

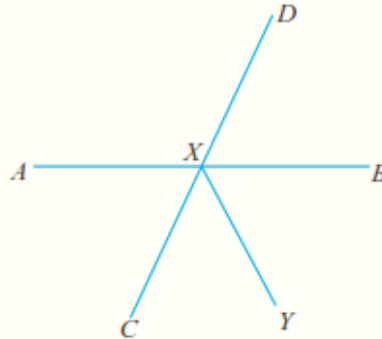
Online & physical Class Details

Hasitha Hettiarachchi

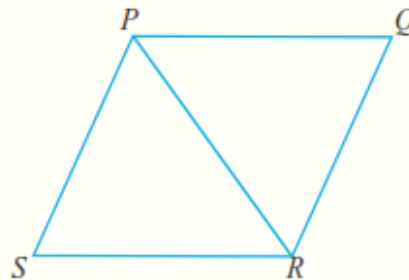
071 - 9020298

7.1 අභ්‍යාසය

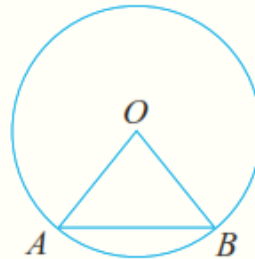
1. AB සහ CD සරල රේඛා X හිදී ඡේදනය වේ. රූපයේ $\angle DXB = \angle BXY$ වේ. $\angle AXC = 70^\circ$ නම් $\angle BXY$ විශාලත්වය සොයන්න.



2. $PQRS$ සමාන්තරාස්‍රයේ $PQ = PR$, $PQ = PS$ වේ. පාද අනුව PSR කුමන වර්ගයේ ත්‍රිකෝණයක් දැයි සඳහන් කරන්න.



3. O කේන්ද්‍රය වූ වෘත්තය මත A හා B ලක්ෂ්‍ය පිහිටා ඇත්තේ $OA = AB$ වන පරිදි ය. ABO පාද අනුව කුමන වර්ගයේ ත්‍රිකෝණයක් දැයි සඳහන් කරන්න.

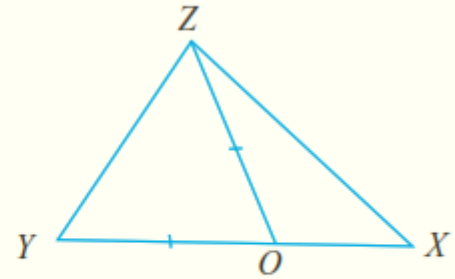


① $\angle DXB = \angle BXY$ (දී ඇත)
 $\angle AXC = 70^\circ$ (දී ඇත)
 $\angle AXC = \angle DXB$ (වෘත්තාන්තය)
 $\therefore \angle BXY = 70^\circ$ (ප්‍රත්‍යාපන)

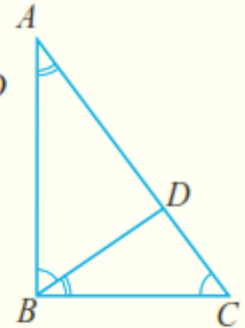
② $PQ = PR$ (දන්තය)
 $PQ = PS$ (දන්තය)
 $PR = PS$ (සමානාස්‍රයක
 එකම පාදය)
 $PR = PS = SR$ (ප්‍රත්‍යාපන)
 $\therefore PSR$ සමානපාද ත්‍රිකෝණයකි.

③ $OA = AB$ (දී ඇත)
 $OA = OB$ (අර්ධරේඛ)
 $OA = AB = OB$ (ප්‍රත්‍යාපන)
 $\therefore OAB$ සමානපාද ත්‍රිකෝණයකි.

