීමේ පරිපාටිය

### ගණීතය II

1. රානි 10% ක වාර්ෂික වැළැ පොලී අනුපාතිකයක් යටතේ වාර්ෂිකව පොලී ගෙවන බැංකුවක රුපියල් 50 000 ක මූදලක් අවුරුදු දෙකක් සඳහා තැන්පත් කරයි. අවුරුදු දෙක අවසානයේ ඇයට ලැබෙන මූල් පොලී මූදල සෞයා, තැන්පතුවේ ඇති මූල් මූදල ගණනය කරන්න.

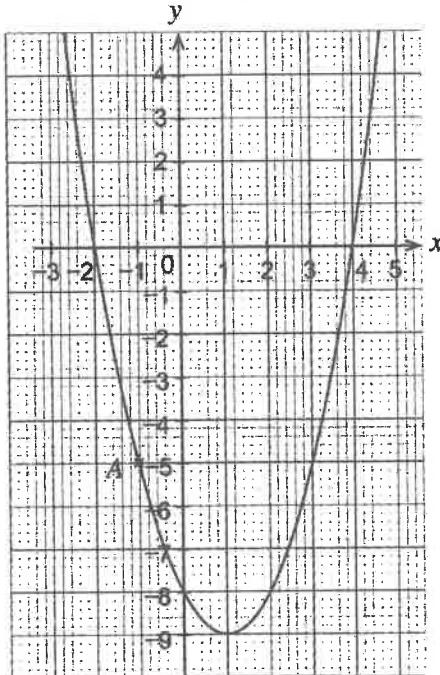
රුපියල් 50 000 මූදල එක්තරා මූල් සමාගමක පුළු පොලී අනුපාතිකයක් යටතේ එක් අවුරුදුදක් සඳහා පමණක් ආයෝජනය කිරීමෙන්, ඉහත සඳහන් මූල් පොලී මූදලටම සමාන පොලී මූදලක් ලබාගැනීමට හැකි වේ.

රානි මූල් අවුරුදු දෙකට පසු බැංකු තැන්පතුවේ ඇති මූල් මූදලම තවත් අවුරුදු දෙකක කාලයකට ඉහත මූල් සමාගමේ ආයෝජනය කරන්නේ නම් ඇයට මූල් සමාගමෙන් ලැබෙන පොලී මූදල සෞයන්න.

ප්‍රශ්න අංකය	ලකුණු දීමේ පරිපාටිය	ලකුණු	වෙනත් කරණ
1.	$\text{පළමු වසරට පොලිය} = \text{රු. } 50000 \times \frac{10}{100}$ $= \text{රු. } 5000$ $\text{දෙවන වසරට මූල් මූදල} = \text{රු. } 50000 + 5000$ $= \text{රු. } 55000$ $\text{දෙවන වසරට පොලිය} = \text{රු. } 55000 \times \frac{10}{100}$ $= \text{රු. } 5500$ $\text{අවුරුදු දෙකටම ජ්‍යෙෂ්ඨය} = \text{රු. } 5000 + 5500$ $= \text{රු. } 10500$ $\text{අවුරුදු දෙක අවසානයේ}$ $\text{තැන්පතුවේ ඇති මූල් මූදල} = \text{රු. } 60500$ <b>හෝ</b> $\text{වසර දෙක අවසානයේ තැන්පතුවේ මූල් මූදල}$ $= 50000 \times \frac{110}{100} \times \frac{110}{100}$ $= \text{රු. } 60500$ $\text{වසර දෙක සඳහා පොලිය}$ $= \text{රු. } 60500 - 50000$ $= \text{රු. } 10500$ $\text{මූල් ආයතනය ගෙවන}$ $\text{සුළු පොලී ප්‍රතිශතය} = \frac{10500}{50000} \times 100\%$ $= 21\%$ $\text{මූල් සමාගමෙන් අවු.20}$ $\text{ලැබෙන පොලිය} = \text{රු. } 60500 \times \frac{21}{100} \times 2$ $= \text{රු. } 25410$	1 1 1 1 1 1 1 1  2 + 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	
			10

2.  $y = f(x)$  ආකාරයේ වර්ගජ ක්‍රිතයක ප්‍රස්ථාරය රුපයේ දැක්වේ.

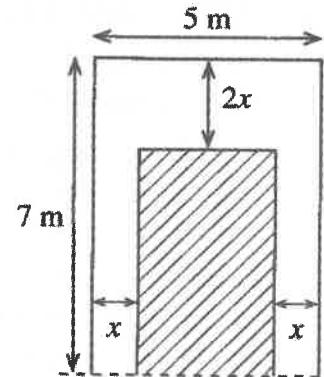
- $A$  ලක්ෂණයේ බණ්ඩාක ද ප්‍රස්ථාරය  $y$  අක්ෂය තේවා වන ලක්ෂණයේ බණ්ඩාක ද පිළිවෙළින් ලියන්න.
- ප්‍රස්ථාරය ඇදි  $y = f(x)$  ක්‍රිතයේ  $f(x) = 0$  සම්කරණයේ මිල ලියන්න.
- ක්‍රිතය සූච්‍ය වැඩිවන  $x$  හි අය ප්‍රාත්තරය ලියන්න.
- ප්‍රස්ථාරයේ සම්මිනි අක්ෂයේ සම්කරණය සහ අවම ලක්ෂණයේ බණ්ඩාක සලකමින්  $y = f(x)$  ක්‍රිතය  $y = (x - a)^2 + b$  ආකාරයට ලියන්න.
- දී ඇති ප්‍රස්ථාරයේ හැඩිය නොවෙනස්ව පවත්වා ගනිමින්, එය බණ්ඩාක තලය මත රේකක සතරකින් සිරස්ව ඉහළට විස්තාපනය කළහොත් ලැබෙන ප්‍රස්ථාරයෙහි අවම ලක්ෂණයේ බණ්ඩාක ලියා අදාළ වර්ගජ ක්‍රිතය ලියා දක්වන්න.



