

පිළිතුරු

25

විජීය අසමානතා

ප්‍රතික්ෂණ අභ්‍යාසය

1. පහත දැක්වෙන එක් එක් අසමානතාව විසඳන්න.

- | | | |
|---------------------|---------------------|--------------------------|
| (i) $x + 4 > 11$ | (ii) $y + 3 \geq 0$ | (iii) $p - 5 < 2$ |
| (iv) $p - 3 > -1$ | (v) $a + 5 \leq 1$ | (vi) $5y < 12$ |
| (vii) $-2x \geq 10$ | (viii) $-3y < -9$ | (ix) $\frac{-2x}{3} > 6$ |

(i) $x + 4 > 11$

$$\begin{aligned} x + 4 - 4 &> 11 - 4 \\ \underline{x} &\underline{\underline{>} 7} \end{aligned}$$

(ii) $y + 3 \geq 0$

$$\begin{aligned} y + 3 - 3 &\geq 0 - 3 \\ \underline{y} &\underline{\underline{\geq -3}} \end{aligned}$$

(iii) $p - 5 < 2$

$$\begin{aligned} p - 5 + 5 &< 2 + 5 \\ \underline{p} &\underline{\underline{< 7}} \end{aligned}$$

(iv) $p - 3 > -1$

$$\begin{aligned} p - 3 + 3 &> -1 + 3 \\ \underline{p} &\underline{\underline{> 2}} \end{aligned}$$

(v) $a + 5 \leq 1$

$$\begin{aligned} a + 5 - 5 &\leq 1 - 5 \\ \underline{a} &\underline{\underline{\leq -4}} \end{aligned}$$

(vi) $5y < 12$

$$\begin{aligned} \frac{5y}{5} &< \frac{12}{5} \\ \underline{y} &\underline{\underline{< 2\frac{2}{5}}} \end{aligned}$$

(vii) $-2x \geq 10$

$$\begin{aligned} \frac{-2x}{-2} &\leq \frac{10}{-2} \\ \underline{x} &\underline{\underline{\leq -5}} \end{aligned}$$

(viii) $-3y < -9$

$$\begin{aligned} \frac{-3y}{-3} &> \frac{-9}{-3} \\ \underline{y} &\underline{\underline{> 3}} \end{aligned}$$

(ix) $\frac{-2x}{3} > 6$

$$\begin{aligned} \frac{-2x}{3} \times 3 &> 6 \times 3 \\ -2x &> 18 \\ \frac{-2x}{-2} &< \frac{18}{-2} \\ \underline{x} &\underline{\underline{< -9}} \end{aligned}$$

2. පහත දැක්වෙන එක් එක් අසමානතාව විසඳා, x ත ගත හැකි සියලු අගය සංඛ්‍යා රේඛාවක නිරූපණය කරන්න.
- $$\begin{array}{lll} \text{(i)} \quad x + 3 \geq 1 & \text{(ii)} \quad y - 4 < -1 & \text{(iii)} \quad 3x > -3 \\ \text{(iv)} \quad \frac{x}{2} \leq 0 & \text{(v)} \quad -5y > 10 & \text{(vi)} \quad -4x \geq 12 \end{array}$$

(i) $x + 3 \geq 1$

$$x + 3 - 3 \geq 1 - 3$$

$$\underline{\underline{x \geq -2}}$$



(ii) $x - 4 < -1$

$$x - 4 + 4 < -1 + 4$$

$$\underline{\underline{x < 3}}$$



(iii) $3x > -3$

$$\frac{3x}{3} > \frac{-3}{3}$$

$$\underline{\underline{x > -1}}$$



(iv) $\frac{x}{2} \leq 0$

$$\frac{x}{2} \times 2 \leq 0 \times 2$$

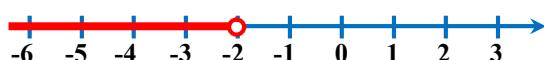
$$\underline{\underline{x \leq 0}}$$



(v) $-5x > 10$

$$\frac{-5x}{-5} < \frac{10}{-5}$$

$$\underline{\underline{x < -2}}$$



(vi) $-4x \geq 12$

$$\frac{-4x}{-4} \leq \frac{12}{-4}$$

$$\underline{\underline{x \leq -3}}$$



3. පහත දැක්වෙන අසමානතාව තෑප්ත කරන x හි අගය අතුරෙන් එකක් වරහන් තුළ දක්වා ඇත. එම අගය තෝරා යටින් ඉරක් අදින්න.