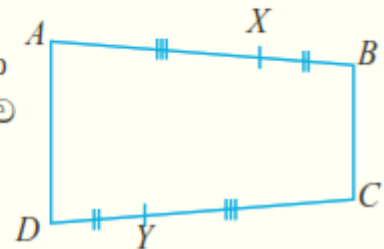
1. XYZ ත්‍රිකෝණයේ XY පාදය මත O ලක්ෂ්‍යය පිහිටා ඇත්තේ $OZ = OY$ වන පරිදි ය. $XY = OZ + OX$ බව පෙන්වන්න.



2. ABC ත්‍රිකෝණයේ AC පාදය මත D ලක්ෂ්‍යය පිහිටා ඇත. $\hat{ABD} = \hat{BCD}$ සහ $\hat{CBD} = \hat{BAD}$ නම් $\hat{BAD} + \hat{BCD} = \hat{ABC}$ බව පෙන්වන්න.



3. $ABCD$ චතුරස්‍රයේ AB පාදය මත X හා CD පාදය මත Y පිහිටා ඇත්තේ $AX = CY$ සහ $BX = DY$ වන පරිදි ය. $AB = CD$ බව පෙන්වන්න.



① $OZ = OY$ (දී ඇත)
 $OZ + OX = OY + OX$ (ප්‍රමාණවත්)
 $\therefore OZ + OX = XY$

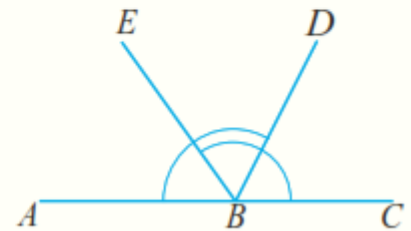
③ $AX = CY$ (දී ඇත)
 $BX = DY$ (දී ඇත)
 $AX + BX = CY + DY$ (ප්‍රමාණවත්)
 $\therefore AB = DC$

② $\hat{ABD} = \hat{BCD}$ (දී ඇත)
 $\hat{CBD} = \hat{BAD}$ (දී ඇත)
 $\hat{ABD} + \hat{CBD} = \hat{BCD} + \hat{BAD}$ (ප්‍රමාණවත්)
 $\therefore \hat{ABC} = \hat{BAD} + \hat{BCD}$

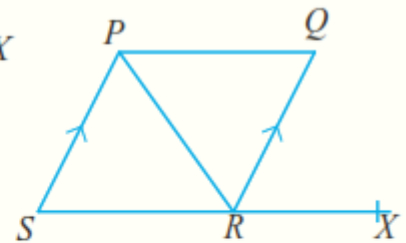
1. XY රේඛාව මත A සහ B ලක්ෂ්‍ය පිහිටා ඇත්තේ $XB = AY$ වන පරිදි ය. $XY = 16$ cm සහ $BY = 6$ cm නම් AB හි දිග සොයන්න.



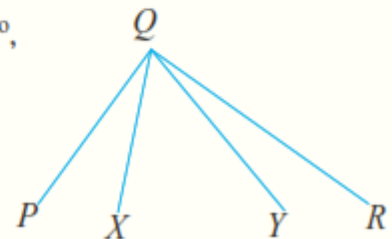
2. AC රේඛාව මත B ලක්ෂ්‍යය පිහිටා ඇත. $\hat{ABD} = \hat{CBE}$ වේ. $\hat{ABE} = \hat{CBD}$ බව පෙන්වන්න.



3. $PQRS$ චතුරස්‍රයේ $SP \parallel RQ$ වේ. $\hat{QPS} = \hat{PRX}$ හා $\hat{SPR} = \hat{QRX}$ නම් $\hat{QPR} = \hat{QRX}$ බව පෙන්වන්න.



4. පහත දැක්වෙන රූපයේ $\hat{PQY} = \hat{XQR}$ වේ. $\hat{PQR} = 110^\circ$, $\hat{PQX} = 35^\circ$ නම්,
i. $\hat{RQY}$ හි අගය සොයන්න.
ii. $\hat{XQY}$ හි අගය සොයන්න.