ප්‍රශ්න අංකය		මකුණු දීමේ පරීභාරිය	මකුණු	වෙනත් කරුණු
2.	(i)	$A \equiv (-1, -5)$ y අක්ෂය තේවා වන ලක්ෂණයේ බණ්ඩාක $(0, -8)$	1	
	(ii)	$x = 4$ සහ $x = -2$	1 1+1	2
	(iii)	$1 < x < 4$ හෝ 1න් 4න් අතර	2	4 සහ -2 පමණක් නිඩුනත් ලකුණු දෙන්න ලක්ෂණය දෙක 1 සහ 4 නුදුනා ගැනීමට —1
	(iv)	$y = (x - 1)^2 - 9$	2	
	(v)	අවම ලක්ෂණයේ බණ්ඩාක $(1, -5)$ වර්ගජ ක්‍රිතය $y = (x - 1)^2 - 5$	1 1	2 10

3. රුපයේ අදුරු කර ඇති සූච්‍යකෝණාපාකාර බිමිකඩත් වටා ඇති පමු ගමන් මාර්ගයක කොටසක් මෙහි දැක්වේ. එම කොටසේ වර්ගඑලය වර්ගමිටර 16 කි. රුපයේ දී ඇති තොරතුරු භාවිත කර  $x$  මගින්  $x^2 - 6x + 4 = 0$  සම්කරණය තැබේන කරන බව පෙන්වන්න.

$\sqrt{5}$  හි අය 2.24 ලෙස ගෙන ඉහත සම්කරණයේ විසඳුම් සෞයා, එම විසඳුම් දෙක අනුරෙන්  $x$  සඳහා ගැලපෙන්නේ වහා කුඩා අය පමණක් බවට සේතු දක්වන්න.



ප්‍රශ්න අංකය	ලකුණු දීමේ පටිපාටිය	ලකුණු	වෙනත් කරුණු
3.	<p>ගමන් මාර්ගයේ වර්ගඑලය</p> $= 35 - [(5 - 2x)(7 - 2x)] \quad 1$ $= 35 - [35 - 24x + 4x^2] \quad 1$ $= 24x - 4x^2$ $24x - 4x^2 = 16 \quad ] \quad 1$ $x^2 - 6x + 4 = 0 \quad ]$ <p style="text-align: center;">හෝ</p> <p>ගමන් මාර්ගයේ වර්ගඑලය</p> $= 7 \times 2x + 2x(5 - 2x) \quad 1$ $= 14x + 10x - 4x^2 \quad 1$ $24x - 4x^2 = 16 \quad ] \quad 1$ $\therefore x^2 - 6x + 4 = 0 \quad ]$ $x^2 - 6x + 4 = 0$ $(x - 3)^2 = -4 + 9 \quad 1$ $x - 3 = \pm\sqrt{5} \quad 1$ $x = 3 \pm 2.24 \quad 1$ $x = 3 + 2.24 \text{ හෝ } 3 - 2.24$ $x = 5.24 \text{ හෝ } 0.76 \quad 1+1$ <p><math>5.24 &gt; 5</math> බැවින්</p> <p><math>x = 5.24</math> විය නොහැකිය.</p> <p style="text-align: center;">හෝ</p> <p><math>x &lt; 5</math> විය යුතු බැවින්</p> <p><math>x = 0.76 \text{ m}</math></p>		<p>සූච්‍ය හෝ ආදේශයට - 1  <math>\frac{6 \pm \sqrt{20}}{2}</math> - 1</p>

4. එක්තරා පාසලක 10 ලේංඩයේ සහ 11 ලේංඩයේ සිපුවකට පොත් සහ පැන් පරිත්‍යාග කරන ලදීදේ පහත පරිදි ය.

  - 10 ලේංඩයේ සිපුවකට පොත් 6ක් සහ 11 ලේංඩයේ සිපුවකට පොත් 8ක් බැඳින් මුළු පොත් 516ක්
  - 10 ලේංඩයේ සිපුවකට පැන් 3ක් හා 11 ලේංඩයේ සිපුවකට පැන් 5ක් බැඳින් මුළු පැන් 300ක්

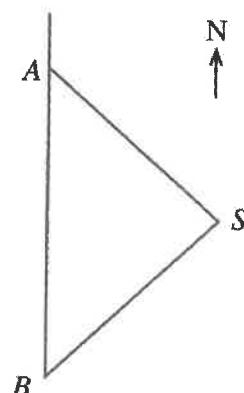
10 ලේංඩයේ සිපුන් සංඛ්‍යාව  $x$  ලෙස ද 11 ලේංඩයේ සිපුන් සංඛ්‍යාව  $y$  ලෙස ද ගෙන සමගම් සම්කරණ යුගුලයක් ගොඩනා ජ්‍යා විසඳීමෙන් 10 ලේංඩයේ සිපුන් සංඛ්‍යාවන් 11 ලේංඩයේ සිපුන් සංඛ්‍යාවන් වෙන වෙනාම සෞයන්න.

