



தரம்  
12

මුன்றාම තවනෙඨ පරීட்சෙ - 2019

பாடசாலையின் பெயர் : .....

மாணவர் பெயர்/ சுட்டெண் : .....

நேரம் : 3 மணித்தியாலம்

இணைந்த கணிதம் - பகுதி 2

B பகுதி

ஐந்து வினாக்களுக்கு விடை தருக.

1)

a)  $k \neq 0, k(x^2 - x) + 2(x + 1) = 0$  இன் மூலகங்கள்  $\alpha, \beta$  எனின்

i)  $\frac{\alpha}{\beta} + \frac{\beta}{\alpha}$  ஐ  $k$  சார்பாக காண்க.

ii)  $\frac{\alpha}{\beta} + \frac{\beta}{\alpha} = -3$  ஆக  $k$  இற்கு இரு  $k_1, k_2$  எனும் பெறுமானங்களாகும்  $k_1, k_2$  ஐ

தனித்தனியே துணியாமல்  $\frac{k_1}{k_2} + \frac{k_2}{k_1} + 1 = 0$  எனக் காட்டுக.

b)  $f(x) = x^3 + px^2 + qx + 2$  ஆனது  $x + 2$  ஆல் வகுபடும் போது பெறப்படும் மீதியான  $x - 1$  ஆல் வகுக்கும் போது கிடைக்கும் மீதியைப் போல் இருமடங்காகும்  $p, q$  இற்கிடைமீலான தொடர்பினை பெறுக.  $x + 1$  ஆல் வகுக்கும் போது மீதி 6 எனின்  $p, q$  என்பவற்றின் பெறுமானங்களை காண்க.

2)

a)  $\sin^{-1}\left(\frac{x}{\sqrt{1+x^2}}\right) - \sin^{-1}\left(\frac{1}{\sqrt{1+x^2}}\right) = \sin^{-1}\left(\frac{1+x}{1+x^2}\right)$  இன் தீர்வை காண்க.

b)  $\sin^2(\alpha + \beta) - \sin^2(\alpha - \beta) = \sin 2\alpha \sin 2\beta$  எனக் காட்டுக இதிலிருந்து  $\sin^2 105^\circ - \sin^2 15^\circ$  இன் பெறுமானத்தை காண்க.

c) யாதேனும முக்கோணி  $ABC$  இற்கு வழமையான குறியீட்டுடன் எனக் காட்டுக  $\tan \frac{A-B}{2} = \frac{a-b}{a+b} \cot \frac{C}{2}$

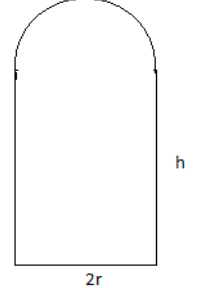
இதிலிருந்து  $\tan \frac{B-C}{2}, \tan \frac{C-A}{2}$  இனை எழுதுக.  $\hat{C} = 90^\circ$  எனின்  $\tan \frac{A-B}{2} = \frac{a-b}{a+b}$

எனவும்.  $\hat{B} = 90^\circ$  எனின்  $\tan^2 \frac{A}{2} = \frac{b-c}{b+c}$  எனக் காட்டுக.

3) a)

.ஜன்னல் ஒன்று அகலம்  $2r$  உம் நீளம்  $h$  செவ்வக பகுதியையும்  $r$  ஆரையும் கொண்ட வட்ட பகுதியையும் கொண்டது. சுற்றளவு  $8m$  ஆகும். ஜன்னலின் பரப்பளவு  $A(r)$  இற்கான கோவையை  $r$  சார்பில் தருக.

$\frac{d}{dr} A(r)$  ஐக் கருதி பரப்பளவு உயர்வாவதற்கு  $r$  இன் பெறுமானம்  $\frac{8}{\pi + 4}$  ஆதல் வேண்டும் எனக் காட்டுக.



b)  $x \in R - (2, 6)$  ஆக  $f(x) = \frac{2x^2}{(x-2)(x-6)}$  என்க.  $f'(x) = \frac{4(3-x)}{x^3} [f(x)]^2$  எனக் காட்டுக.

திரும்பற்புள்ளிகளை தெளிவாக காட்டி  $y = f(x)$  ஐ பருமட்டாக வரைக.