① $XB = AY$ (දී ඇත)
 $XB - AB = AY - AB$ (සුභාසන)
 $XA = BY$
 $BY = 6 \text{ cm}$ (දී ඇත)
 $\therefore BY = XA = 6 \text{ cm}$
 $XY = 16 \text{ cm}$ (දී ඇත)
 $\therefore AB = 16 - 12$
 $= 4 \text{ cm}$

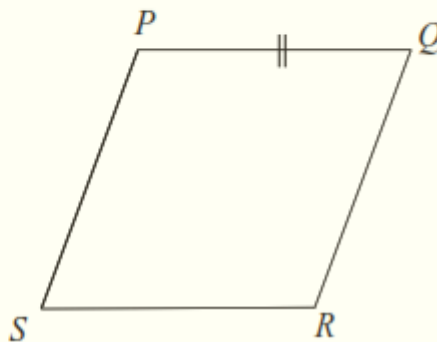
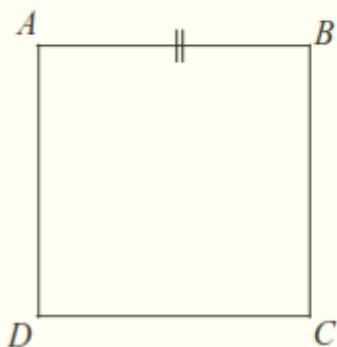
② $\hat{ABD} = \hat{CBE}$ (දී ඇත)
 $\hat{ABD} - \hat{EBD} = \hat{CBE} - \hat{EBD}$ (සුභාසන)
 $\therefore \hat{ABE} = \hat{CBD}$

$$\begin{aligned}
 \textcircled{3} \quad \angle \hat{P}S &= \angle \hat{R}X \text{ (දී ඇත)} \\
 \angle \hat{P}R &= \angle \hat{R}X \text{ (දී ඇත)} \\
 \angle \hat{P}S - \angle \hat{P}R &= \angle \hat{R}X - \angle \hat{R}X \text{ (ප්‍රත්‍යක්ෂ)} \\
 \therefore \angle \hat{P}R &= \angle \hat{R}X \\
 \therefore SP &\parallel RQ \text{ (දී ඇත)} \\
 \angle \hat{P}R &= \angle \hat{R}Q \text{ (අන්තර්මාද්‍රව්‍ය)} \\
 \therefore \angle \hat{P}R &= \angle \hat{R}X
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \textcircled{4} \quad \text{i) } \angle \hat{P}QY &= \angle \hat{X}QR \text{ (දී ඇත)} \\
 \angle \hat{P}QR &= 110^\circ \text{ (දී ඇත)} \\
 \angle \hat{P}QY - \angle \hat{X}QY &= \angle \hat{X}QR - \angle \hat{X}QY \text{ (ප්‍රත්‍යක්ෂ)} \\
 \angle \hat{P}QX &= \angle \hat{R}QY \\
 \angle \hat{P}QX &= 35^\circ \text{ (දී ඇත)} \\
 \therefore \angle \hat{R}QY &= 35^\circ \\
 \text{ii) } \angle \hat{X}QY &= 110^\circ - 70^\circ \\
 &= 40^\circ
 \end{aligned}$$