පොත් සහ පැන් බෙදා දීමට යෝජිත වෙනත් පාසලක 10 සහ 11 ලේංඩවල සිරින මුළු සිපුන් සංඛ්‍යාව ඉහත පාසලේ එම ලේංඩවල මුළු සිපුන් සංඛ්‍යාවට සම්බන්ධ වුව ද 10 ලේංඩයේ සිරින සිපුන් සංඛ්‍යාව මෙන් දෙදුණුයක් 11 ලේංඩයේ සිරිති. මෙම පාසලට ද පෙර පරිදීම පොත් සහ පැන් බෙදා දීම සඳහා පොත් 12ක් වැඩිපූර අවශ්‍ය බව පෙන්වන්න.

ප්‍රශ්න අංකය	ලකුණු දීමේ පරිපාටිය	ලකුණු	වේනත් කරුණු
4.	$6x + 8y = 516$ _____ 1 $3x + 5y = 300$ _____ 1 $(2) \times 2$ ස් 6x + 10y = 600 _____ 3  $(3) - (1)$ 2y = 84 y = 42	1 1 1 1	
	$y = 42, (2)$ ආදේශ කිරීමෙන් $3x + 5 \times 42 = 300$ $x = 30$ 10 ග්‍රෑසියේ සිසුන් සංඛ්‍යාව = 30] 11 ග්‍රෑසියේ සිසුන් සංඛ්‍යාව = 42]	1 1 1 1	
	අනෙක් පාසලේ මුළු සිසුන් සංඛ්‍යාව = 72		
	10 ග්‍රෑසියේ සිසුන් සංඛ්‍යාව $= 72 \times \frac{1}{3}$ $= 24$		24 48 හෝ ලබා ගැනීමට 1
	11 ග්‍රෑසියේ සිසුන් සංඛ්‍යාව = 48	1	
	අවශ්‍ය පොත් ගණන = $24 \times 6 + 48 \times 8$ $= 528$	1	
	වැඩිපුර අවශ්‍ය පොත් ගණන = $528 - 516 = 12$	1	

5. පිටිවතියක  $B$  ලක්ෂණයේ සිටින බිමල්ට උතුරින්  $A$  ලක්ෂණයේ අමල් සිටිය. පිටිවතිය තුළ  $S$  ප්‍රතිමාවක් පිහිටා ඇත.  $A$  සිට  $S$  හි දිගාගය  $144^\circ$  කි. තවද රුපයේ  $\hat{ABS} = 54^\circ$  කි. අමල් සහ ප්‍රතිමාව අතර දුර මීටර  $80.9$  කි.

- රුපය මධ්‍යේ උත්තර පැනයේ පිටපත් කර, දී ඇති තොරතුරු එහි ඇතුළත් කරන්න.
- අමල් සහ බිමල් අතර දුර සෙවීම සඳහා  $ABS$  ත්‍රිකෝණයට ත්‍රිකෝණම්තික අනුපාත යොදාගත හැකි විමට හේතු දක්වන්න.
- ත්‍රිකෝණම්තික අනුපාත යොදා ගනිමින් අමල් සහ බිමල් අතර දුර මීටර  $100$  බව පෙන්වන්න.
- බිමල්ට මීටර  $30$  ක් බටහිරින් පිහිටි  $F$  ලක්ෂණයක කොඩි කැණුවක් පිහිටා, ඇත. ඔබ ඇදී රුපයේ මෙම තොරතුරු ඇතුළත් කර  $A\hat{F}B$  හි විශාලත්වය සෞයන්න.



ප්‍රශ්න අංකය	ලකුණු දීමේ පරිපාරිය	ලකුණු	වෙනත් කරුණු
5. (i)	 රූපය පිටපත් කිරීම $144^\circ$ ලකුණු කිරීම $80.9$ m හේ $54^\circ$ ලකුණු කිරීම		
(ii)	$S\hat{A}B = 36^\circ$ බැවින් $A\hat{S}B = 90^\circ$ විම නිසා ත්‍රිකෝණම්තික අනුපාත යොදාගැනීය හැකිය.	1 1 1 3	1 1
(iii)	$\sin 54^\circ = \frac{80.9}{AB}$ $0.8090 = \frac{80.9}{AB}$ $\therefore AB = \frac{80.9}{0.8090} = 100 \text{ m}$	1 1 1 3	
(iv)	$\tan A\hat{F}B = \frac{AB}{FB}$ $= \frac{100}{30}$ $= 3.3333$ $A\hat{F}B = 73^\circ 18' \text{ හේ } 73^\circ 18'$	1 1 1 3	10

6. එක්තර සිසුන් කණ්ඩායමක එක් එක් සිසුවාගේ ස්කන්ධය පිළිබඳ ලබාගත් තොරතුරු ඇසුරෙන් පහත සම්භිත සංඛ්‍යාත වගුව පිළියෙළ කර ඇත.

පන්ති ප්‍රාන්තරය (kg)	40-44	44-48	48-52	52-56	56-60	60-64	64-68
සංඛ්‍යාතය	3	5	9	11	7	3	2

(පන්ති ප්‍රාන්තරය 40-44 න් දැක්වෙන්නේ 40 හෝ රට වැඩි සහ 44 ට අඩු යන්නයි.)