4) a)

துணிக்கை  $P$  யானது  $O$  எனும் புள்ளியில் இருந்து புவியீர்ப்பின் கீழ் நிலைக்குத்தாக மேல் நோக்கி வீசப்படுகிறது.  $t$  நேரத்தின் பின் எனும் துணிக்கை  $O$  விலிருந்து மேல் நோக்கி  $v(< u)$  வேகத்துடன் எறியப்படுகிறது.  $Q$  அடையும் அதியுயர் புள்ளி  $A$ .  $P$  மற்றும்  $Q$  என்பன  $A$  யில் சந்திக்கின்றது.  $PQ$  இன் இயக்கங்களுக்கான வேக நேர வரைபை ஒரே வரிப்படத்தில் வரைக. இதிலிருந்து  $u^2 = v^2 + (v - u + gt)^2$  எனக் காட்டுக.

b)

காற்று சார்பாக  $v \text{ ms}^{-1}$  கதியுடன் செல்லக்கூடிய விமானம் ஒன்று மேற்கு  $\theta$  வடக்கிலிருந்து கூர்ங்கோணத்துடன்  $w \text{ ms}^{-1}$  கதியுடன் விகம் காற்று உள்ள நாளில் கிழக்கு நோக்கி புறப்படுகிறது. ( $w \sin \theta < v < w$ ) எனின்இ இரு திசைகள் உள்ளது எனவும் இரு திசையில்

செல்லும் போது  $1m$  தூரத்தை அடைய எடுக்கும் நேரம்  $\frac{2\sqrt{v^2 - w^2 \sin^2 \theta}}{(w^2 - v^2)}$  இனால் வித்தியாசப்படுகிறது எனவும் காட்டுக.

5)

a) துணிக்கை ஒன்று  $O$  எனும் புள்ளியிலிருந்து கிடையுடன்  $\alpha$  கோணத்தில்  $V$  வேகத்துடன் எறியப்படுகிறது. அது  $P$  எனும் புள்ளியினூடாக செல்கிறது.  $O$  வினூடாக கிடை, நிலைக்குத்து அச்சகளாக கொண்ட தளத்தில்  $P \equiv (x, y)$  எனும் புள்ளியீடாக துணிக்கை செல்லுமாயின்

$y = x \left(1 - \frac{x}{R}\right) \tan \alpha$  இனால் தரப்படும் எனக் காட்டுக. இங்கு  $R$  என்பது  $O$  விலிருந்தான

அதியுயர் கிடை வீச்சு இத்துணிக்கை கிடை தரையிலிருந்து  $h$  உயரம் உள்ள இருபுள்ளியினூடாக செல்லுமாயின் மேலும் அப்புள்ளிகளுக்கிடையேயான தூரம்  $2a$  உம் எனின்  $R(R - 4h \cot \alpha) = 4a^2$  எனக் காட்டுக.

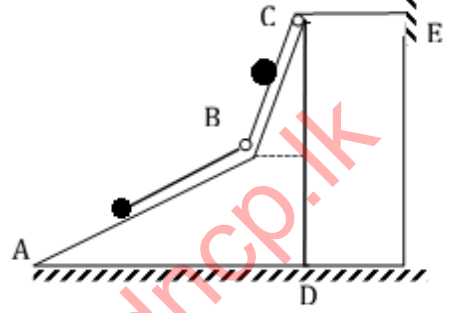
b) புகையிரத எஞ்சின் திணிவு  $20000 \text{ kg}$  பெட்டியின் முழுத் திணிவு  $130000 \text{ kg}$  ஆகும். இலேசான கம்பி ஒன்றினால் இவை இணைக்கப்பட்டுள்ளது. புகையிரதம் கிடையுடன் சாய்வு  $\sin^{-1}(1/200)$

உடைய மலை ஒன்றை ஏறும் போது எஞ்சின்  $350 \text{ kW}$  வலுவை பிரயோகின்றது. இயக்கத்திற்கு

எதிரான தடைவிசை எஞ்சின் மீது  $2000N$  உம் பெட்டி மீது  $8000N$  ஆகும். ஒரு கணத்தில் புகையிரதம்  $15ms^{-1}$  வேகத்தில் பயணிக்கின்றது. பின்வருவனவற்றை காண்க.

