උත්තර පත්‍ර පරීක්ෂකවරුන්ගේ ප්‍රයෝජනය සඳහා පමණි.

54122

AL/2026/10/S-I

සියලු ම හිමිකම් ඇවිරිණි / முழுப் பதிப்புரிமையுடையது / All Rights Reserved]

ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව
இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம்
Department of Examinations, Sri Lanka

අධ්‍යයන පොදු සහතික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාගය, 2026
கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2026
General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, 2026

සංයුක්ත ගණිතය I
இணைந்த கணிதம் I
Combined Mathematics I

10 S I

පැය තුනයි
மூன்று மணித்தியாலம்
Three hours

අමතර කියවීම් කාලය - මිනිත්තු 10 යි
மேலதிக வாசிப்பு நேரம் - 10 நிமிடங்கள்
Additional Reading Time - 10 minutes

අමතර කියවීම් කාලය ප්‍රශ්න පත්‍රය කියවා ප්‍රශ්න තෝරා ගැනීමටත් පිළිතුරු ලිවීමේදී ප්‍රමුඛත්වය දෙන ප්‍රශ්න සංවිධානය කර ගැනීමටත් යොදාගන්න.

විභාග අංකය							

උපදෙස්:

※ මෙම ප්‍රශ්න පත්‍රය කොටස් දෙකකින් සමන්විත වේ;
A කොටස (ප්‍රශ්න **1 - 10**) සහ **B කොටස** (ප්‍රශ්න **11 - 17**).

※ **A කොටස:**
සියලු ම ප්‍රශ්නවලට පිළිතුරු සපයන්න. එක් එක් ප්‍රශ්නය සඳහා ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති ඉඩෙහි ලියන්න. වැඩිපුර ඉඩ අවශ්‍ය වේ නම්, ඔබට අමතර ලියන කඩදාසි භාවිත කළ හැකි ය.

※ **B කොටස:**
ප්‍රශ්න **පහකට** පමණක් පිළිතුරු සපයන්න. ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති කඩදාසිවල ලියන්න.

※ නියමිත කාලය අවසන් වූ පසු **A කොටසෙහි** පිළිතුරු පත්‍රය, **B කොටසෙහි** පිළිතුරු පත්‍රයට උඩින් සිටින පරිදි කොටස් දෙක අමුණා විභාග ශාලාධිපතිට භාර දෙන්න.

※ ප්‍රශ්න පත්‍රයෙහි **B කොටස පමණක්** විභාග ශාලාවෙන් පිටතට ගෙන යාමට ඔබට අවසර ඇත.

පරීක්ෂකවරුන්ගේ ප්‍රයෝජනය සඳහා පමණි.

(10) සංයුක්ත ගණිතය I		
කොටස	ප්‍රශ්න අංකය	ලකුණු
A	1	
	2	
	3	
	4	
	5	
	6	
	7	
	8	
	9	
	10	
B	11	
	12	
	13	
	14	
	15	
	16	
	17	
	එකතුව	

එකතුව

ඉලක්කමෙන්	
අකුරින්	

සංකේත අංක

උත්තර පත්‍ර පරීක්ෂක		
පරීක්ෂා කළේ:	1	
	2	
අධීක්ෂණය කළේ:		

[දෙවැනි පිටුව බලන්න.

Past Papers Wiki

A කොටස

1. **ගණිත අභ්‍යුහන මූලධර්මය** භාවිතයෙන්, සියලු $n \in \mathbb{Z}^+$ සඳහා $\sum_{r=1}^{n}\left(r+\frac{1}{2}\right)=\frac{n}{2}(n+2)$ බව සාධනය කරන්න.

2. $y=|x-1|-1$ හි ප්‍රස්තාරයෙහි දළ සටහනක් ඇඳ **ඒ නයින්**, $y=\big||x-1|-1\big|$ හි ප්‍රස්තාරයෙහි දළ සටහනක් අඳින්න.
$\big||x-1|-1\big| \leq 1$ අසමානතාව සපුරාලන x හි සියලු ම තාත්ත්වික අගයන් සොයන්න.

[තුන්වැනි පිටුව බලන්න.

3. එකම ආගන්ඩ් සටහනක,

(i) $\left|\operatorname{Arg}(z-i)\right| = \dfrac{\pi}{6}$,

(ii) $|z-i| = 1$ හා $\operatorname{Im} z \geq 1$

සපුරාලන z සංකීර්ණ සංඛ්‍යා නිරූපණය කරන ලක්ෂ්‍යවල පථයන්හි දළ සටහන් අඳින්න.

ඒ නයින්, මෙම පථයන්හි ඡේදන ලක්ෂ්‍යය මගින් නිරූපණය කරන සංකීර්ණ සංඛ්‍යාව සොයන්න.

4. $n \in \mathbb{Z}^+$ යැයි ගනිමු. $x > 0$ සඳහා $\left(\dfrac{1}{\sqrt{x}} - \sqrt{x}\right)^{2n}$ හි ද්විපද ප්‍රසාරණයේ නියත පදය $(-1)^n \dfrac{(2n)!}{(n!)^2}$ බව පෙන්වන්න.

ඒ නයින්, $\left(\dfrac{1}{\sqrt{2x}} - \sqrt{2x}\right)^4$ හි ද්විපද ප්‍රසාරණයේ නියත පදය සොයන්න.

PAST PAPERS WIKI

Past Papers Wiki

5. $\lim_{x \to \frac{\pi}{3}} \dfrac{\cos x - \cos\left(\dfrac{\pi}{3}\right)}{\sqrt{\pi} - \sqrt{3x}} = \sqrt{\dfrac{\pi}{3}}$ බව පෙන්වන්න.

6. $y = \dfrac{1}{x}\sqrt{\cot\left(\dfrac{\pi}{x} - 1\right)}$, $y = 0$, $x = \dfrac{\pi}{2}$ හා $x = \dfrac{2\pi}{3}$ වක්‍ර මගින් ආවෘත වන පෙදෙස x-අක්ෂය වටා රේඩියන 2π වලින් භ්‍රමණය කරනු ලැබේ. මෙලෙස ජනනය වන ඝන වස්තුවේ පරිමාව $\ln\left[2\cos\left(\dfrac{1}{2}\right)\right]$ බව පෙන්වන්න.

7. $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$ සඳහා $x = 2\sec\theta$ හා $y = \tan\theta$ මගින් පරාමිතිකව දෙනු ලබන වක්‍රය, C යැයි ගනිමු. $(2\sec\theta, \tan\theta)$ ලක්ෂ්‍යයේදී C ට අභිලම්බ රේඛාවේ සමීකරණය $2x\tan\theta + y\sec\theta = 5\sec\theta\tan\theta$ බව පෙන්වන්න.
මෙම අභිලම්බ රේඛාව $(5, 0)$ ලක්ෂ්‍යය හරහා යන පරිදි වූ θ හි අගය ද සොයන්න.

8. $A \equiv (1, 1)$ හා $B \equiv (3, 5)$ යැයි ගනිමු. AB සමග $\tan^{-1}\left(\frac{1}{3}\right)$ කෝණයක් සාදමින් B හරහා යන රේඛාවල සමීකරණ සොයන්න.

9. $x^2 + y^2 = 4$ වෘත්තය අභ්‍යන්තරව ස්පර්ශ කරන හා $y = \sqrt{3}\,x$ රේඛාව මත ඒවායේ කේන්ද්‍ර පිහිටන අරයයන් 1 වූ වෘත්තවල සමීකරණ සොයන්න.

....

....

....

....

....

....

....

....

....

....

....

....

....

....

....

10. $\cos\alpha = \frac{3}{5}$ බව දී ඇත; මෙහි $-\frac{\pi}{2} < \alpha < 0$ වේ. $\sin\left(\alpha - \frac{\pi}{4}\right) = -\frac{7}{5\sqrt{2}}$ බව පෙන්වන්න.