$$(i) x + 3 > 7 \quad (4, 7) \quad (ii) x - 3 < 2 \quad (1, 6) \quad (iii) 3x > 7 \quad \left(2.3, \frac{8}{3} \right)$$

$$(iv) -2x < 8 \quad (-5, 3) \quad (v) 5 - x > 6 \quad (12, -2)$$

$$(i) \quad x + 3 > 7 \quad (4, \underline{\underline{7}})$$

$$x + 3 - 3 > 7 - 3$$

$$x > 4$$

$$(ii) \quad x - 3 < 2 \quad (\underline{1}, 6)$$

$$x - 3 + 3 < 2 + 3$$

$$x < 5$$

$$(iii) \quad 3x > 7 \quad (2.3, \frac{8}{3})$$

$$\frac{3x}{3} > \frac{7}{3}$$

$$x > 2.33$$

$$(iv) \quad -2x < 8 \quad (-5, \underline{\underline{3}})$$

$$\frac{-2x}{-2} > \frac{8}{-2}$$

$$x > -4$$

$$(v) \quad 5 - x > 6 \quad (12, \underline{\underline{-2}})$$

$$5 - x - 5 > 6 - 5$$

$$-x > 1$$

$$\frac{-x}{-1} < \frac{1}{-1}$$

$$x < -1$$

4. (i) $x + 1 > -2$ අසමානතාව විසඳා x ට ගතහැකි කුඩාම නිඩ්ලමය අගය ලියා දක්වන්න.

(ii) $-3y > 15$ අසමානතාව විසඳා y ට ගතහැකි විශාලම නිඩ්ලමය අගය ලියා දක්වන්න.

$$(i) \quad x + 1 > -2$$

$$x + 1 - 1 > -2 - 1$$

$$x > -3$$

$$x \text{ ට ගත හැකි කුඩාම නිඩ්ලමය අගය} = \underline{\underline{-2}}$$

$$(ii) \quad -3y > 15$$

$$\frac{-3y}{-3} < \frac{15}{-3}$$

$$y < -5$$

$$y \text{ ට ගත හැකි විශාලම නිඩ්ලමය අගය} = \underline{\underline{-6}}$$

5. $x + 3 > 1$ හා $2x \leq 12$ අසමානතා විසඳා, අසමානතා දෙකම තැප්ත කරන සියලු විසඳුම් සංඛ්‍යා රේඛාවක නිරුපණය කරන්න.

$$\begin{aligned} x + 3 &> 1 & 2x &\leq 12 \\ x + 3 - 3 &> 1 - 3 & \frac{2x}{2} &\leq \frac{12}{2} \\ x &> -2 & x &\leq 6 \end{aligned}$$



25.1 අහජාසය

1. පහත දැක්වෙන එක් එක් අසමානතාව විසඳන්න.