- වැඩිම සිසුන් සංඛ්‍යාවක් අයත් වන්නේ කුමන පන්ති ප්‍රාන්තරයට ද?
- මෙම කණ්ඩායමේ එක් සිසුවකුගේ මධ්‍යනා ස්කන්ධය ආසන්න කිලෝග්රෝමයට සෞයන්න.
- වාරිකාවක යාමට සූදානම් වූ මෙම සිසුන් කණ්ඩායම සඳහා සෞයයෙන් එක් වැන් රථයක ගෙන යා හැකි සිසුන්ගේ උපරිම මුළු ස්කන්ධය කිලෝග්රෝම 600 කි. මෙම වැන් රථයේ ගමන් කළ හැකි යැයි අපේක්ෂා කළ හැකි වැඩිම සිසුන් සංඛ්‍යාව මධ්‍යනාය ඇසුරෙන් සෞයන්න.
- දී ඇති සංඛ්‍යාත වගුවට අනුව ඉහත සඳහන් වැන් රථයේ ගෙන යා හැකි වෙනැදි සැලකිය හැකි උපරිම සිසුන් සංඛ්‍යාව සෞයන්න. ඔබේ පිළිතුරට හේතු දක්වන්න.

ප්‍රශ්න අංකය		ලකුණු දීමේ පරිපාටිය	තක්තු	වෙනත් කරුණු																																				
6.	(i)	52-56	1	1																																				
	(ii)	<table border="1"> <thead> <tr> <th>පන්ති ප්‍රාන්තරය</th><th>x</th><th>f</th><th>fx</th></tr> </thead> <tbody> <tr><td>40-44</td><td>42</td><td>03</td><td>126</td></tr> <tr><td>44-48</td><td>46</td><td>05</td><td>230</td></tr> <tr><td>48-52</td><td>50</td><td>09</td><td>450</td></tr> <tr><td>52-56</td><td>54</td><td>11</td><td>594</td></tr> <tr><td>56-60</td><td>58</td><td>07</td><td>406</td></tr> <tr><td>60-64</td><td>62</td><td>03</td><td>186</td></tr> <tr><td>64-68</td><td>66</td><td>02</td><td>132</td></tr> <tr><td></td><td></td><td><math>\sum f = 40</math></td><td><math>\sum fx = 2124</math></td></tr> </tbody> </table>	පන්ති ප්‍රාන්තරය	x	f	fx	40-44	42	03	126	44-48	46	05	230	48-52	50	09	450	52-56	54	11	594	56-60	58	07	406	60-64	62	03	186	64-68	66	02	132			$\sum f = 40$	$\sum fx = 2124$	1	1
පන්ති ප්‍රාන්තරය	x	f	fx																																					
40-44	42	03	126																																					
44-48	46	05	230																																					
48-52	50	09	450																																					
52-56	54	11	594																																					
56-60	58	07	406																																					
60-64	62	03	186																																					
64-68	66	02	132																																					
		$\sum f = 40$	$\sum fx = 2124$																																					
		$\text{මධ්‍ය අගය තීරය}$ $fx \text{ තීරය}$ $\sum fx$	2	වැරු 2 ක් තොයෙලකන්න																																				
	(iii)	$\text{මධ්‍යනය} = \frac{2124}{40} = 53.1 = 53 \text{ kg}$ (ආසන්න පුරුණ සංඛ්‍යාවට)	1	40 න් බෙදීම																																				
	(iv)	$\text{ගෙන යා හැකි සිසුන් සංඛ්‍යාව} = \frac{600}{53} = 11.3 \approx 11$ $600 - (40 \times 3 + 44 \times 5) = 260$ $\frac{260}{48} \approx 5$ $\text{උපරිම සිසුන් සංඛ්‍යාව} = 3 + 5 + 5 = 13$	1 1 1 1 1	6 1 1 1 10																																				

7. සැරලිල්ලක් සකස් කර ඇත්තේ එක කේත්දිය වෘත්ත කිරීපයක නිල් විදුලි බල්ල සහ පුදු විදුලි බල්ල සහ කිරීමෙනි. නිල් බල්ල සහ කර ඇත්තේ ඇතුලේම වූ පලමු වෘත්තයේ බල්ල 3 ක් ද රළුග එක් එක වෘත්තයේ පෙර වෘත්තයට වඩා බල්ල 3 ක් බැඳින් වැඩිවන ආකාරයෙන් ද වේ. පුදු බල්ල සහ කර ඇත්තේ ඇතුලේම වූ පලමු වෘත්තයේ 2 ක්, රළුග වෘත්තයේ 3 ක් සහ රළුග වෘත්තයේ 4 ක් යන ආකාරයට ය.