- எஞ்சினால் பிரயோகிக்கப்படும் விசை
- புகையிரத ஆர்முடுகள்
- இணைப்பு கம்பில் தாக்கும் இழுவை மேலுள்ள நிபந்தனையின் கீழ் புகையிரதம் பெறக்கூடிய அதிகுயர் மாறா வேகம்  $20ms^{-1}$  எனக் காட்டுக.

- 6) படத்தில் காட்டியவாறு திணிவு  $M$  உடைய ஒப்பமான ஆப்பு  $ABCD$  ஒன்றின் நிலைகுத்து குறுக்கு வெட்டுமுகமாகும். இங்கு கிடையாக  $AD, CE$  இருக்கும் அதே வேளை  $AB, BC$  கிடையுடன்  $\alpha, 2\alpha$  கோணத்தை ஆக்குகின்றது. இலேசான நீளா இழை ஒன்று கப்பிகள்  $B, C$  யினூடு சென்று அதன் ஒருமுனை  $E$  இற்கும் மறுமுனையில்  $m$  திணிவுடைய துணிக்கை  $P$  உம் இணைக்கப்பட்டுள்ளது.  $m$  திணிவுடை



இன்னுமொறு துணிக்கை  $Q$  ஆனது  $B, C$  யிற்கிடையில் கட்டப்பட்டுள்ளது.  $BQ, QC$  பகுதிகளில் இழையின் இழுவை, ஆப்பு, துணிக்கைகளின் ஆர்முடுகளை துணிக்கைகளின் ஆர்முடுகளை துணிவதற்கான சமன்பாடுகளை எழுதுக. இதிலிருந்து ஆப்பின் ஆர்முடுகளை

$$\frac{m(\sin \alpha + \sin 2\alpha)g}{[M + 4m - 2m(\cos \alpha + \cos 2\alpha)]}$$
 எனக் காட்டுக.

7)

- a) முக்கோணி  $ABC$  இன் உச்சிகளின்தானக் காவிகள் முறையே  $a, b, c$  ஆகும் முக்கோணியின் புவியீர்ப்பு மையத்தின் தானக் காவி  $\frac{(a+b+c)}{3}$  எனக் காட்டுக.

$ABCD$  இணைகரம்  $A, B, C, D$  என்பவற்றின் தானக்காவிகள்  $a, b, c, d$  ஆகும்.  $d$  இன் பெறுமானத்தை  $a, b, c$  சார்பாக காண்க. முக்கோணி  $ACD$  இன் புவியீர்ப்பு மையம்  $G$  எனின்  $G$  இன் தானக்காவி  $\frac{1}{3}(2a - b + 2c)$  எனக் காட்டி  $G$  ஆனது  $BD$  இன் மீது உள்ளது என வாய்ப்பு பார்க்க.

- b) சமபக்க முக்கோணி  $ABC$  இன் பக்க நீளம்  $a$  ஆகும்.  $AB, BC, CA$  பக்கங்களின் நடுபுள்ளிகள்  $D, E, F$  ஆக  $5, 3, 1, 2X, Y$  அலகுடைய விசைகள் முறையே  $\overline{AB}, \overline{BC}, \overline{CA}, \overline{DE}, \overline{EF}, \overline{FD}$  வழியே தாக்குகின்றன. இவ்விசை தொகுதி சமனிலை அன்று எனக் காட்டுக.

- தொகுதி இணையாக ஒடுங்குகின்றது எனின்  $X, Y$  இன் பெறுமானங்களை காண்க.
- தொகுதி  $D$  யினூடாக ஒரு தனிவிசைக்கு ஒடுங்குமாயின்  $X$  இன் பெறுமானம் யாது?

- iii.  $Y = 2$  ஆயின் விளையுள் விசையின் தாக்கக்கோடு  $CB$  ஐ வெட்டும் புள்ளி  $B$  இதிலிருந்து  $\frac{a}{10}$  எனக் காட்டுக.



පළාත් අධ්‍යාපන දෙපාර්තමේන්තුව - උතුරු මැද පළාත  
மாகாணக் கல்வித் திணைக்களம் - வட மத்திய மாகாணம்  
DEPARTMENT OF EDUCATION - NORTH CENTRAL PROVINCE



தரம்

12

மூன்றாம் தவணைப் பரீட்சை - 2019

பாடசாலையின் பெயர் : .....

மாணவர் பெயர்/ சுட்டெண் : .....