- | | | | |
|-------------------|----------------------|-----------------------|------------------------|
| (i) $4x + 1 > 5$ | (ii) $5x - 3 < 7$ | (iii) $3 + 2p \geq 1$ | (iv) $7x + 9 < -5$ |
| (v) $-2y - 5 > 1$ | (vi) $3 - 4x \geq 3$ | (vii) $8 - 4y < 0$ | (viii) $2(3 - x) > 10$ |

<p>(i) $4x + 1 > 5$ $4x + 1 - 1 > 5 - 1$ $4x > 4$ $\frac{4x}{4} > \frac{4}{4}$ $x > 1$</p>	<p>(ii) $5x - 3 < 7$ $5x - 3 + 3 < 7 + 3$ $5x < 10$ $\frac{5x}{5} < \frac{10}{5}$ $x < 2$</p>	<p>(iii) $3 + 2p \geq 1$ $3 + 2p - 3 \geq 1 - 3$ $2p \geq -2$ $\frac{2p}{2} \geq \frac{-2}{2}$ $p \geq -1$</p>
<p>(iv) $7x + 9 < -5$ $7x + 9 - 9 < -5 - 9$ $7x < -14$ $\frac{7x}{7} < \frac{-14}{7}$ $x < -2$</p>	<p>(v) $-2y - 5 > 1$ $-2y - 5 + 5 > 1 + 5$ $-2y > 6$ $\frac{-2y}{-2} < \frac{6}{-2}$ $y < -3$</p>	<p>(vi) $3 - 4x \geq 3$ $3 - 4x - 3 \geq 3 - 3$ $-4x \geq 0$ $\frac{-4x}{-4} \leq \frac{0}{-4}$ $x \leq 0$</p>
<p>(vii) $8 - 4y < 0$ $8 - 4y - 8 < 0 - 8$ $-4y < -8$ $\frac{-4y}{-4} > \frac{-8}{-4}$ $y > 2$</p>	<p>(viii) $2(3 - x) > 10$ $\frac{2(3 - x)}{2} > \frac{10}{2}$ $3 - x > 5$ $3 - x - 3 > 5 - 3$ $-x > 2$ $\frac{-x}{-1} < \frac{2}{-1}$ $x < -2$</p>	

2. පහත එක් එක් අසමානතාව විසඳා අදාළ නිඩ්ලමය විසඳුම් කුලකය ලියන්න.

$$(i) 5x + 1 > -4 \quad (ii) 3y - 1 \geq 2 \quad (iii) -2p - 4 < 0 \quad (iv) 7 - 4p > 3$$

$$(i) \quad 5x + 1 > -4$$

$$5x + 1 - 1 > -4 - 1$$

$$5x > -5$$

$$\frac{5x}{5} > \frac{-5}{5}$$

$$x > -1$$

$$\underline{\underline{\{0, 1, 2, 3, 4, \dots\}}}$$

$$(ii) \quad 3y - 1 \geq 2$$

$$3y - 1 + 1 \geq 2 + 1$$

$$3y \geq 3$$

$$\frac{3y}{3} \geq \frac{3}{3}$$

$$y \geq 1$$

$$\underline{\underline{\{1, 2, 3, 4, 5, \dots\}}}$$

$$(iii) \quad -2p - 4 < 0$$

$$-2p - 4 + 4 < 0 + 4$$

$$-2p < 4$$

$$\frac{-2p}{-2} > \frac{4}{-2}$$

$$p > -2$$

$$\underline{\underline{\{-1, 0, 1, 2, 3, \dots\}}}$$

$$(iv) \quad 7 - 4p > 3$$

$$7 - 4p - 7 > 3 - 7$$

$$-4p > -4$$

$$\frac{-4p}{-4} < \frac{-4}{-4}$$

$$p < 1$$

$$\underline{\underline{\{0, -1, -2, -3, \dots\}}}$$

3. අං ගෙධී 3ක් හා නාරු ගෙධී 2ක් මිල දී ගැනීමට රුපියල් 100ක් ප්‍රමාණවන් ය. අං ගෙධියක මිල රුපියල් 20ක් ද, නාරු ගෙධියක මිල රුපියල් y ද ලෙස ගත් විට, y ඇතුළත් අසමානතාවක් $60 + 2y \leq 100$ ලෙස ලිවිය හැකි ය. මෙම අසමානතාව විසඳා, නාරු ගෙධියක මිල සඳහා විය හැකි උපරිම මිල සොයන්න.