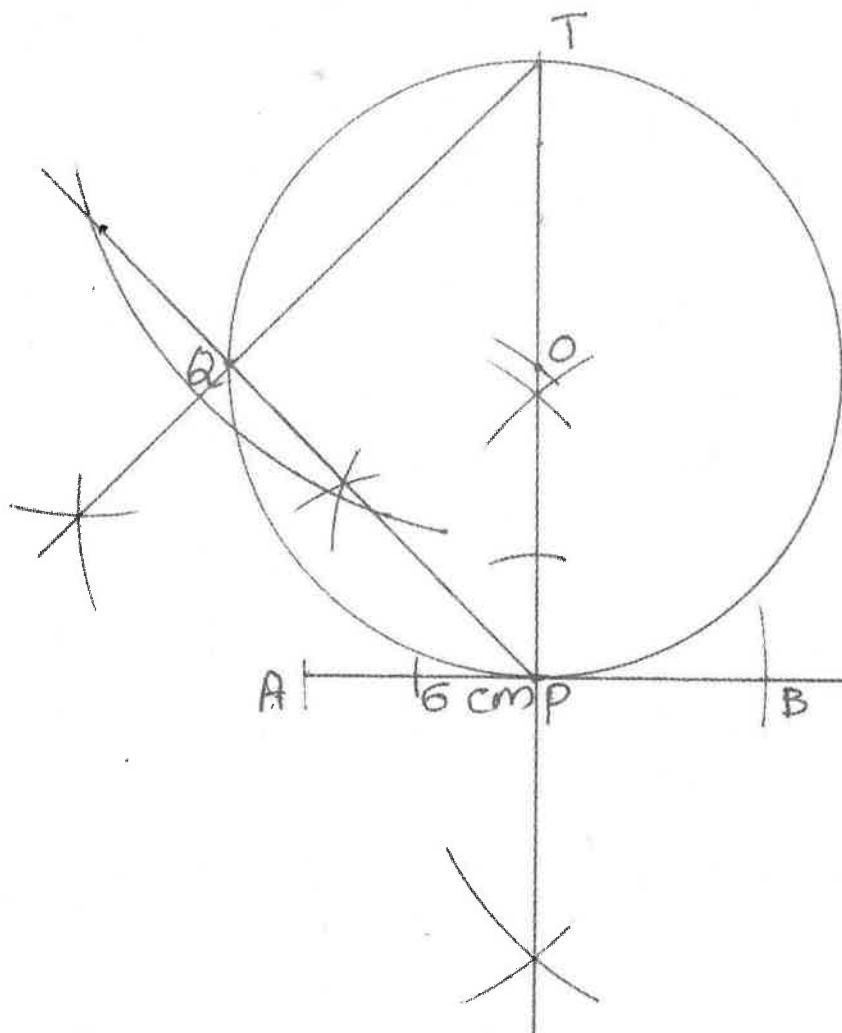
  - (i) පලමු වෘත්ත තුනේ සටිකර ඇති නිල් බල්ල සංඛ්‍යා පිළිවෙළින් ලියා දක්වන්න.
  - (ii) 10 වන වෘත්තයේ ඇති නිල් බල්ල සංඛ්‍යාව එම වෘත්තයේ ඇති පුදු බල්ල සංඛ්‍යාවට වඩා කොපම් වැඩි ද?
  - (iii) සැරලිල්ලේ බල්ල සටිකර ඇති වෘත්ත සංඛ්‍යාව 16 කි. ඒ සඳහා නිල් බල්ල සහ පුදු බල්ල 550 ක එකතුවක් ප්‍රමාණවිත් වේ යැයි පුනිල් පවත්වයි. මිශ්‍රගේ ප්‍රකාශය සත්‍ය ද? ඔබේ පිළිතුරට හේතු දක්වන්න.

ප්‍රශ්න අංකය	ලකුණු දීමේ පරිපාටිය	ලකුණු	වෙනත් කරණු
7.	(i) $3, 6, 9$	1	(1)
	(ii) $10$ වන වෘත්තයේ නිල් බල්බ සංඛ්‍යාව = $3 + 9 \times 3$ = $30$	1 1	
	$10$ වන වෘත්තයේ සුදු බල්බ සංඛ්‍යාව = $2 + 9 \times 1$ = $11$	1	
	වැඩිපුරු ඇති බල්බ සංඛ්‍යාව = $30 - 11$ = $19$	1	(4)
(iii)	$s_n = \frac{n}{2} \{2a + (n-1)d\}$ $S_{16}$ නිල් බල්බ සංඛ්‍යාව = $\frac{16}{2} \{2 \times 3 + 15 \times 3\}$ = $8 \times 5 \cdot 1$ = $408$ $S_{16}$ සුදු බල්බ සංඛ්‍යාව = $\frac{16}{2} \{2 \times 2 + 15 \times 1\}$ = $152$  මුළු බල්බ සංඛ්‍යාව = $408 + 152$ = $560$	1 1 1 1 1 1 1	
	560 > 550 බැවින් සුනිල්ගේ ප්‍රකාශය අසත්‍ය වේ.	1	(5)
	නො		
	5, 9, 13	1	
	$s_n = \frac{n}{2} \{2a + (n-1)d\}$ $S_{16} = \frac{16}{2} \{2 \times 5 + (16-1)4\}$ = $8 \{10 + 15 \times 4\}$ = $560$	1 1 1	
	560 > 550 බැවින් , සුනිල්ගේ ප්‍රකාශය අසත්‍ය වේ.	1	(5)

8. පහත දැක්වෙන ජ්‍යාමිතික නිර්මාණ සඳහා cm/mm පරිමාණය සහිත සරල දාරයක් සහ කවිතුවක් පමණක් භාවිත කරන්න. නිර්මාණ රේඛා පැහැදිලිව දැක්වන්න.