$\cos\left(\alpha - \frac{\pi}{4}\right) = -\frac{1}{5\sqrt{2}}$ යැයි ගනිමින්, $\sin\left(\alpha - \frac{\pi}{12}\right) = -\frac{(7\sqrt{3}+1)}{10\sqrt{2}}$ බව පෙන්වන්න.

....

....

....

....

....

....

....

....

....

....

....

....

....

....

....

සියලු ම හිමිකම් ඇවිරිණි /முழுப் பதிப்புரிமையுடையது /All Rights Reserved]

ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව
இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம்
Department of Examinations, Sri Lanka

අධ්‍යයන පොදු සහතික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාගය, 2026
கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2026
General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, 2026

සංයුක්ත ගණිතය I
இணைந்த கணிதம் I
Combined Mathematics I

10 S I

B කොටස

※ ප්‍රශ්න **පහකට** පමණක් පිළිතුරු සපයන්න.

11. (*a*) $k, \lambda \in \mathbb{R}$ හා $k \neq 0$ යැයි ගනිමු. $kx^2 - 2\lambda x - \dfrac{1}{k} = 0$ සමීකරණයට නිශ්ශුන්‍ය තාත්ත්වික ප්‍රභින්න මූල දෙකක් ඇති බව පෙන්වන්න.

මෙම මූල α හා β යැයි ගනිමු. $\dfrac{1}{\alpha} + k^2\beta^2$ හා $\dfrac{1}{\beta} + k^2\alpha^2$ මූල ලෙස ඇති වර්ගජ සමීකරණය $f(x) = 0$ මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න; මෙහි $f(x) = x^2 - 2(2\lambda^2 - k\lambda + 1)x + (2k\lambda - k^2 + 1)$ වේ.

$y = f(x)$ හි ප්‍රස්තාරයෙහි සමමිතික අක්ෂය $x = -1$ බව දී ඇත. $2\lambda^2 - k\lambda + 2 = 0$ බව පෙන්වන්න.

$2\lambda^2 - k\lambda + 2 = 0$ සමීකරණය λ හි එක් අගයකින් පමණක් තෘප්ත වන පරිදි වූ k හි ධන අගය සොයා, මෙම λ හි අගය ද සොයන්න.

(*b*) $f(x) = x^4 + ax^3 + px^2 + q$ හා $g(x) = x^4 + bx^3 - qx^2 + 2x - p$ යැයි ගනිමු; මෙහි $a, b, p, q \in \mathbb{R}$.

$(x + 1)$ යන්න $f(x)$ හි සාධකයක් වන බව හා $(x - 1)$ මගින් $g(x)$ බෙදූ විට ශේෂය 4 වන බව දී ඇත.

$a = b$ බව පෙන්වන්න.

$f(x) = f(-x)$ සමීකරණයට නිශ්ශුන්‍ය විසඳුමක් ඇති බව ද දී ඇත. $a = 0$ හා $p + q = -1$ බව පෙන්වන්න.

ඒ නයින්, $(x + 1)$ යන්න $g(x)$ හි සාධකයක් බව පෙන්වන්න.

12. (*a*) පුනරාවර්තන රහිතව 3, 5, 6, 7 හා 8 යන දී ඇති සංඛ්‍යාංක පහෙන් සමහරක් හෝ සියල්ලම භාවිතයෙන් සංඛ්‍යා සෑදිය යුතුව ඇත.

(i) 10 000 ට වැඩි සංඛ්‍යාවක් සෑදිය හැකි,

(ii) 6000 ට වැඩි සංඛ්‍යාවක් සෑදිය හැකි

වෙනස් ක්‍රම ගණන සොයන්න.

(*b*) (i) $r \in \mathbb{Z}^+$ සඳහා $\dfrac{r+5}{(r+1)(r+2)(r+3)} = \dfrac{A}{r+1} + \dfrac{B}{r+2} + \dfrac{C}{r+3}$ වන පරිදි A, B හා C තාත්ත්වික නියත සොයන්න.

(ii) $r \in \mathbb{Z}^+$ සඳහා $U_r = \dfrac{r+5}{(r+1)(r+2)(r+3)}$ හා $r \in \mathbb{Z}^+ \cup \{0\}$ සඳහා $f(r) = \dfrac{1}{r+2}$ යැයි ගනිමු.

ඉහත (i) කොටස භාවිතයෙන්,

$r \in \mathbb{Z}^+$ සඳහා $U_r = 2f(r-1) - 3f(r) + f(r+1)$ බව පෙන්වන්න.

ඒ නයින්, $\displaystyle\sum_{r=1}^{n} U_r = \frac{2}{3} - \frac{2}{n+2} + \frac{1}{n+3}$ බව පෙන්වන්න.

$\displaystyle\sum_{r=1}^{\infty} U_r$ අපරිමිත ශ්‍රේණිය අභිසාරී බව පෙන්වා එහි ඓක්‍යය සොයන්න.

$\displaystyle\lim_{n\to\infty} \left(\sum_{r=2}^{n+2} U_r + \sum_{r=n+1}^{2n} U_r \right)$ හි අගය සොයන්න.

13. (*a*) $\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 2 & a & 1 \\ 3 & -1 & 1 \end{pmatrix}$, $\mathbf{B} = \begin{pmatrix} -2 & 0 \\ b & 2 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}$ හා $\mathbf{C} = \begin{pmatrix} -3 & -3 \\ 5 & c \end{pmatrix}$ යැයි ගනිමු; මෙහි $a, b, c \in \mathbb{R}$ වේ.

$\mathbf{AB} = \mathbf{C}^{\mathbf{T}}$ වන පරිදි a, b හා c හි අගයන් සොයන්න.

a, b හා c සඳහා මෙම අගයන් ඇතිව, $(\mathbf{AB})^{\mathbf{T}}\mathbf{D} = 2\mathbf{I} + \mathbf{C}$ වන පරිදි $\mathbf{D}$ න්‍යාසය සොයන්න;

මෙහි $\mathbf{I}$ යනු ගණය 2 වන ඒකක න්‍යාසය වේ.

(*b*) $z_1, z_2 \in \mathbb{C}$ යැයි ගනිමු.

(i) $\overline{z_1 + z_2} = \overline{z_1} + \overline{z_2}$, (ii) $\overline{z_1 z_2} = \overline{z_1}\,\overline{z_2}$,

(iii) $z_2 \neq 0$ සඳහා $\overline{\left(\dfrac{z_1}{z_2}\right)} = \dfrac{\overline{z_1}}{\overline{z_2}}$, හා (iv) $z_1\overline{z_1} = |z_1|^2$

බව පෙන්වන්න.

$|z_1| = |z_2| = 1$ හා $z_1 \neq -z_2$ නම්, $\left(\dfrac{1+z_1 z_2}{z_1 + z_2}\right)$ තාත්ත්වික බව පෙන්වන්න.

(*c*) $\dfrac{\cos\alpha + i\sin\alpha}{\cos\beta + i\sin\beta} = \cos(\alpha-\beta) + i\sin(\alpha-\beta)$ බව පෙන්වන්න; මෙහි $\alpha, \beta \in \mathbb{R}$ වේ.

$1+\sqrt{3}i$ හා $\sqrt{2}(1+i)$ යන ඒවා $r(\cos\theta + i\sin\theta)$ ආකාරයෙන් ප්‍රකාශ කරන්න; මෙහි $r > 0$ හා $-\pi < \theta \leq \pi$ වේ.

$\omega = \dfrac{1+\sqrt{3}i}{\sqrt{2}(1+i)}$ යැයි ගනිමු. $|\omega| = 1$ හා $\operatorname{Arg}\omega = \dfrac{\pi}{12}$ බව පෙන්වන්න.