$$60 + 2y \leq 100$$

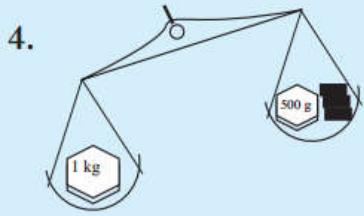
$$60 + 2y - 60 \leq 100 - 60$$

$$2y \leq 40$$

$$\frac{2y}{2} \leq \frac{40}{2}$$

$$y \leq 20$$

$$\text{නාරු ගෙධියක උපරිම මිල} = \underline{\underline{70}}$$



4. තරාදියක එක් තැටියකට 1 kg පඩිය දැමු නිමල්, අනෙක් තැටියට 500 g පඩිය හා එකම වර්ගයකට අයත් සබන් කැට 3ක් දමන ලදී. එවිට 1 kg පඩිය සහිත තැටිය පහළ යන බව නිරීක්ෂණය විය.

සබන් කැටයක ස්කන්ධය ගෝම් p ලෙස ගන්වීට p ඇතුළත් අසමානතාවක් $1000 > 500 + 3p$ ලෙස ලිවිය හැකි ය. සබන් කැටයක ස්කන්ධය සඳහා විය හැකි උපරිම පූර්ණ සංඛ්‍යාත්මක අගය සොයන්න.

$$1000 > 500 + 3p$$

$$1000 - 500 > 500 + 3p - 500$$

$$500 > 3p$$

$$\frac{500}{3} > \frac{3p}{3}$$

$$166\frac{2}{3} > p$$

සබන් කැටයක ස්කන්ධය සඳහා විය හැකි උපරිම පූර්ණ සංඛ්‍යාත්මක අගය = 166 g

25.2 අභ්‍යාසය

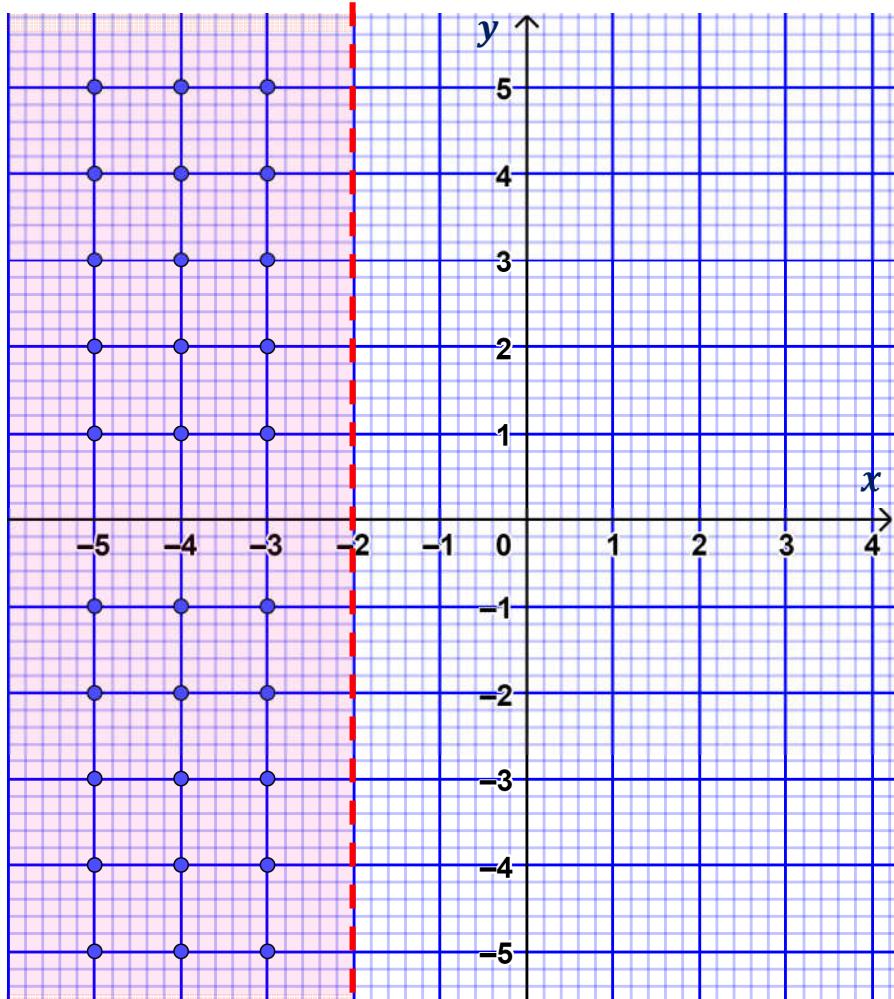
1. $x < -2$ පෙදෙසට අයත් ලක්ෂ්‍ය 3ක බණ්ඩාක ලියන්න.