நேரம் : 2 மணித்தியாலம்

இணைந்த கணிதம் - பகுதி 1

A பகுதி

1)  $\frac{2x^2 + x - 1}{(x-1)(x+2)} > 0$  ஐ தீர்த்து  $x$  பெறுமான வீச்சை காண்க.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

2)  $\lim_{x \rightarrow 0} \left( \frac{1 - x \cos x - \cos^2 x}{\sin 2x} \right)$  இன் பெறுமானத்தை காண்க.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

- 3)  $y = |2x - 1|$  மற்றும்  $y = 3x + 5$  ஐ பருமட்டாக வரைபடுத்துக. இதிலிருந்து  $|2x - 1| \leq 3x + 5$  ஐத் தீர்க்க.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

- 4)  $x^2 + ax + b = 0$  இன் மூலகங்கள்  $\alpha, \beta$  எனின்  $(\alpha - 1)^2, (\beta - 1)^2$  இணை மூலகங்களாக கொண்ட சமன்பாட்டை காண்க.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

- 5)  $y = \sin(a \sin^{-1} x)$  எனின் எனக் காட்டுக.  $(1 - x^2) \frac{d^2 y}{dx^2} - x \frac{dy}{dx} + a^2 y = 0$  எனக் காட்டுக.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

- 6) வாகனம் ஒன்றின் அதிகூடிய வலு  $200kW$  ஆகும். இது கிடையான பாதையில் செல்லும் போது பெறும் வேகம், சாய்வுடன்  $\sin^{-1}\left(\frac{1}{15}\right)$  பாதையில் செல்லும் வேகத்தைபோல் இருமடங்காகும். இயக்கத்திற்கு எதிரான தடை விசை  $1600N$  எனின். வாகனத்தின் திணிவை  $kg$  இல் கணிக்க. இத் தடைவிசையுடன் அதிகூடிய வலுவுடன்  $30kmh^{-1}$  வேகத்துடன் இடை பாதையில் செல்லும் போது வாகனத்தின் ஆர்முடுகளை காண்க. ( $g = 10ms^{-2}$ )

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

- 7) ஒரு துணிக்கை கிடையுடன்  $30^\circ$  அமைக்க  $100ms^{-1}$  வேகத்துடன் ஏறியப்படுகின்றது. கிடைமட்டத்திலிருந்து  $50m$  உயரத்தில் இருக்கும் போது துணிக்கையின் வேகம் திசை என்பவற்றை காண்க.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

- 8) முக்கோணி  $ABC$  இன்,  $A, B, C$  இன் தானக்காவிகள் முறையே  $i+j, i-j$  மற்றும்  $-i+j$  ஆகும்.  $BC$  இன் மத்திய புள்ளி  $D$  ஆகும். இடையம்  $AD$  இன் நீளத்தை காண்க.  $AD, BC$  இடையிலான கோணம் யாது?

.....

.....

.....

.....

.....

.....

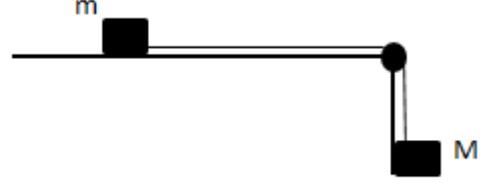
.....

.....

.....

.....

- 9)  $m$  kg திணிவுடைய துணிக்கை ஒன்று கரமான கிடைமேசை ஒன்றின் மீதும் அதற்கு இணைக்கப்பட்ட நீளா இழை கப்பினாடு சென்று மறுமுனையில்  $M$  kg திணிவுடைய துணிக்கை ஒன்றை தாங்குகின்றது. மேசைக்கும் திணிவுக்கும் இடையே உராய்வுக் குணகம்  $\mu$  எனின் துணிக்கைகளின் ஆர்முடுகல் இழையின் இழுவை என்பவற்றைக் காண்க.



- 10)  $10\text{Kg}$  திணிவுடைய துணிக்கை  $P$  ஆனது இரு இழைகளினால் இணைக்கப்பட்டு ஓய்விலுள்ளது. இழைகள் கிடையுடன் முறையே  $30^\circ, 60^\circ$  கோணத்தை அமைக்கின்றது. எனின் இழைகளிலுள்ள இழுவிசையைக் காண்க.