$\omega^{18} = -i$ බව **අපෝහනය** කරන්න.

14. (*a*) $x \in \mathbb{R} - \{-1\}$ සඳහා $f(x) = \alpha\left(\dfrac{x-1}{x+1}\right)^2 + 4$ යැයි ගනිමු; මෙහි $\alpha \in \mathbb{R}$ වේ. $f(x)$ හි ව්‍යුත්පන්නය, $f'(x)$ යන්න $x \in \mathbb{R} - \{-1\}$ සඳහා $f'(x) = \dfrac{4\alpha(x-1)}{(x+1)^3}$ මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න.

$x = 0$ විට $y = f(x)$ හි ප්‍රස්තාරයට වූ ස්පර්ශ රේඛාවෙහි අනුක්‍රමණය 8 බව දී ඇත.

$\alpha = -2$ බව පෙන්වන්න.

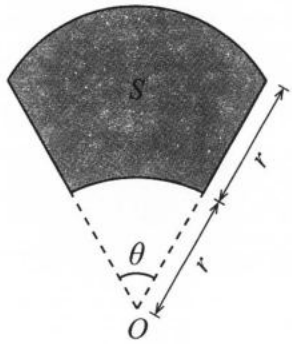
$f(x)$ වැඩි වන ප්‍රාන්තරය හා $f(x)$ අඩු වන ප්‍රාන්තර සොයන්න.

$y = f(x)$ හි ප්‍රස්තාරයෙහි හැරුම් ලක්ෂ්‍යයෙහි ඛණ්ඩාංක ද සොයන්න.

හැරුම් ලක්ෂ්‍යය හා ස්පර්ශෝන්මුඛ දක්වමින් $y = f(x)$ හි ප්‍රස්තාරයේ දළ සටහනක් අඳින්න.

ඒ නයින්, f හි පරාසය ද, $[k, \infty)$ ප්‍රාන්තරයෙහි f එකට-එක වන පරිදි වූ k හි කුඩාතම අගය ද ප්‍රකාශ කරන්න.

(*b*) රූපයෙහි පෙන්වා ඇති පරිදි, අඳුරු කළ S පෙදෙසෙහි මායිම අරයයන් r m හා $2r$ m වූ කේන්ද්‍රය O හි රේඩියන θ කෝණයක් ආපාතනය කරන ඒකකේන්ද්‍රීය වෘත්ත චාප දෙකකින් ද, දික් කළ විට O කේන්ද්‍රය හරහා යන සරල රේඛා ඛණ්ඩ දෙකකින් ද සමන්විත වේ. S පෙදෙසෙහි වර්ගඵලය 81 m^2 බව දී ඇත. S හි පරිමිතිය p m යන්න $r > 0$ සඳහා $p = 2\left(r + \dfrac{81}{r}\right)$ මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වා p අවම වන පරිදි r හා θ හි අගයන් සොයන්න.



15. (*a*) $\dfrac{6t^2+7t+3}{(2t-1)(4t^2+4t+5)}$ භින්න භාගවලින් ප්‍රකාශ කර **ඒ නයින්**, $\displaystyle\int \frac{6t^2+7t+3}{(2t-1)(4t^2+4t+5)}\,\mathrm{d}t$ සොයන්න.

(*b*) (i) $\dfrac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}x}\left(\tan\dfrac{x}{2}\right) = \dfrac{1}{1+\cos x}$ බව පෙන්වන්න.

(ii) $\displaystyle\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{x^2 \sin x}{(1+\cos x)^2}\,\mathrm{d}x = \frac{\pi^2}{4} - 2\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{x}{1+\cos x}\,\mathrm{d}x$ බව පෙන්වන්න.

ඒ නයින්, (i) භාවිතයෙන්, $\displaystyle\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{x^2 \sin x}{(1+\cos x)^2}\,\mathrm{d}x = \frac{\pi}{4}(\pi - 4) + 2\ln 2$ බව පෙන්වන්න.

(*c*) $\cot\left(\dfrac{3\pi}{4} - x\right) = \dfrac{1-\cot x}{1+\cot x}$ බව පෙන්වන්න.

a හා b නියතයන් වන $\displaystyle\int_a^b f(x)\,\mathrm{d}x = \int_a^b f(a+b-x)\,\mathrm{d}x$ සූත්‍රය භාවිතයෙන්,

$\displaystyle\int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{2}} \ln(1+\cot x)\,\mathrm{d}x = \frac{\pi}{8}\ln 2$ බව පෙන්වන්න.

16. (*a*) $A \equiv (3, 0)$, $B \equiv (0, 2)$ හා l යනු AB රේඛාවට ලම්බ රේඛාවක් යැයි ද ගනිමු. l රේඛාවෙහි සමීකරණය $3x - 2y = \lambda$ ආකාරයෙන් වන බව පෙන්වන්න; මෙහි $\lambda \in \mathbb{R}$ වේ. l රේඛාව, x-අක්ෂය C ලක්ෂ්‍යයේදී ද, y-අක්ෂය D ලක්ෂ්‍යයේදී ද ඡේදනය කරයි. AD හා BC රේඛාවල ඡේදන ලක්ෂ්‍යය $x^2 + y^2 - 3x - 2y = 0$ වෘත්තය මත පිහිටන බව පෙන්වන්න.

(*b*) $S_1 \equiv x^2 + y^2 - 6x - 4y + 4 = 0$ හා $S_2 \equiv x^2 + y^2 + 4y - 5 = 0$ යැයි ගනිමු. $S_1 = 0$ හා $S_2 = 0$ වෘත්ත, සමාන අරයයන්ගෙන් යුතු බව හා ඒවා එකිනෙක ඡේදනය කරන බව පෙන්වන්න.

තව ද, මෙම වෘත්තවලට පොදු ස්පර්ශකවල සමීකරණ සොයන්න.

$U \equiv 2x - 4y + 3$ යැයි ද ගනිමු. $S_1 + U = 0$ හා $S_2 = 0$ වෘත්තවල ඡේදන ලක්ෂ්‍ය හරහා යන $S_2 = 0$ වෘත්තය ප්‍රලම්බව ඡේදනය කරන වෘත්තයේ සමීකරණය සොයන්න.

17. (*a*) $\cos 2x + \sin 2x$ යන්න $R\sin(2x + \alpha)$ ආකාරයෙන් ප්‍රකාශ කරන්න; මෙහි $R > 0$ හා $0 < \alpha < \dfrac{\pi}{2}$ වේ.

ඒ නයින්, $1 + \cos 2x + \sin 2x = 0$ සමීකරණයෙහි සාධාරණ විසඳුම සොයන්න.

S යනු මෙම විසඳුම්වලින් සමන්විත කුලකය යැයි ගනිමු.

$x \notin S$ සඳහා $\dfrac{1 - \cos 2x + \sin 2x}{1 + \cos 2x + \sin 2x} = \tan x$ බව පෙන්වන්න.

ඒ නයින්, $\dfrac{1 - \cos x + \sin x}{1 + \cos x + \sin x} = \dfrac{1}{2}\sin\dfrac{x}{2}$ විසඳන්න.

(*b*) සුපුරුදු අංකනයෙන්, ABC ත්‍රිකෝණයක් සඳහා **කෝසයින නීතිය** ප්‍රකාශ කරන්න.

ABC ත්‍රිකෝණයක BC මත D ලක්ෂ්‍යය පිහිටා ඇත්තේ $BD : DC = 2 : 1$ වන පරිදි ය.

සුදුසු ත්‍රිකෝණ සඳහා කෝසයින නීතිය යෙදීමෙන්,

සුපුරුදු අංකනයෙන් $AD^2 = \dfrac{1}{9}\left(6b^2 + 3c^2 - 2a^2\right)$ බව පෙන්වන්න.