- $AB = 6 \text{ cm}$  වූ සරල රේඛා බණ්ඩයක් නිර්මාණය කර එහි ලමිඛ සමවිශේෂය නිර්මාණය කරන්න.
- $AB$  හි මධ්‍ය ලක්ෂණය වූ  $P$  හිදී  $AB$  රේඛාව ස්ථාපිත කරන්න වූ ද  $A$  සිට  $5 \text{ cm}$  දුරින්  $O$  කේන්දු පිහිටන්නා ඇද වෘත්තය නිර්මාණය කරන්න.
- $A\hat{P}O$  සමවිශේෂය නිර්මාණය කර එය වෘත්තය ජේදනය වන ලක්ෂණය  $Q$  ලෙස නම් කරන්න.
- $PO$  රේඛාව දින් කර, එය වෘත්තය භුෂ්‍ණ ලක්ෂණය  $T$  ලෙස ගෙන  $PQ$  රේඛාවට  $T$  සිට ලමිඛයක් නිර්මාණය කරන්න, එම ලමිඛය  $Q$  හරහා යා යුතු බවට සේතු දක්වන්න.

ප්‍රශ්න අංකය	ලක්ෂණ දීමේ පරිපාරිය	ලක්ෂණ	වෙනත් කරණය
8.	<p>(i) <math>AB = 6 \text{ cm}</math> සරල රේඛා බණ්ඩය නිර්මාණය</p> <p><math>AB</math> හි ලමිඛ සමවිශේෂය නිර්මාණය</p> <p>(ii) <math>O</math> ලක්ෂණ කිරීම වෘත්තය නිර්මාණය කිරීම</p> <p>(iii) <math>A\hat{P}O</math> කෝණු සමවිශේෂය නිර්මාණය</p> <p>(iv) <math>T</math> සිට <math>PQ</math> රේඛාවට ලමිඛයක් ඇදිම <math>P\hat{Q}T = 90^\circ</math> (අදාළ වෘත්තයේ පිහිටි කෝණය බැවේන්)  <math>\therefore T</math>හි සිට ඇදිම ලමිඛය <math>Q</math> හරහා යා යුතුයි.</p>	<p>1</p> <p>2 (3)</p> <p>1 1 (2)</p> <p>2 (2)</p> <p>2 1 (3)</p>	 10



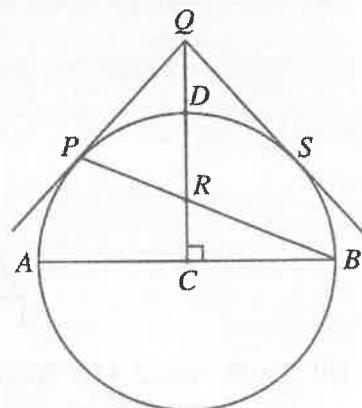
9. රුපයේ දැක්වෙන ව්‍යෙන්තයේ C කේන්ද්‍රය ද AB විෂකම්භයක් ද වේ. P යනු ව්‍යෙන්තය මත පිහිටි ලක්ෂණයක්. CD අරය AB ට ලැබූ වන අතර එය, R හිස් PB ජේදනය කරයි. P හිස් ව්‍යෙන්තයට ඇදි ස්ථාපනය සහ දික් කරන ලද CD, Q හිස් හමුවේ. Q සිට ව්‍යෙන්තයට අදින ලද අනෙක් ස්ථාපනය ව්‍යෙන්තය හමුවන්නේ S හිස් ය.

රුපය ඔබේ උත්තර පත්‍රයේ පිටපත් කර PA යා කරන්න.

PACR වෙත්ත වනුරසුයක් බව ද

$Q\hat{P}R = Q\hat{R}P$  බව දී පෙන්වන්න.

*RS* යා කර *RQS* සමද්වීපාද ත්‍රිකෝෂයක් බව පෙන්වන්න.



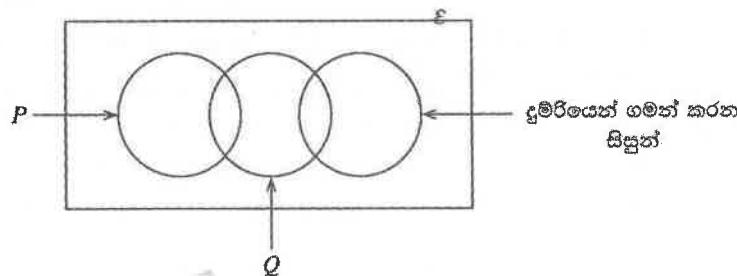
10. (a) ලේඛාකින් තැබූ, අරය  $r \text{ cm}$  වූ සහ අර්ධ ගෝලයක් උණු කර පත්‍රලේ අරය අර්ධ ගෝලයේ අරයන්  $\frac{1}{4}$  ක් සහ උස  $h \text{ cm}$  වූ සහ සැපු වෘත්තාකාර කේතු 56 ක් සාදනා ලදී. ලේඛා අපනේ තොයන්නේ යැයි සලකා අර්ධ ගෝලයේ අරය සහ කේතුවක උස අතර සම්බන්ධය  $r = \frac{7}{4}h$  මගින් ලැබෙන බව පෙන්වන්න. කේතුවක උස 8 cm නම් අර්ධ ගෝලයේ පරිමාව සොයන්න. ( පි අය 22/7 ලෙස යන්න.)

$$(b) P = \frac{\sqrt{25.26} \times 0.78}{2.47} \text{ වේ.}$$

ලුණුගණක වගු සාචිතයෙන්  $P$  හි අය පළමුවන දශමස්ථානයට සොයන්න.