$$(-3, 1)$$

$$(-4, 5)$$

$$(-7, 4)$$

$$x < -2$$



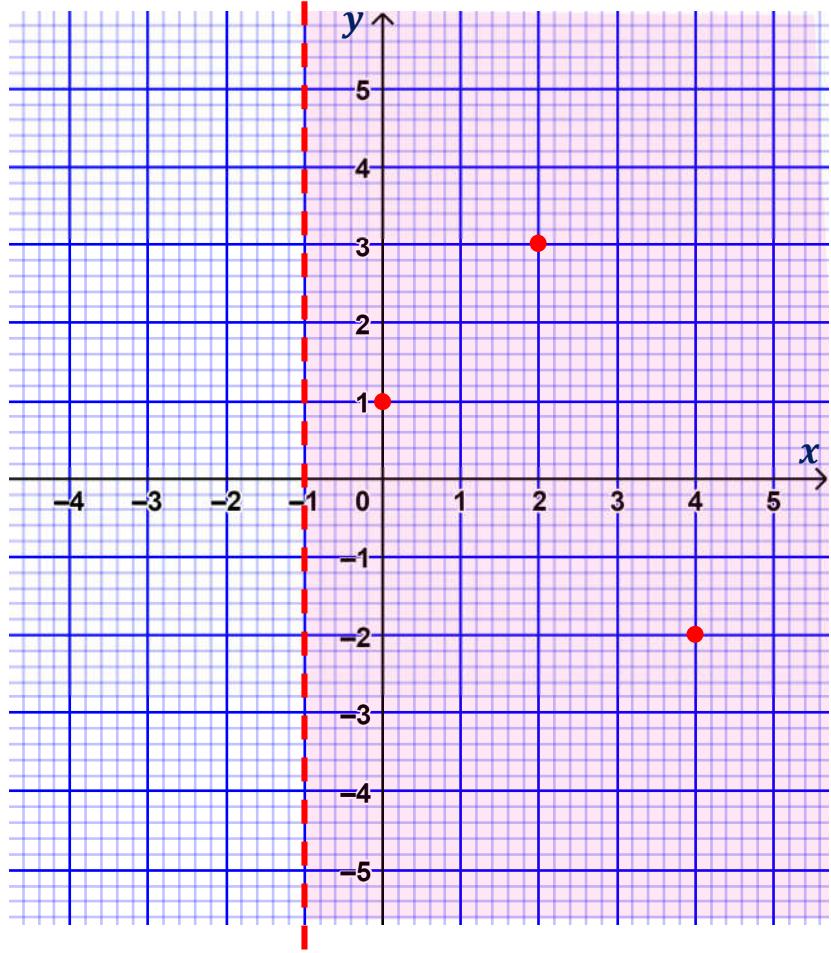
2. $x > -1$ පෙදෙසට අයත් ලක්ෂා 3ක බණ්ඩාක ලියන්න.

(0 , 1)

(1 , 5)

(5 , -3)

$x > -1$



3. $x > 1$ හා $y < -2$ පෙදෙසේ දෙකටම අයත් ලක්ෂා 3ක බණ්ඩාක ලියන්න.