දැන්, $AB = 3$ cm, $AC = 2$ cm හා $AD = \dfrac{\sqrt{37}}{3}$ cm නම්, $B\hat{A}C = \dfrac{\pi}{3}$ බව පෙන්වන්න.

(*c*) $\sin\left(\tan^{-1}\left(\dfrac{1}{\sqrt{x^2+1}}\right)\right) + \tan\left(\sin^{-1}\left(\dfrac{1}{\sqrt{x^2+1}}\right)\right) = \dfrac{3}{2x}$ සමීකරණය විසඳන්න.

* * *

උත්තර පත්‍ර පරීක්ෂකවරුන්ගේ ප්‍රයෝජනය සඳහා පමණි.

54100

AL/2026/10/S-II

සියලු ම හිමිකම් ඇවිරිණි / முழுப் பதிப்புரிமையுடையது / All Rights Reserved]

ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව
இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம்
Department of Examinations, Sri Lanka

අධ්‍යයන පොදු සහතික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාගය, 2026
கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2026
General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, 2026

සංයුක්ත ගණිතය II
இணைந்த கணிதம் II
Combined Mathematics II

10 S II

පැය තුනයි
மூன்று மணித்தியாலம்
Three hours

අමතර කියවීම් කාලය - මිනිත්තු 10 යි
மேலதிக வாசிப்பு நேரம் - 10 நிமிடங்கள்
Additional Reading Time - 10 minutes

අමතර කියවීම් කාලය ප්‍රශ්න පත්‍රය කියවා ප්‍රශ්න තෝරා ගැනීමටත් පිළිතුරු ලිවීමේදී ප්‍රමුඛත්වය දෙන ප්‍රශ්න සංවිධානය කර ගැනීමටත් යොදාගන්න.

විභාග අංකය							

උපදෙස්:

- ✳ මෙම ප්‍රශ්න පත්‍රය කොටස් දෙකකින් සමන්විත වේ;
  A කොටස (ප්‍රශ්න **1 - 10**) සහ **B කොටස** (ප්‍රශ්න **11 - 17**).
- ✳ **A කොටස:**
  සියලු ම ප්‍රශ්නවලට පිළිතුරු සපයන්න. එක් එක් ප්‍රශ්නය සඳහා ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති ඉඩෙහි ලියන්න. වැඩිපුර ඉඩ අවශ්‍ය වේ නම්, ඔබට අමතර ලියන කඩදාසි භාවිත කළ හැකි ය.
- ✳ **B කොටස:**
  ප්‍රශ්න **පහකට** පමණක් පිළිතුරු සපයන්න. ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති කඩදාසිවල ලියන්න.
- ✳ නියමිත කාලය අවසන් වූ පසු **A කොටසෙහි** පිළිතුරු පත්‍රය, **B කොටසෙහි** පිළිතුරු පත්‍රයට උඩින් සිටින පරිදි කොටස් දෙක අමුණා විභාග ශාලාධිපතිට භාර දෙන්න.
- ✳ ප්‍රශ්න පත්‍රයෙහි **B කොටස පමණක්** විභාග ශාලාවෙන් පිටතට ගෙන යාමට ඔබට අවසර ඇත.
- ✳ මෙම ප්‍රශ්න පත්‍රයෙහි g මගින් ගුරුත්වජ ත්වරණය දැක්වෙයි.

පරීක්ෂකවරුන්ගේ ප්‍රයෝජනය සඳහා පමණි.

(10) සංයුක්ත ගණිතය II		
කොටස	ප්‍රශ්න අංකය	ලකුණු
A	1	
	2	
	3	
	4	
	5	
	6	
	7	
	8	
	9	
	10	
B	11	
	12	
	13	
	14	
	15	
	16	
	17	
	එකතුව	

එකතුව

ඉලක්කමෙන්	
අකුරින්	

සංකේත අංක

උත්තර පත්‍ර පරීක්ෂක		
පරීක්ෂා කළේ:	1	
	2	
අධීක්ෂණය කළේ:		

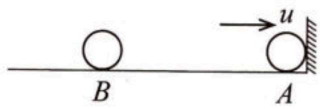
[දෙවැනි පිටුව බලන්න.

Past Papers Wiki

A කොටස

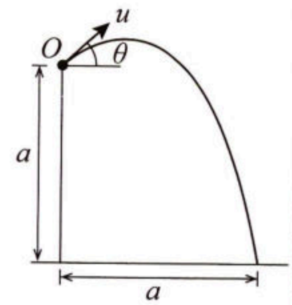
1. සුමට තිරස් ගෙබිමක් මත සරල රේඛාවක් දිගේ u වේගයෙන් චලනය වන ස්කන්ධය m වූ A අංශුවක්, A හි චලිත දිශාවට ලම්බක සුමට සිරස් බිත්තියක ගැටේ. (රූපය බලන්න.) බිත්තිය මගින් A මත ඇති කරන ආවේගය $m(1+e)u$ බව පෙන්වන්න; මෙහි e යනු A හා බිත්තිය අතර ප්‍රත්‍යාගති සංගුණකය වේ.

බිත්තියෙන් පොලා පැනීමෙන් පසු, A ගෙබිම මත නිශ්චලව ඇති ස්කන්ධය $\frac{m}{e}$ වන B අංශුවක් හා සරල ලෙස ගැටේ. A හා B අතර ප්‍රත්‍යාගති සංගුණකය ද e වේ. මෙම ගැටුමෙන් පසු, A නිශ්චලතාවයට පැමිණෙන බව පෙන්වන්න.



2. රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි, තිරස් බිමක සිට a සිරස් දුරක් ඉහළින් වූ O ලක්ෂ්‍යයක සිට තිරසට $\theta\left(0 \le \theta < \frac{\pi}{2}\right)$ කෝණයකින් u ආරම්භක ප්‍රවේගයකින් අංශුවක් ප්‍රක්ෂේප කරනු ලැබේ. O සිට a තිරස් දුරකින් අංශුව බිම පතිත වේ. $a = \frac{2u^2}{g} \cdot \frac{(1+\tan\theta)}{(1+\tan^2\theta)}$ බව පෙන්වන්න.

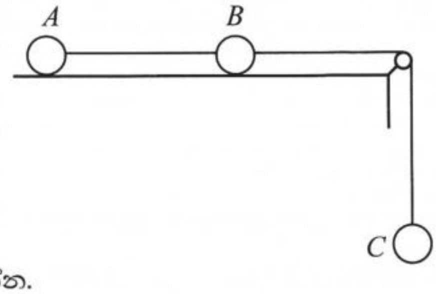
$u = \sqrt{\frac{ga}{2}}$ නම්, $\theta = 0$ හෝ $\theta = \frac{\pi}{4}$ බව **අපෝහනය** කරන්න.



PAST PAPERS WIKI

[තුන්වැනි පිටුව බලන්න.

3. A, B හා C අංශු තුනක ස්කන්ධ පිළිවෙළින් m, $2m$ හා $4m$ වේ. A හා B අංශු සැහැල්ලු අවිතන්‍ය තන්තුවක කෙළවරවලට ඈඳා, සුමට තිරස් මේසයක් මත තබා ඇත. මේසයේ දාරය මත සවි කර ඇති සුමට කුඩා කප්පියක් මතින් යන තවත් සැහැල්ලු අවිතන්‍ය තන්තුවක කෙළවරවලට B හා C අංශු ඈඳා ඇත. A, B හා C අංශු එකම සිරස් තලයක පිහිටයි. රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි, තන්තු තදව ඇතිව C අංශුව කප්පියට පහළින් සිරස්ව එල්ලේ.