$\frac{x}{+2}$ 7.4 අභ්‍යාසය

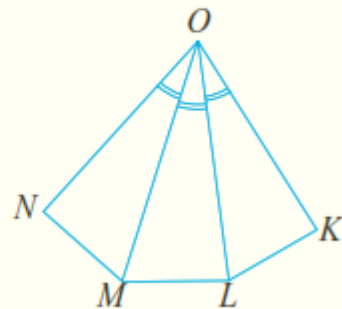
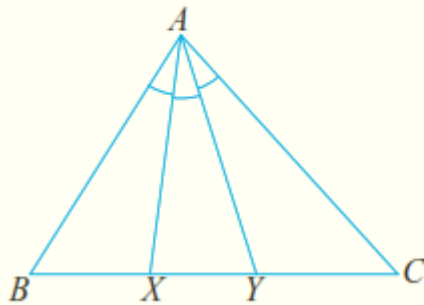
1. $ABCD$ සමචතුරස්‍රයේ හා $PQRS$ රොම්බසයේ $AB = PQ$ වේ. 4 වන ප්‍රත්‍යක්ෂය භාවිත කර,
- i. $ABCD$ සමචතුරස්‍රයේ පරිමිතිය, $PQRS$ රොම්බසයේ පරිමිතියට සමාන බව පෙන්වන්න.
- ii. $AB = 7$ cm නම් $PQRS$ රොම්බසයේ පරිමිතිය සොයන්න.



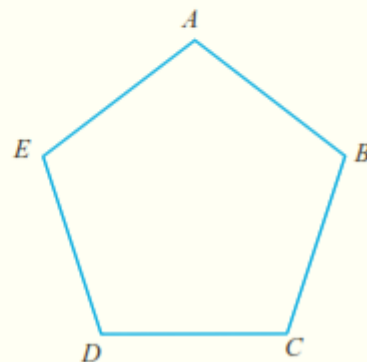
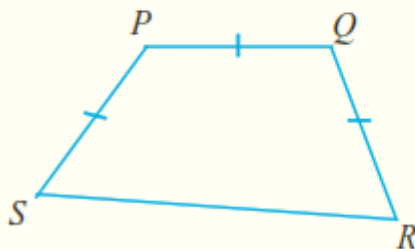
$$\begin{aligned}
 \textcircled{1} \quad AB &= PQ \text{ (දී ඇත)} \\
 AB \times 4 &= PQ \times 4 \text{ (ප්‍රත්‍යක්ෂ)} \\
 \therefore ABCD &= PQRS \\
 \text{සමචතුරස්‍රයේ} &= \text{රොම්බසයේ} \\
 \text{පරිමිතිය} &= \text{පරිමිතිය}
 \end{aligned}$$

$$\text{ii) } 7 \times 4 = 28 \text{ cm}$$

2. පහත දී ඇති ABC ත්‍රිකෝණයේ $\hat{BAX} = \hat{XAY} = \hat{CAY}$ වේ. $KLMNO$ පංචාස්‍රයේ, $\hat{MON} = \hat{LOM} = \hat{KOL}$ වේ. $\hat{BAC} = \hat{KON}$ නම්,
- $\hat{XAY} = \hat{MOL}$ බව පෙන්වන්න.
 - $\hat{XAY} = 30^\circ$ නම් $\hat{KON}$ හි විශාලත්වය සොයන්න.



3. $PQRS$ චතුරස්‍රයේ $PQ = QR = SP$ සහ $2PQ = RS$ වේ. $ABCDE$ සවිධි පංචාස්‍රයේ පරිමිතිය $PQRS$ චතුරස්‍රයේ පරිමිතියට සමාන වේ.
- PQ සහ AB අතර සම්බන්ධය සොයන්න.
 - $AB = 8 \text{ cm}$ නම් $PQRS$ චතුරස්‍රයේ පරිමිතිය සොයන්න.



② i) $\hat{BAX} = \hat{XAY} = \hat{CAY}$ (දී ඇති)
 $\hat{MON} = \hat{LOM} = \hat{KOL}$ (දී ඇති)
 $\hat{BAC} = \hat{KON}$ (දී ඇති)

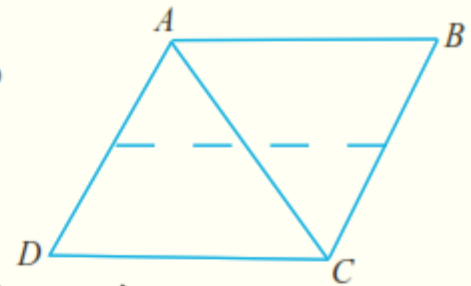
$$\frac{\hat{BAC}}{3} = \frac{\hat{KON}}{3}$$
 (සමාන)
 $\therefore \hat{XAY} = \hat{MOL}$
 ii) $30^\circ \times 3$
 $\underline{\underline{90^\circ}}$