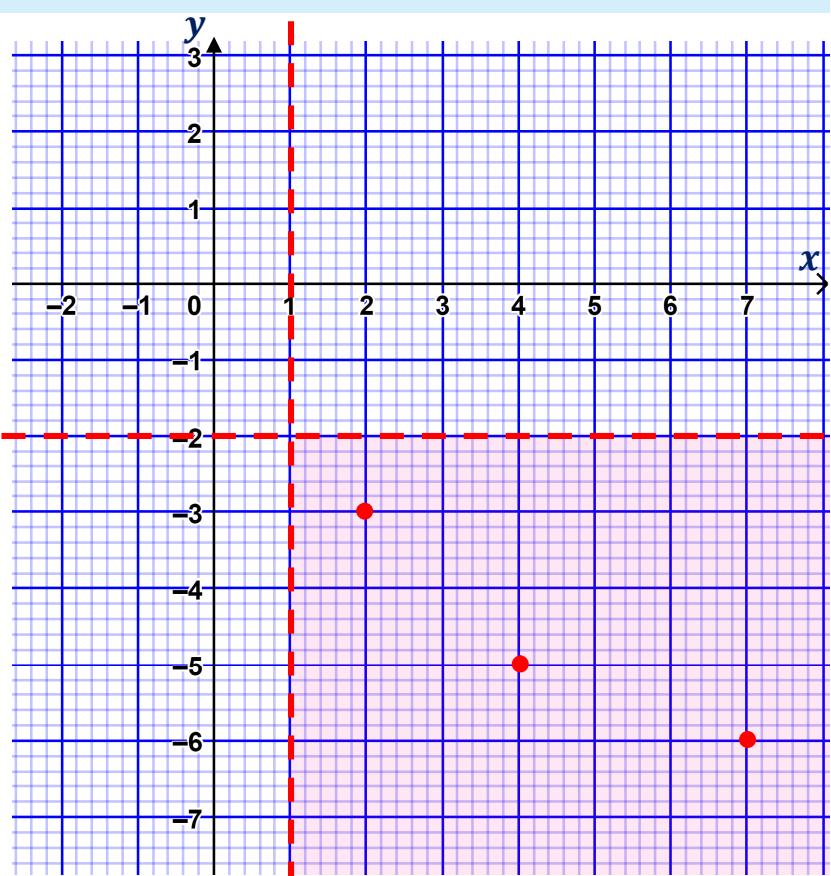
(3 , -4)

(4 , -6)

(6 , -5)

$x > 1$

$y < -2$



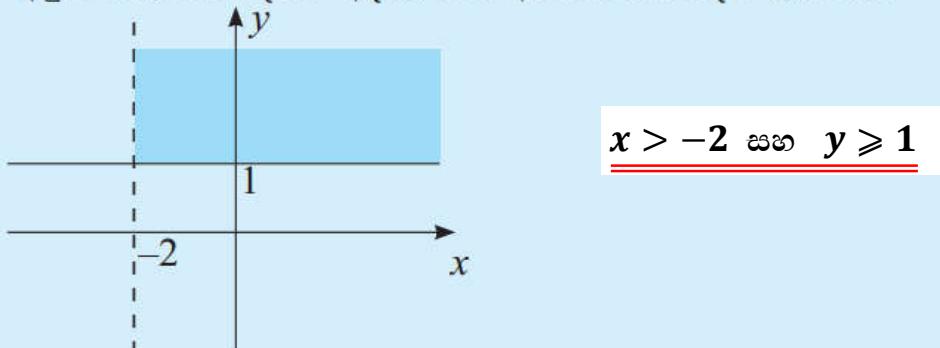
4. $x \leq -2$ හා $y > 0$ යන පෙදෙස් දෙකටම අයත් ලක්ෂණ පහත ඒවායින් කවරක් ද?
- $$A = (-3, 0) \quad B = (-2, 1) \quad C = (-1, 4)$$

$$A = (\textcolor{red}{-3}, 0) \quad \underline{\underline{B = (-2, 1)}} \quad C = (-1, 4)$$