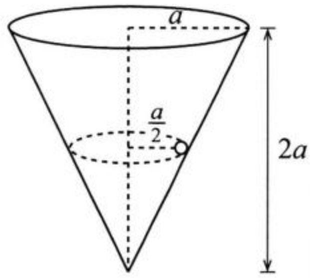


පද්ධතිය නිශ්චලතාවේ සිට මුදාහරිනු ලැබේ. A හි ත්වරණය සොයන්න.

4. ස්කන්ධය 1000 kg වූ මෝටර් රථයක් එහි එන්ජිම 16 kW නියත ජවයකින් ක්‍රියා කරමින් සෘජු තිරස් මාර්ගයක් දිගේ ගමන් කරයි. මෝටර් රථයේ චලිතයට ඇති ප්‍රතිරෝධය 600 N කි. එහි වේගය 25 m s^{-1} වන මොහොතකදී, මෝටර් රථයේ ත්වරණය සොයන්න.

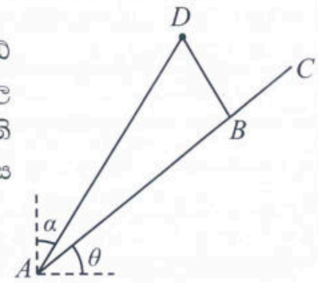
දැන්, මෝටර් රථය, තිරසට $\sin^{-1}(0.1)$ ක කෝණයකින් ආනත වූ සෘජු මාර්ගයක් දිගේ ඉහළට, $(600 + 5v)$ N ප්‍රතිරෝධයකට එරෙහිව ගමන් කරන්නේ යැයි සිතමු; මෙහි v m s^{-1} යනු මෝටර් රථයේ වේගය වේ. මෝටර් රථයේ එන්ජිම එම ජවයෙන්ම ක්‍රියා කරන්නේ නම්, එහි ත්වරණය 0.5 m s^{-2} වන මොහොතකදී මෝටර් රථයේ වේගය නිර්ණය කිරීමට ප්‍රමාණවත් සමීකරණ ලබා ගන්න.

5. රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි, පතුලේ අරය a හා උස $2a$ වූ සෘජු වෘත්තාකාර කුහර කේතුවක්, එහි අක්ෂය සිරස්ව හා ශීර්ෂය පහළට ඇතිව සවිකර ඇත. ස්කන්ධය m වූ අංශුවක් කේතුවේ සුමට ඇතුළත පෘෂ්ඨය මත v නියත වේගයකින්, අරය $\frac{a}{2}$ වූ තිරස් වෘත්තයක ගමන් කරයි. $v = \sqrt{ga}$ බව පෙන්වන්න.



6. $\mathbf{u}$ හා $\mathbf{v}$ යනු ලම්බක ඒකක දෛශික දෙකක් ද, $\mathbf{a} = t\mathbf{u} + (1-t)\mathbf{v}$ යැයි ද ගනිමු; මෙහි $t \in \mathbb{R}$.
$|\mathbf{a}|^2 = t^2 + (1-t)^2$ බව පෙන්වන්න.
$\mathbf{u}$ හා $\mathbf{v}$ එක එකක් සමග $\mathbf{a}$ සමාන කෝණ සාදන්නේ නම්, $|\mathbf{a}| = \frac{1}{\sqrt{2}}$ බව **අපෝහනය** කරන්න.

7. දිග $4a$ වන ABC ඒකාකාර බර දණ්ඩක් සමතුලිතතාවයේ තබා ඇත්තේ, දණ්ඩේ A කෙළවරට හා දණ්ඩ මත $AB = 3a$ වන B ලක්ෂ්‍යයට ඈඳා ඇති, D සුමට අචල නාදැත්තක් මතින් යන සැහැල්ලු අවිතන්‍ය තන්තුවක් මගිනි. රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි, දණ්ඩ, තිරසට θ කෝණයකින් ආනතව ඇති අතර තන්තුවේ AD කොටස සිරස සමග α කෝණයක් සාදයි. $3\tan\theta\tan\alpha = 1$ බව පෙන්වන්න.



....

....

....

....

....

....

....

....

....

....

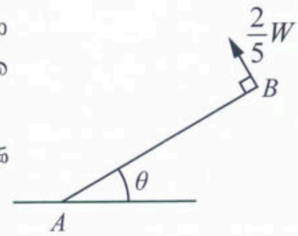
....

....

....

....

8. රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි, බර W වූ AB ඒකාකාර දණ්ඩක් සමතුලිතතාවයේ තබා ඇත්තේ A අන්තය රළු තිරස් තලයක් මත තැබීමෙන් හා B හිදී දණ්ඩට ලම්බක දිශාවකට විශාලත්වය $\frac{2}{5}W$ බලයක් යෙදීමෙනි.
දණ්ඩ තිරස සමග θ කෝණයක් සාදන අතර, දණ්ඩ හා රළු තලය අතර ඝර්ෂණ සංගුණකය μ වේ.
$\cos\theta = \frac{4}{5}$ හා $\mu \geq \frac{6}{17}$ බව පෙන්වන්න.



....

....

....

....

....

....

....

....

....

....

....

....

....

[හයවැනි පිටුව බලන්න.

අ.පො.ස උසස් පෙළ සියලුම විෂයන්ට අදාල ප්‍රශ්න පත්‍ර/පිළිතුරු පත්‍ර/සටහන් ලබා ගැනීමට Past Papers Wiki වෙත පිවිසෙන්න

9. A හා B යනු Ω නියැදි අවකාශයක සිද්ධි දෙකක් යැයි ගනිමු. $P(A|B) + P(A'|B) = 1$ බව පෙන්වන්න. මෙහි A' මගින් A සිද්ධියෙහි අනුපූරකය දක්වයි.

දැන්, $P(A \cap B) = \frac{1}{4}$ හා $P(B) = \frac{1}{2}$ බව දී ඇත. $P(A'|B)$ සොයන්න.

10. $\{x_1, x_2, \ldots, x_{20}\}$ යන දත්ත කුලකය සඳහා, $\sum_{i=1}^{20}(x_i - 3) = 40$ හා $\sum_{i=1}^{20}(2x_i - 3)^2 = 1060$ බව දී ඇත.

මෙම දත්ත කුලකයෙහි මධ්‍යන්‍යය 5 හා එහි විචලතාව 1 බව පෙන්වන්න.

PAST PAPERS WIKI

54064

උත්තර පත්‍ර පරීක්ෂකවරුන්ගේ
ප්‍රයෝජනය සඳහා පමණි.

සියලු ම හිමිකම් ඇවිරිණි / முழுப் பதிப்புரிமையுடையது / All Rights Reserved]

ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව
இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம்
Department of Examinations, Sri Lanka

අධ්‍යයන පොදු සහතික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාගය, 2026
கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2026
General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, 2026

සංයුක්ත ගණිතය II
இணைந்த கணிதம் II
Combined Mathematics II

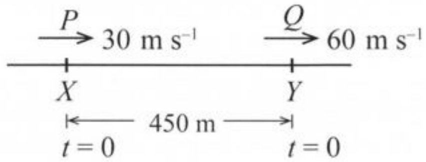
10 S II

B කොටස

※ ප්‍රශ්න **පහකට** පමණක් පිළිතුරු සපයන්න.

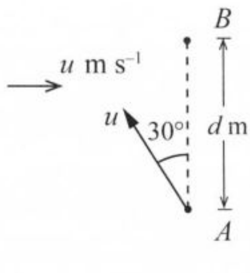
(මෙම ප්‍රශ්න පත්‍රයෙහි g මගින් ගුරුත්වජ ත්වරණය දැක්වෙයි.)