ප්‍රශ්න අංකය		ලක්තු දීමේ පටිපාටිය	ලක්තු	වෙනත් කරුණු
10.	(a)	$\text{අර්ධ ගෝලයේ පරිමාව} = \frac{1}{2} \left( \frac{4}{3} \pi r^3 \right)$ $\text{කේතුවක පරිමාව} = \frac{1}{3} \pi \left( \frac{r}{4} \right)^2 h$ $\therefore \frac{2}{3} \pi r^3 = 56 \times \frac{1}{3} \pi \left( \frac{r}{4} \right)^2 h$ $2r = \frac{56 \times h}{16}$ $r = \frac{7}{4} h$ $\text{අර්ධ ගෝලයේ අරය} = \frac{7}{4} \times 8$ $= 14 \text{ cm}$ $\text{අර්ධ ගෝලයේ පරිමාව} = \frac{1}{2} \times \frac{4}{3} \times \frac{22}{7} \times (14)^3$ $= 5749 \frac{1}{3} \text{ cm}^3$	1 1 1 1	5749.33
	(b)	$P = \frac{\sqrt{25.26} \times 0.78}{2.47}$ $\lg P = \frac{1}{2} \lg 25.26 + \lg 0.78 - \lg 2.47$ $= \frac{1}{2} \times 1.4024 + 1.8921 - 0.3927$ $= 0.7012 + 1.8921 - 0.3927$ $= 0.2006$ $P = 1.587$ $= 1.6$	1 1 2 1 1	<p style="text-align: right;">මිනාම නිවැරදි ලුණුගණක දෙකකට — 2 චිකකට — 1</p> <p style="text-align: right;">5      10</p>

11. සිපුන් 108 දෙනකු පාසලට පැමිණීමට ගොදාගත් ප්‍රවාහන මාධ්‍ය පිළිබඳ තොරතුරු දැක්වෙන අයමිපුර්ජ වෙන් සටහනක් පහත දැක්වේ. මෙම සිපුවෙක්ම බිජිය, මෝටරිය හෝ දුම්පිය යන ප්‍රවාහන මාධ්‍ය තුනෙන් අඩු තරම්න් එකක් හෝ භාවිත කරයි.

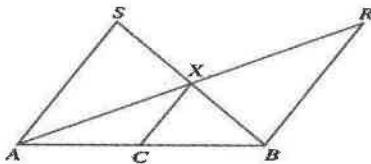


මෝටරියෙන් ගමන් කරන කිසිම සිපුවකු දුම්පියෙන් ගමන් කරන්නේ නැත.

- (i) ඉහත අයමිපුර්ජ වෙන් සටහන එමඟි පිළිතුරු පෙනුයේ තිව්‍යයේ කර  $P$  සහ  $Q$  මින් දැක්වෙන තුළක නම් කරන්න.
- (ii) මෝටරියෙන් හෝ දුම්පියෙන් හෝ ගමන් කරන සිපුන් සංඛ්‍යාව 63 කි. බස්රියෙන් පමණක් ගමන් කරන සිපුන් සංඛ්‍යාව තිය ද?
- (iii) මෝටරියෙන් ගමන් කරන සිපුන් සංඛ්‍යාව 23 ක් නම් දුම්පියෙන් ගමන් කරන සිපුන් සංඛ්‍යාව සෞයන්න.
- (iv) බස්රියෙන් හෝ දුම්පියෙන් හෝ ගමන් කරන සිපුන් සංඛ්‍යාව 99 ක් නම් මෝටරියෙන් පමණක් ගමන් කරන සිපුන් සංඛ්‍යාව සෞයන්න.
- (v) බස්රියෙන් සහ දුම්පියෙන් ගමන් ගන්නා සිපුන් සංඛ්‍යාව, බස්රියෙන් සහ මෝටරියෙන් ගමන් ගන්නා සිපුන් සංඛ්‍යාව මෙන් දෙගුණයක් නම්, මෙම මාධ්‍ය තුනෙන් එකකින් පමණක් ප්‍රවාහනය සලසා ගන්නා සිපුන් සංඛ්‍යාව සෞයන්න.

ප්‍රශ්න අංකය	ලකුණු දීමේ පරිපාරිය	ලකුණු	වෙනත් කරණයු
11.			
	(i) $P$ මෝටරි රියෙන් ගමන් කරන සිපුන් $Q$ බස්රි රියෙන් ගමන් කරන සිපුන්	1 1	<span style="border: 1px solid black; border-radius: 50%; padding: 2px;">2</span>
	(ii) බස්රියෙන් පමණක් ගමන් කරන සිපුන් සංඛ්‍යාව $= 108 - 63$ $= 45$	1 1	<span style="border: 1px solid black; border-radius: 50%; padding: 2px;">2</span>
	(iii) දුම්පියෙන් ගමන් කරන සිපුන් සංඛ්‍යාව $= 63 - 23$ $= 40$	1 1	<span style="border: 1px solid black; border-radius: 50%; padding: 2px;">2</span>
	(iv) මෝටරි රියෙන් පමණක් ගමන් කරන සිපුන් සංඛ්‍යාව $= 108 - (99)$ $= 9$	1 1	<span style="border: 1px solid black; border-radius: 50%; padding: 2px;">2</span>
	(V) වික් මාධ්‍යයක් මගින් පමණක් ප්‍රවාහනය සලසා ගන්නා සිපුන් සංඛ්‍යාව $= 9 + 45 + 12$ $= 66$	1 1	<span style="border: 1px solid black; border-radius: 50%; padding: 2px;">10</span>

12. (a) මධ්‍ය ප්‍රතිඵල ප්‍රමාණයක් විශාලව ලියා දක්වන්න.