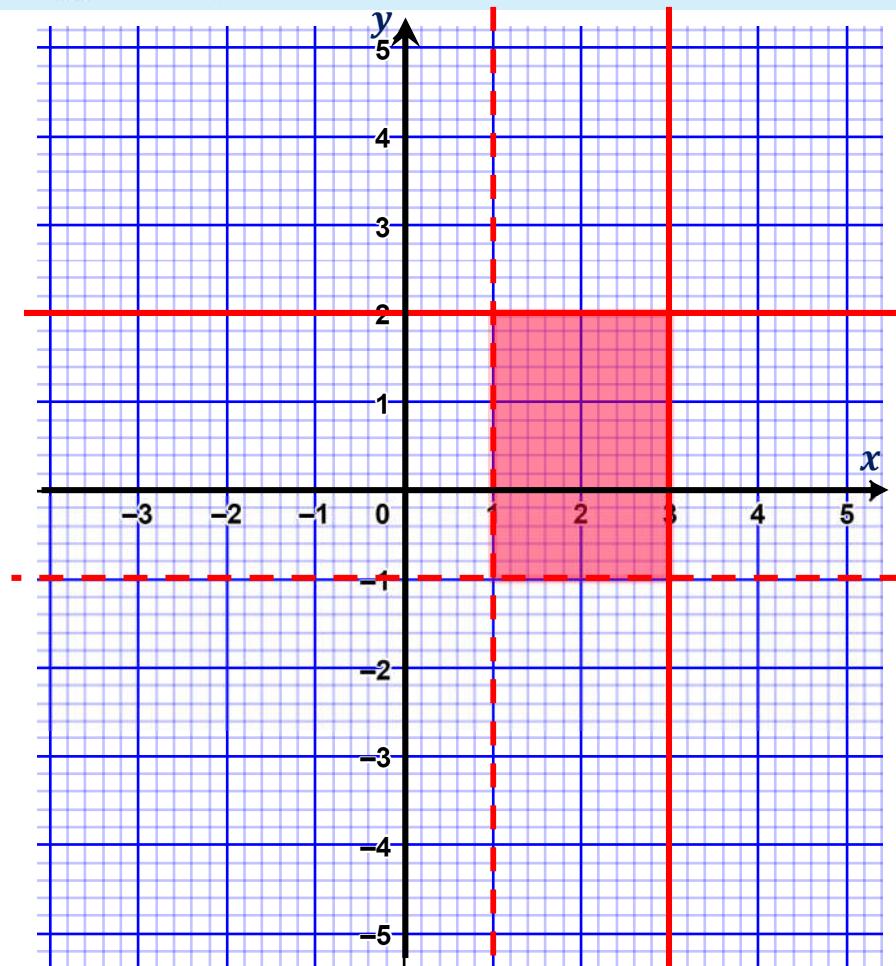
$$x \leq -2 \rightarrow \textcolor{red}{-2, -3, -4, -5, -6, -7, \dots}$$

$$y > 0 \rightarrow \textcolor{blue}{1, 2, 3, 4, 5, 6, \dots}$$

5. අදුරු කළ පෙදෙසට අදාළ වන අසමානතා දෙක ලියන්න.



6. $x > 1, x \leq 3, y \leq 2, y > -1$ යන අසමානතා භතරම තාප්ත කරන ප්‍රදේශය කාලීසිය තලයක අදුරු කර දක්වන්න.