11. (a) රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි, X හා Y යනු සෘජු මාර්ගයක 450 m ක් ඈතින් වූ ලක්ෂ්‍ය දෙකකි. කාලය $t=0$ හිදී P මෝටර් රථයක් 30 m s^{-1} වේගයක් ඇතිව $\overrightarrow{XY}$ හි දිශාවට X ලක්ෂ්‍යය පසුකර මාර්ගය දිගේ $f\text{ m s}^{-2}$ $(f>0)$ ඒකාකාර ත්වරණයකින් චලනය වේ. $t=0$ වන මොහොතේදී ම, තවත් Q මෝටර් රථයක් 60 m s^{-1} වේගයක් ඇතිව $\overrightarrow{XY}$ හි දිශාවට Y ලක්ෂ්‍යය පසුකර මාර්ගය දිගේ $f\text{ m s}^{-2}$ ඒකාකාර ත්වරණයකින්, එය 90 m s^{-1} වේගයකට ළඟා වන තෙක් චලනය වී ඉන්පසු එම දිශාවට ම එම නියත වේගයම පවත්වාගෙන යයි. P හා Q මෝටර් රථ $t=25$ s වන මොහොතේදී හමුවන බව දී ඇත. එකම රූපසටහනක, $t=0$ සිට $t=25$ s දක්වා P හා Q හි චලිත සඳහා ප්‍රවේග-කාල ප්‍රස්තාරවල දළ සටහන් අඳින්න.



ඒ නයින්, $f=6$ බව පෙන්වා, X සිට Q හමුවන තෙක් P ගමන් කළ දුර 2625 m බව පෙන්වන්න.

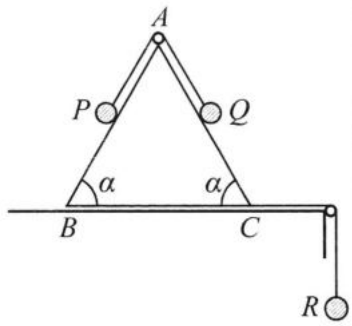
(b) ගඟක් නැගෙනහිර දෙසට $u\text{ m s}^{-1}$ ඒකාකාර ප්‍රවේගයක් ඇතිව ගලයි. රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි, A හා B ලක්ෂ්‍ය $AB=d$ m හා A යන්න B ට දකුණින් වන පරිදි ගඟේ පෘෂ්ඨය මත වූ අචල ලක්ෂ්‍ය දෙකකි. එක්තරා මොහොතකදී, පොළවට සාපේක්ෂව සරල රේඛීය පෙතක $u\text{ m s}^{-1}$ ඒකාකාර ප්‍රවේගයකින් උතුරෙන් බටහිරට 30° ක කෝණයක් සාදන දිශාවට යාත්‍රා කරන P බෝට්ටුවක් A ලක්ෂ්‍යයේදී නිරීක්ෂණය කරනු ලබයි. ජලයට සාපේක්ෂව P හි ප්‍රවේගය සොයන්න.



මෙම මොහොතේදී ම, ජලයට සාපේක්ෂව සරල රේඛීය පෙතක $v\text{ m s}^{-1}$ ඒකාකාර වේගයකින්, P අල්ලා ගැනීමේ අපේක්ෂාවෙන් යාත්‍රා කරන Q බෝට්ටුවක් B ලක්ෂ්‍යයේදී නිරීක්ෂණය කරනු ලබයි; මෙහි $\frac{3u}{2}<v<\sqrt{3}\,u$ වේ. P ව අල්ලා ගැනීමට Q ට යාත්‍රා කළ හැකි දිශා දෙකක් ඇති බව පෙන්වන්න.

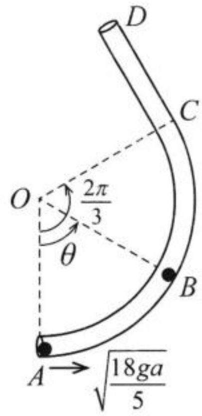
මෙම දිශා දෙකෙන් P අල්ලා ගැනීමට Q ගන්නා කාල අතර වෙනස $\dfrac{d\sqrt{4v^2-9u^2}}{(3u^2-v^2)}$ බව පෙන්වන්න.

12. (*a*) ස්කන්ධය M වූ සුමට ඒකාකාර කුඤ්ඤයක ගුරුත්ව කේන්ද්‍රය තුළින් වූ ABC සිරස් හරස්කඩ රූපයේ දැක්වේ. BC අයත් මුහුණත සුමට තිරස් මේසයක් මත තබා ඇති අතර AB හා AC යනු ඒවා අඩංගු මුහුණත්වල උපරිම බෑවුම් රේඛා වේ. තවද, $A\hat{B}C = A\hat{C}B = \alpha$ වේ. ස්කන්ධ පිළිවෙළින් $2m$ හා m වූ P හා Q අංශු දෙකක් A හි සවිකර ඇති සුමට කුඩා කප්පියක් මතින් යන සැහැල්ලු අවිතන්‍ය තන්තුවක දෙකෙළවරට ඈඳා ඇත. තන්තුව තදව ඇතිව, P අංශුව AB මත අල්වා තබා ඇති අතර Q අංශුව AC මත අල්වා තබා ඇත. කුඤ්ඤයෙහි C ලක්ෂ්‍යයත් ස්කන්ධය $4m$ වූ R අංශුවකුත් මේසයේ දාරයකට සවිකර ඇති සුමට කුඩා කප්පියක් මතින් යන සැහැල්ලු අවිතන්‍ය තන්තුවක දෙකෙළවරට ඈඳා ඇත. තන්තු, ABC අඩංගු සිරස් තලයේ ම පිහිටා ඇති අතර R අංශුව නිදහසේ එල්ලෙයි. පද්ධතිය, රූපයේ දක්වා ඇති පිහිටුමෙන් නිශ්චලතාවයේ සිට මුදාහරිනු ලැබේ.



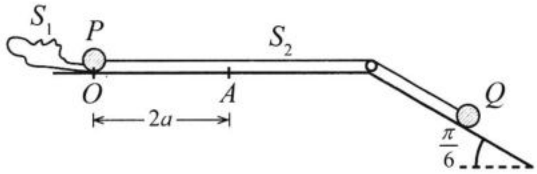
කුඤ්ඤයේ ත්වරණය නිර්ණය කිරීමට ප්‍රමාණවත් සමීකරණ ලබාගන්න.

(*b*) තලයක වූ $ABCD$ සුමට සිහින් බටයක්, අරය a, කේන්ද්‍රය O හා $A\hat{O}C = \frac{2\pi}{3}$ වූ ABC වෘත්තාකාර කොටසකින් හා OC සමග $\frac{\pi}{2}$ කෝණයක් සාදන සෘජු CD කොටසකින් සමන්විත වේ. රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි, OA සිරස්ව ඇතිව බටය සිරස් තලයක සවි කර ඇත. ස්කන්ධය m වූ අංශුවක් බටය තුළ A හිදී තබා, එයට බටය තුළ චලනය වීමට, විශාලත්වය $\sqrt{\frac{18ga}{5}}$ වූ තිරස් ප්‍රවේගයක් දෙනු ලැබේ. එය O වටා $\theta \left(0 \le \theta \le \frac{2\pi}{3}\right)$ කෝණයකින් හැරුණු විට අංශුවේ වේගය v යන්න $v^2 = \frac{2ga}{5}(4+5\cos\theta)$ මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වා එය මෙම පිහිටීමේ ඇති විට, බටය මගින් අංශුව මත ඇති කරන ප්‍රතික්‍රියාව සොයන්න.



අංශුව D වෙත ළඟා වීමට පෙර නිශ්චලතාවයට පැමිණෙන බව උපකල්පනය කරමින් අංශුව CD දිගේ ගමන් කළ දුර සොයන්න.