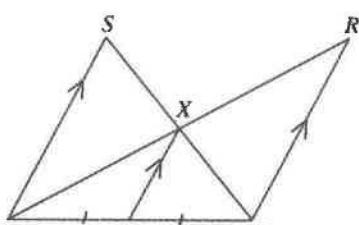
(b) දී ඇති රුපයේ  $ABX$  ව්‍යුහයක්හි  $AB$  යාදෙන තුළ ප්‍රතිඵලය  $C$  විය.  $CX$  ව ප්‍රතිඵලයට  $B$  නැතුව ඇති දැක්වා ඇත්තේ දී ඇත්තා ඇති  $AX, R$  විසින් ප්‍රතිඵලය.  $CX$  ව ප්‍රතිඵලයට  $A$  නැතුව ඇති දැක්වා ඇත්තා ඇති  $BX, S$  විසින් ප්‍රතිඵලය.

- (i) දී ඇති රුපය පිළිබඳ උග්‍රතා යනුයේ විටප්පන් කර දී ඇති මොරුදුරු එකී ආදුලන් සරෙන්න.

(ii)  $AXS$  සහ  $BXR$  ලිංකෝන් අඟයම් විවිධ පෙන්වන්න.

(iii)  $SR$  සහ  $SR = AB$  විවිධ පෙන්වන්න.

(iv)  $ABRS$  හි වර්ගත්තා උග්‍රතා  $ACX$  ලිංකෝන් විටගත්තා මෙහේ 8 ප්‍රාග්ධනය් විවිධ පෙන්වන්න.

ප්‍රශ්න අංකය		මකණු දීමේ පරීපාටිය	මකණු		වෙනත් කරණය
12.	(a)	රිකෝෂ්‍යාක විස් පාදයක මධ්‍ය ලක්ෂණය හරහා තවත් පාදයකට සමාන්තරව ඇදි රේඛාවෙන් ඉතිරි පාදය සමවිශේදනය වේ.	1	1	
	(b) (i)		1	1	
	(ii)	දත්තය : $AB$ පාදයේ මධ්‍ය ලක්ෂණය $C$ වේ.  $AS // CX // BR$ <p>සාක්ෂිය: <math>AXS</math> හා <math>BXR</math> රිකෝෂ්‍යා අංගසම බව  <math>SR = AB</math> බව  <math>8ACX \Delta = ABRS</math> හි වර්ගවලය බව</p> <p>සාධනය : <math>AXS \Delta</math> සහ <math>BXR \Delta</math>  <math>A\hat{S}X = X\hat{B}R</math> (ලැක්ස්තර <math>\angle</math>)  <math>S\hat{X}A = R\hat{X}B</math> (ප්‍රතිමුඩ් <math>\angle</math>)  <math>AX = XR</math> (ම.ආ.ප්‍ර. එමෙරුමය)  <math>AXS \Delta \equiv BXR \Delta</math> (කො.කො.පා.)</p>	1	1	සමාන කෝෂා දුගල දෙකින් එහෙබ නො හෝ දක්වා නිඩිය යුතුය.
	(iii)	$SA = BR$ (අංගසම රිකෝෂ්‍යාවල අනුරූප අංග) $SA // BR$ (දත්තය) $\therefore ABRS$ සමාන්තරප්‍රයාකි. (සම්මුඩ පාද // හා සමාන බැවින්) $SR = AB$ ( $ABRS$ සමාන්තරප්‍රයාකි බැවින්)	1	1	3
	(iv)	$ABRS \square$ වර්ගවලය $= 2ABR \Delta$ වර්ගවලය ( $AR$ විකර්ණයක් බැවින්) $= 2(2ABX \Delta$ වර්ගවලය) $(AX = XR$ සමාන උච්චය) $= 2(2 \times 2ACX \Delta$ වර්ගවලය) $= 8ACX \Delta$ වර්ගවලය }	1	2	10



**LOL.lk  
BookStore**

# විෂාග ඉලක්ති රහුණුරුවේ ජයග්‍රීම්

අධ්‍යාපන සොහක ඉකුමනින්  
නිවසටම ගෙන්වා ගනනා



කෙටි සටහන් | පත්‍රග්‍රය ප්‍රශ්න පත්‍ර | වැඩි පොත් සාරු | O/L ප්‍රශ්න පත්‍ර |  
A/L ප්‍රශ්න පත්‍ර | අනුමාන ප්‍රශ්න පත්‍ර | අතිරේක කියවීම් පොත් |  
School Book ගුරු අත්‍යාපන්



**pesuru**  
Prakasheya Private Ltd.

**Akura Pilot**



පෙර පාසලේ සිට උසස් පෙළ දක්වා සියලුම ප්‍රශ්න පත්‍ර,  
කෙටි සටහන්, වැඩි පොත්, අතිරේක කියවීම් පොත්, සාරු  
**කිංහිල සා රුංග්‍රේසි මාධ්‍යමේ ගෙදරවේ ගෝවා ගැස්ටර**

[www.LOL.lk](http://www.LOL.lk) වෙබ් අඩවිය වෙත ගෙනනා