25.3 අභ්‍යාසය

1. $y = x$ පෙදෙසට අයත් ලක්ෂණ 3ක බණ්ඩාක ලියන්න.

$$(1, 1), (2, 2), (-5, -5)$$

2. $y \geq x$ පෙදෙසට අයත් වන ලක්ෂණ තෝරන්න.

$$A = (5, 5) \quad B = (-3, -2) \quad C = (0, -1)$$

$$\underline{A = (5, 5)} \quad \underline{B = (-3, -2)} \quad \underline{C = (0, -1)}$$

$$y = x$$

$$y > x$$

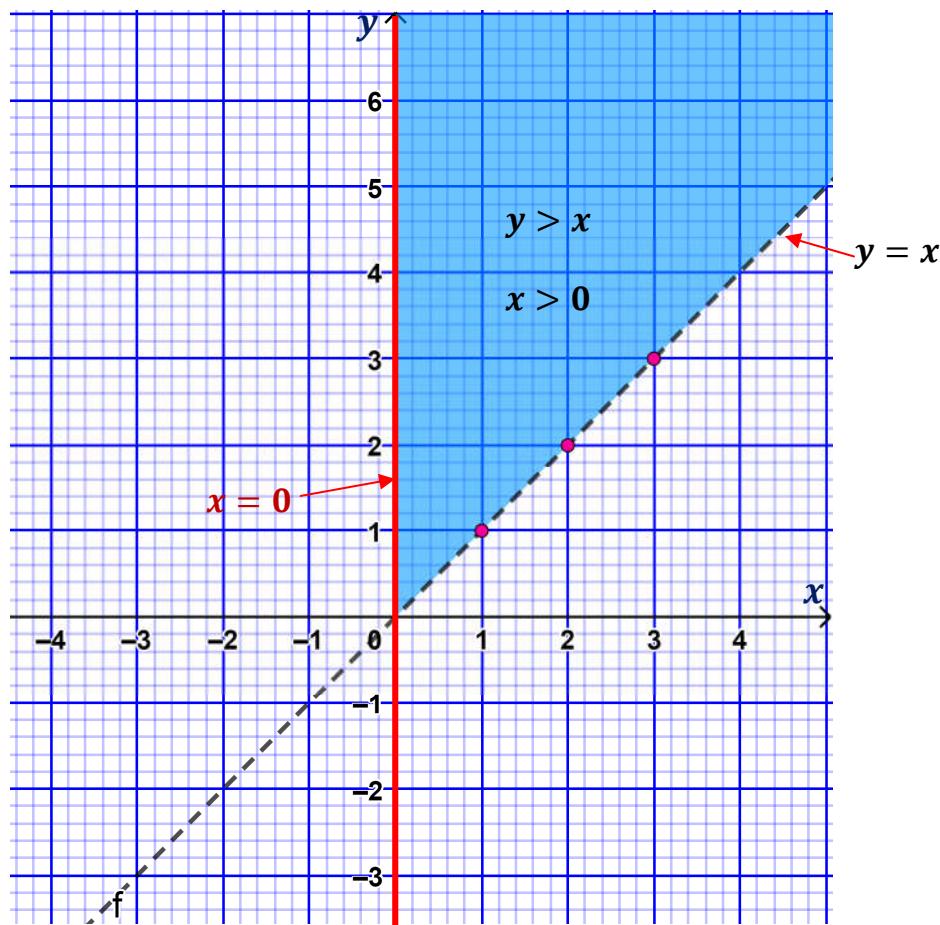
$$y < x$$

3. $y < -2$ හා $y > x$ යන අසමානතා දෙකම තැප්ත කරන ලක්ෂණ 3ක බණ්ඩාක ලියන්න.

$$\underline{\underline{(-4, -3)}} \quad \underline{\underline{(-7, -4)}} \quad \underline{\underline{(-8, -5)}}$$

$$y < -2 \quad y > x$$

4. කාවිසීය තලය මත $x \geq 0$ හා $y > x$ යන අසමානතා දෙකට ම අයත් පෙදෙස අදුරු කරන්න.



5. $x < 3$, $y > 0$ හා $y < x$ යන අසමානතා තුනම තැප්ත කරන ලක්ෂණ 3ක බණ්ඩාංක ලියන්න.

$$(2, 1) \quad (1, \frac{1}{2}) \quad (2, \frac{1}{2})$$