13. ස්වභාවික දිග $2a$ හා ප්‍රත්‍යාස්ථතා මාපාංකය Mg වූ S_1 සැහැල්ලු ප්‍රත්‍යාස්ථ තන්තුවක එක් අන්තයක් සුමට තිරස් මේසයක් මත වූ O අචල ලක්ෂ්‍යයකට ද අනෙක් අන්තය ස්කන්ධය m වූ P අංශුවකට ද ඈඳා ඇත. තවත් S_2 සැහැල්ලු අවිතන්‍ය තන්තුවක එක් අන්තයක් ද P අංශුවට ඈඳා ඇති අතර, අනෙක් අන්තය ස්කන්ධය M වූ තවත් Q අංශුවකට ඈඳා ඇත. රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි, P අංශුව O හි තබා ඇත්තේ S_1 තන්තුව බුරුල්ව ඇතිව හා S_2 තන්තුව තදව ඇතිව මේසයේ දාරයට සවි කළ සුමට කුඩා කප්පියක් මතින් යමින් Q අංශුව තිරසට $\frac{\pi}{6}$ කෝණයකින් ආනත සුමට තලයක් මත පිහිටමිනි. S_2 තන්තුව සිරස් තලයක පිහිටන්නේ එහි ආනත තලය මත ඇති කොටස ආනත තලයේ උපරිම බෑවුම් රේඛාවක් දිගේ පිහිටමිනි. රූපයේ ලකුණු කර ඇති පරිදි, A යනු $OA = 2a$ වන පරිදි මේසය මත වූ ලක්ෂ්‍යය යැයි ගනිමු. පද්ධතිය නිශ්චලතාවයෙන් මුදාහරිනු ලැබේ. A ට ළඟා වන විට P හි වේගය සොයන්න.



P කප්පිය වෙත ළඟා නොවන බව උපකල්පනය කරමින්,

S_1 තන්තුව තදව ඇතිව, P හි පසුව එන චලිතයේ චලිත සමීකරණය $\ddot{x} + \frac{Mg}{2(M+m)a}(x-a) = 0$ මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න; මෙහි $AP = x$ වේ.

$X = x - a$ ලෙස ගනිමින්, ඉහත චලිත සමීකරණය $\ddot{X} + \omega^2 X = 0$ ආකාරයෙන් නැවත ලියා දක්වන්න; මෙහි $\omega\ (>0)$ නිර්ණය කළ යුතු නියතයකි.

$\dot{X}^2 = \omega^2(C^2 - X^2)$ සූත්‍රය භාවිත කරමින්, මෙම චලිතයෙහි විස්තාරය C සොයන්න.

O හි සිට නිශ්චලතාවයෙන් මුදාහළ පසු, P නැවත පළමුවරට නිශ්චලතාවයට පැමිණීමට ගතවන කාලය $\sqrt{\frac{2(M+m)a}{Mg}}\left[2+\pi-\cos^{-1}\left(\frac{1}{\sqrt{5}}\right)\right]$ බව පෙන්වන්න.

Past Papers Wiki

14.(*a*) සුපුරුදු අංකනයෙන් A හා B ලක්ෂ්‍යවල පිහිටුම් දෛශික පිළිවෙළින් $\mathbf{i} + 2\mathbf{j}$ හා $\alpha\mathbf{i} - \mathbf{j}$ වේ. OA හා OB රේඛා ලම්බ වේ; මෙහි O යනු මූලය වේ. $\alpha = 2$ බව පෙන්වන්න.

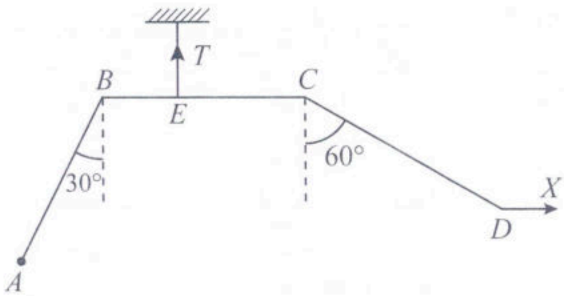
C යනු පිහිටුම් දෛශිකය $\frac{4}{3}\mathbf{i} + \mathbf{j}$ වූ ලක්ෂ්‍යය යැයි ගනිමු. A, B හා C ලක්ෂ්‍ය ඒක රේඛීය බව පෙන්වා $AC : CB$ සොයන්න.

දැන්, D යනු OD යන්න AD ට ලම්බ වන පරිදි OC මත වූ ලක්ෂ්‍යය යැයි ගනිමු. D හි පිහිටුම් දෛශිකය $\frac{2}{5}(4\mathbf{i} + 3\mathbf{j})$ බව පෙන්වන්න.

(*b*) Oxy-තලයේ වූ බල පද්ධතියක් පිළිවෙළින් $A \equiv (2a, 0)$, $B \equiv (0, 2a)$, $C \equiv (-2a, 0)$ හා $D \equiv (0, -2a)$ ලක්ෂ්‍යවලදී ක්‍රියාකරන $2P\mathbf{i} + 4P\mathbf{j}$, $3P\mathbf{i} - P\mathbf{j}$, $-5P\mathbf{i} + 2P\mathbf{j}$ හා $2P\mathbf{i} - 3P\mathbf{j}$ යන බල හතරෙන් සමන්විත වේ; මෙහි P හා a ධන නියත වේ. මෙම බල පද්ධතිය තනි සම්ප්‍රයුක්ත බලයකට තුල්‍ය වන බව පෙන්වා එහි විශාලත්වය, දිශාව හා ක්‍රියා රේඛාවේ සමීකරණය සොයන්න.

දැන්, E, F, G හා H යනු පිළිවෙළින් AB, BC, CD හා DA හි මධ්‍යලක්ෂ්‍යය යැයි ගනිමු. පිළිවෙළින් $\overrightarrow{EG}$, $\overrightarrow{EF}$ හා $\overrightarrow{GH}$ දිගේ ක්‍රියාකරන විශාලත්ව $\sqrt{2}\alpha P$, βP හා γP වූ බල තුනක් ඉහත බල පද්ධතියට එකතු කරනු ලබන්නේ බල හතකින් සමන්විත නව පද්ධතිය, වාමාවර්ථ අතට ක්‍රියාකරන ඝූර්ණය $8Pa$ වූ බල යුග්මයකට තුල්‍ය වන පරිදි ය. α, β හා γ හි අගයන් සොයන්න.

15.(*a*) සමාන $2a$ දිගින් හා සමාන W බරින් යුත් AB, BC හා CD ඒකාකාර දඬු තුන B හා C අන්තවලදී සුමටව සන්ධි කර ඇති අතර A අන්තය, අචල ලක්ෂ්‍යයකට සුමටව අසව් කර ඇත. සැහැල්ලු අවිතන්‍ය තන්තුවක එක් අන්තයක් BC මත E ලක්ෂ්‍යයකට ඈඳා ඇති අතර තන්තුවේ අනෙක් අන්තය, E ට සිරස්ව ඉහළින් සිවිලිමක් මත ලක්ෂ්‍යයකට ඈඳා ඇත. රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි, දඬු තුන සිරස් තලයක සමතුලිතව තබා ඇත්තේ තන්තුව තදව BC දණ්ඩ තිරස්ව හා AB හා CD දඬු සිරස සමග පිළිවෙළින් $30°$ හා $60°$ කෝණ සාදන පරිදි D හිදී යෙදූ විශාලත්වය X වූ තිරස් බලයක් මගිනි.



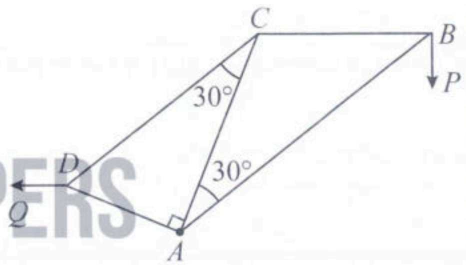
(i) $X = \frac{\sqrt{3}}{2}W$,

(ii) $T = 4W$, හා

(iii) $BE = \frac{3}{4}a$

බව පෙන්වන්න.