③ i) $5PQ = 5AB$

$$\frac{5PQ}{5} = \frac{5AB}{5}$$
 (සමාන)
 $\underline{\underline{PQ = AB}}$
 ii) $8 \text{ cm} \times 5$
 $\underline{\underline{40 \text{ cm}}}$

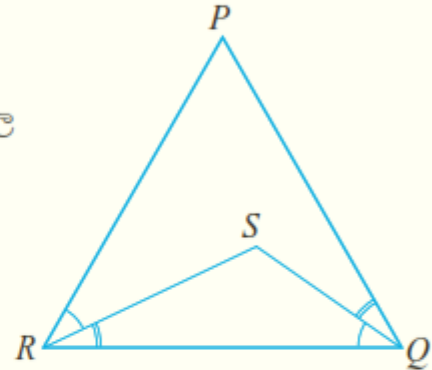
මිශ්‍ර අභ්‍යාසය

1. $ABCD$ චතුරස්‍රයේ $AD = AC$, $BC = AC$, $AB = BC$ සහ $AD = CD$ වේ.
 $ABCD$ රොම්බසයක් බව පෙන්වන්න.

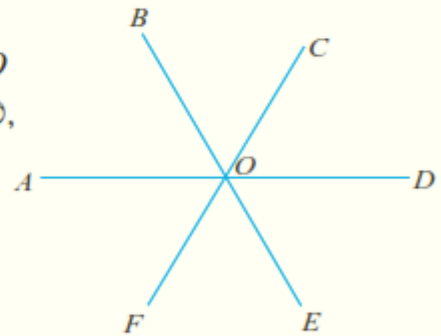


2. රූපයේ දැක්වෙන ආකාරයට $PR\hat{S} = S\hat{Q}R$ සහ $QR\hat{S} = PQ\hat{S}$ වන සේ S ලක්ෂ්‍යය පිහිටා ඇත. ප්‍රත්‍යක්ෂ ඇසුරෙන්,

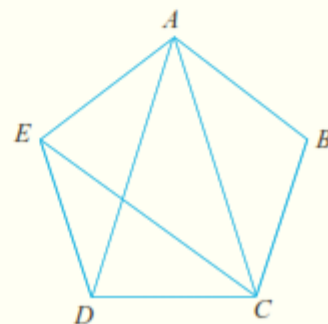
- i. $PR\hat{Q} = PQ\hat{R}$ බව පෙන්වන්න.
- ii. $RP\hat{Q} = PR\hat{Q}$ නම් PQR ත්‍රිකෝණයේ කෝණ සියල්ල එකිනෙකට සමාන බව පෙන්වන්න.



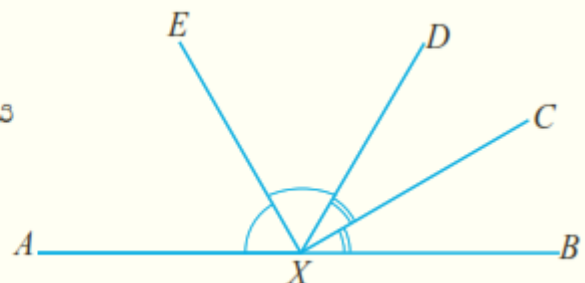
3. ඉහත රූපයේ දැක්වෙන පරිදි AD , BE , CF සරල රේඛා O ලක්ෂ්‍යයේ දී එකිනෙක හරහා යයි. $D\hat{O}E = A\hat{O}F$ නම්, $B\hat{O}D = D\hat{O}F$ බව පෙන්වන්න.