(*b*) රූපයේ පෙන්වා ඇති රාමු සැකිල්ල, ඒවායේ අන්තවලදී සුමටව සන්ධි කළ AB, BC, AC, AD හා CD සැහැල්ලු දඬු පහකින් සමන්විත වේ. $AC = BC = 2a$, $B\hat{A}C = A\hat{C}D = 30°$ හා $C\hat{A}D = 90°$ බව දී ඇත. P N භාරයක් B සන්ධියෙන් එල්ලා ඇත. රාමු සැකිල්ල A හිදී අචල ලක්ෂ්‍යයකට සුමට ලෙස අසව් කර BC තිරස්ව ඇතිව සිරස් තලයක සමතුලිතව තබා ඇත්තේ එයට D සන්ධියෙහිදී විශාලත්වය Q N වූ තිරස් බලයක් රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි යෙදීමෙනි.



BC දණ්ඩෙහි ප්‍රත්‍යාබලය, විශාලත්වය $10\sqrt{3}$ N වූ ආතතියක් නම් බෝ අංකනය භාවිතයෙන් B, C හා D සන්ධි සඳහා ප්‍රත්‍යාබල සටහනක් අඳින්න.

ඒ නයින්, $P = 10$ හා $Q = 30\sqrt{3}$ බව පෙන්වා AB, AC, AD හා DC දඬුවල ප්‍රත්‍යාබල ආතති ද තෙරපුම් ද යන්න ප්‍රකාශ කරමින් ඒවා සොයන්න.

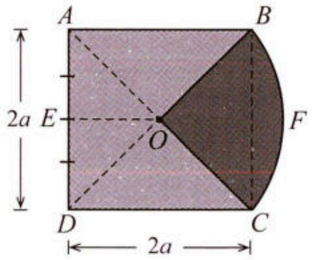
[දහවැනි පිටුව බලන්න.

අ.පො.ස උසස් පෙළ සියලුම විෂයන්ට අදාල ප්‍රශ්න පත්‍ර/පිළිතුරු පත්‍ර/සටහන් ලබා ගැනීමට Past Papers Wiki වෙත පිවිසෙන්න

16. (i) $PQ = PR$ හා P තුළින් වූ මධ්‍යස්ථයේ දිග h වූ PQR ඒකාකාර සමද්විපාද ත්‍රිකෝණාකාර ආස්තරයක ස්කන්ධ කේන්ද්‍රය P සිට $\frac{2h}{3}$ දුරකින් ද,

(ii) අරය a හා එහි කේන්ද්‍රයෙහි රේඩියන 2α කෝණයක් ආපාතනය කරන කේන්ද්‍රික ඛණ්ඩයක හැඩය ඇති ඒකාකාර ආස්තරයක ස්කන්ධ කේන්ද්‍රය එහි කේන්ද්‍රයේ සිට $\frac{2a}{3} \cdot \frac{\sin\alpha}{\alpha}$ දුරකින් ද,

පිහිටන බව පෙන්වන්න.



රූපයේ පෙන්වා ඇති L ආස්තරය, පැත්තක දිග $2a$, කේන්ද්‍රය O හා පෘෂ්ඨීක ඝනත්වය ρ වූ $ABCD$ ඒකාකාර සමචතුරස්‍රාකාර ආස්තරයෙන් BOC ත්‍රිකෝණාකාර කොටස පළමුව ඉවත් කර, ඉන්පසු, කේන්ද්‍රය O හා පෘෂ්ඨීක ඝනත්වය $\lambda\rho$ වූ $OBFC$ කේන්ද්‍රික ඛණ්ඩයක හැඩය ඇති ඒකාකාර ආස්තරයක් දෘඪ ලෙස ඇදීමෙන් සාදා ඇත.

L ආස්තරයේ ස්කන්ධ කේන්ද්‍රයට E සිට දුර $\frac{14+\lambda(8+3\pi)}{3(6+\lambda\pi)}a$ බව පෙන්වන්න; මෙහි E යනු AD හි මධ්‍ය ලක්ෂ්‍යය වේ.

L ආස්තරයේ, ස්කන්ධ කේන්ද්‍රය O හි ඇති බව දී ඇත. එහි ස්කන්ධය M යන්න $M = \frac{(12+\pi)}{4}a^2\rho$ මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න.

දැන්, ස්කන්ධය M හා O හි ස්කන්ධ කේන්ද්‍රය ඇති L ආස්තරය, එයට E හිදී ස්කන්ධය $\frac{M}{2}$ වූ අංශුවක් ඇඳා A ලක්ෂ්‍යයෙන් තන්තුවකින් නිදහසේ එල්ලනු ලැබේ. සමතුලිත පිහිටීමේදී AD යටිඅත් සිරස සමග සාදන කෝණය සොයන්න.

17. (*a*) නොනැඹුරු කාසියක් තුන්වරක් උඩ දමනු ලැබේ. එක් එක් උඩ දැමීමකදී, පහත දැක්වෙන ආකාරයට පෙට්ටියකට බෝල දමනු ලැබේ:

- හිසක් ලැබුනි නම්, කළු පාට බෝල දෙකක් එයට දමනු ලැබේ.
- අගයක් ලැබුනි නම්, සුදු පාට බෝලයක් එයට දමනු ලැබේ.

ආරම්භයේදී පෙට්ටිය හිස්ව ඇත. බෝල, පාටින් හැර අන් සෑම අයුරකින්ම සර්වසම වේ. කාසිය තුන්වරක් උඩ දැමීමෙන් පසු, පෙට්ටියෙන් සසම්භාවී ලෙස බෝලයක් ඉවතට ගනු ලැබේ.

(i) ඉවතට ගත් බෝලය කළු පාට එකක් වීමේ සම්භාවිතාව සොයන්න.

(ii) ඉවතට ගත් බෝලය කළු පාට එකක් බව දී ඇති විට, කාසිය තුන්වරක් උඩ දැමීමෙන් පසු පෙට්ටියෙහි කළු පාට බෝල 4 ක් හා සුදු පාට බෝල 1 ක් අන්තර්ගත වීමේ සම්භාවිතාව සොයන්න.

(*b*) දින 100 ක් සඳහා නගරයක $^{\circ}C$ වලින් දෛනික සාමාන්‍ය උෂ්ණත්වය x, පහත සංඛ්‍යාත ව්‍යාප්තියෙන් දැක්වේ:

දෛනික සාමාන්‍ය උෂ්ණත්වය $^{\circ}C$ වලින් x	දින ගණන
$-2-0$	8
$0-2$	13
$2-4$	25
$4-6$	34
$6-8$	15
$8-10$	5

මෙම සංඛ්‍යාත ව්‍යාප්තියෙහි මධ්‍යස්ථය, මාතය, මධ්‍යන්‍යය හා විචලතාව සොයන්න.

$y = 12 + x$ පරිණාමනය භාවිතයෙන්, මෙම දෛනික සාමාන්‍ය උෂ්ණත්වයන් නව සංඛ්‍යාත ව්‍යාප්තියකට පරිණාමනය කරනු ලැබේ. පරිණාමික සංඛ්‍යාත ව්‍යාප්තියෙහි මධ්‍යන්‍යය හා විචලතාව සොයන්න.

* * *

WWW.PastPapers.WiKi

Downloaded From Past Papers WiKi - Sri Lanka's Largest Past Papers Library

අ.පො.ස උසස් පෙළ සියලුම විෂයන්ට අදාල ප්‍රශ්න පත්‍ර/පිළිතුරු පත්‍ර/සටහන් ලබා ගැනීමට Past Papers Wiki වෙත පිවිසෙන්න