4. $ABCDE$ සවිධි පංචාස්‍රයේ $E\hat{A}D = D\hat{A}C = B\hat{A}C$ සහ $B\hat{C}A = A\hat{C}E = D\hat{C}E$ වේ.
 i. $B\hat{C}A = B\hat{A}C$ බව පෙන්වන්න.
 ii. $B\hat{A}C = 36^\circ$ නම් $C\hat{D}E$ හි අගය සොයන්න.



5. AB සරල රේඛාව මත X ලක්ෂ්‍යය පිහිටා ඇත.
 $A\hat{X}E = E\hat{X}D$ හා $B\hat{X}C = C\hat{X}D$ වේ. $C\hat{X}E$ අගය සොයන්න.



$$\textcircled{1} \left. \begin{array}{l} AD = AC \\ BC = AC \\ AB = BC \\ AD = DC \end{array} \right\} \text{Cළි ඇනා}$$

$AB = BC = CD = AD$ (ප්‍රකාශන)
 $\therefore ABCD$ චාලිකයකි.

$$\textcircled{2} \begin{array}{l} \angle PRS = \angle QRS \text{ Cළි ඇනා} \\ \angle RPS = \angle RQS \text{ Cළි ඇනා} \end{array}$$

$$\text{i) } \angle PRS + \angle RPS = \angle QRS + \angle RQS \text{ (ප්‍රකාශන)} \\ \therefore \angle PRQ = \angle QRP$$

$$\text{ii) } \angle RPQ = \angle RPQ \text{ (ළි ඇනා)} \\ \angle RPQ = \angle QRP \text{ (ඉහත ප්‍රතිඵල ඇනා)} \\ \therefore \angle RPQ = \angle QRP = \angle PQR \text{ (ප්‍රකාශන)}$$

$$\textcircled{3} \begin{array}{l} \angle OAE = \angle OAF \text{ Cළි ඇනා} \\ \angle OAC = \angle OAF \text{ (ප්‍රතිලෝම කෝණ)} \\ \angle OAE = \angle OAC \text{ (ප්‍රකාශන)} \\ \angle FOE = \angle BOC \text{ (ප්‍රතිලෝම කෝණ)} \\ \angle OAE + \angle FOE = \angle OAC + \angle BOC \text{ (ප්‍රකාශන)} \\ \angle OAF = \angle BOF \\ \therefore \angle OAF = \angle BOF \end{array}$$

$$\textcircled{4} \text{ i) } \begin{array}{l} \angle AED = \angle AEC = \angle AEC \text{ (ළි ඇනා)} \\ \angle BAC = \angle AEC = \angle AEC \text{ (ළි ඇනා)} \\ \angle CED = \angle BAE \text{ (අභ්‍යන්තර කෝණ)} \\ \angle BAC = \frac{1}{3} \angle BAE \\ \angle BAC = \frac{1}{3} \angle BAE \\ \therefore \angle BAC = \angle BAC \end{array}$$

$$\text{ii) } \frac{36^\circ \times 3}{108^\circ}$$

$$\textcircled{5} \begin{array}{l} \angle AXC = \angle EXD \text{ (ළි ඇනා)} \\ \angle BXC = \angle CXD \text{ (ළි ඇනා)} \\ \angle AXC + \angle EXD + \angle BXC + \angle CXD = 180^\circ \\ \text{(කළු මගින්: න්‍යායයේ කෝණ)} \\ 2\angle AXC + 2\angle BXC = 180^\circ \text{ (ප්‍රකාශන)} \\ 2(\angle AXC + \angle BXC) = 180^\circ \\ 2\angle CXE = 180^\circ \\ \therefore \angle CXE = 90^\circ \end{array}$$



Hasitha Hettiarachchi
071 - 9020298

Join with
3in1
 face book page and group

හසිත හෙට්ටියරාච්චි
 071-9020298
 Hasithahettiarachchi4@
 gmail.com