



දෙවන වාර පරීක්ෂණය - මාර්තු 2016

Second Term Test - March 2016

සංයුක්ත ගණිතය - I

Combined Mathematics -I

10

S

I

13 ශ්‍රේණිය A/L 2016

Grade 13 A/L 2016

E 01

- A කොටසේ ප්‍රශ්න සියල්ලටම පිළිතුරු සැපයිය යුතු අතර B කොටසේ තෝරා ගත් ප්‍රශ්න පහකට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න.

නම පන්තිය

පරීක්ෂකගේ ප්‍රයෝජනය සඳහා පමණි



ප්‍රශ්න අංකය	ලකුණු
1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	
මුළු ලකුණු	

ප්‍රශ්න අංකය	ලකුණු
11	
12	
13	
14	
15	
16	
17	
මුළු ලකුණු	

පළමු පත්‍රය	ලකුණු
A කොටස	
B කොටස	
මුළු ලකුණු	



A කොටස

01. ගණිත අභ්‍යුහන මූලධර්මය භාවිතයෙන් සියලු $n \in \mathbb{Z}^+$ සඳහා
 $1^2 + 3^2 + 5^2 + \dots + (2n-1)^2 = \frac{n}{3}(2n-1)(2n+1)$
 බව සාධනය කරන්න.

02. $y = |(1-x)(2-x)|$ සහ $y = 2(1-x)$ හි ප්‍රස්ථාර එකම බැස්මාංක තලයක අඳින්න.
 ඒ නමින්, $|(1-x)(2-x)| > 2(1-x)$ අසමානතාව විසඳන්න.

03. විසඳන්න. $4x^2+2-9.2x^2+2+8=0$

04. සීමා $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{1+\sqrt{2+x}}-\sqrt{3}}{x-2} = \frac{1}{8\sqrt{3}}$ බව පෙන්වන්න.



05. $y = x(x^2 + 1)$ මගින් දෙනු ලබන චක්‍රයට $x = 1$ ලක්ෂ්‍යයේදී ඇඳි අභිලම්භය x - අක්ෂය හමුවන ලක්ෂ්‍යයේ ඛණ්ඩාංක ලබාගන්න.

06. $y = x^2 - 2x$ චක්‍රයෙහි x - අක්ෂයෙහි වටවූ වර්ගඵලය ගණනය කරන්න.

17. (x_0, y_0) ලක්ෂ්‍යය හරහා යන සරල රේඛාවක සමීකරණය $\frac{x - x_0}{l} = \frac{y - y_0}{m} = t$; $t \in \mathbb{R}$ මගින් දී ඇත.

මෙහි (සහ m නිශ්ශුන්‍ය නියත වේ.

$\ell^2 + m^2 = 1$ නම් $|t|$ යනු (x_0, y_0) ලක්ෂ්‍යයේ සිට (x, y) ලක්ෂ්‍යයට රේඛාව දිගේ මනින ලද දිග බව පෙන්වන්න.

08. $y = ax + b$ සරල රේඛාව $y = mx$ සහ $y = m^1x$ රේඛා 8 ශ්‍රේණිවලින් A සහ B හිදී ඡේදනය කරයි. මෙහි a සහ b නිශ්ශුන්‍ය නියත වේ. C ලක්ෂ්‍යය OACB සමාන්තරාස්‍රයක් වන පරිදි වේ. O යනු මූල ලක්ෂ්‍යයි. C හි ඛණ්ඩාංක a, b, m සහ m^1 ඇසුරින් ලබාගන්න.

09. A සහ B යනු $x^2 + y^2 - 4x - 9 = 0$ සහ $x^2 + y^2 - 6x - 9 = 0$ වෘත්ත වල ඡේදන ලක්ෂ්‍ය වේ. A සහ B හරහා යන කුඩාතම වෘත්තයේ සමීකරණය සොයන්න.

10. $2\tan^{-1}x + \tan^{-1}y = \pi/2$ නම් $(x+y)^2 = 1+y^2$ බව පෙන්වන්න.



දෙවන වාර්ෂික පරීක්ෂණය - මාර්තු 2016 - සංයුක්ත ගණිතය
Second Term Test - March 2016 - Combined Mathematics

B කොටස E 01

11. (a) $f(x) = x^4 - 12x^2 + 8x + 3$ යැයි ගනිමු. $x^2 + kx + 1$ යන්න $f(x)$ හි සාධකයක් වේ නම්, $f(x)$ හි අනෙක් සාධකය k ඇසුරින් සොයන්න.
එනම් $x^4 - 12x^2 + 8x + 3 = 0$ හි මූල සොයන්න.

(b) $g(x) = 2x^3 + 3x^2 - 3x + q$ මෙහි $q \in \mathbb{Z}$ වේ.

$(x - q)$ යන්න $g(x)$ හි සාධකයක් නම් q හි අගය සොයන්න.

q එම අගය ගන්නා විට $g(x)$ හි සාධක සොයන්න.

$g(x) = (x + a)(x + 1)(2x + 1) + bx + c$ වේ නම්,

a, b, c සඳහා ගත හැකි අගයයන් මොනවාද?

12. (a) සමස්ත ලංකා තරගයක් සඳහා බස්නාහිර පළාත නියෝජනය කිරීමට සාමාජිකයන් 4 දෙනෙකුගෙන් යුත් කණ්ඩායමක් සැදීමට කොළඹ දිස්ත්‍රික්කයෙන් ළමුන් 5 දෙනෙක්ද, ගම්පහ දිස්ත්‍රික්කයෙන් ළමුන් 6 දෙනෙක්ද කළුතර දිස්ත්‍රික්කයෙන් ළමුන් 5 දෙනෙක්ද වන සේ නම් යෝජනා වී ඇත්තේ පහත වගුවෙහි දැක්වෙන පරිදිය.

	කොළඹ	ගම්පහ	කළුතර
ශිෂ්‍යාවන් ගණන	3	3	2
ශිෂ්‍යයින් ගණන	2	3	3

ඉහත කණ්ඩායමෙහි නායකයා අනිවාර්යයෙන්ම පිරිමි ළමයෙකු විය යුතු අතර එම දිස්ත්‍රික්කයේ අනෙකුත් පිරිමි ළමුන් කණ්ඩායමට ඇතුළත් විය නොහැකි නම් පහත එක් එක් ආකාර යටතේ කණ්ඩායම් තෝරාගත හැකි වෙනස් ආකාර ගණන සොයන්න.

i. ගැහැණු ළමුන් එක් අයකු පමණක් කණ්ඩායමට ඇතුළත් විය යුතු නම්.

ii. කණ්ඩායමේ නායකයා කොළඹ දිස්ත්‍රික්කයෙන් විය යුතු අතර කණ්ඩායම දිස්ත්‍රික්ක තුනම නියෝජනය කළ යුතු නම්

(b) අපරිමිත ශ්‍රේණියක r වන පදය $U_r = \frac{r^2 + 3r + 1}{r^2(r+1)^2}$ වේ.

$f(r) = \frac{\lambda r + \mu}{(r+1)^2}$ ලෙස ගෙන $f(r) - f(r-1) = u_r$ වන සේ λ, μ අගයයන් සොයන්න.

එනම් හෝ අන් ක්‍රමයකින් $\sum_{r=1}^n U_r = 2 - \frac{n+2}{(n+1)^2}$ බව පෙන්වන්න.

$$V_r = \frac{1+3r-2r^3-r^4}{r^2(r+1)^2} \quad \text{යැයි ගනිමු.}$$

ඉහත ප්‍රතිඵලය භාවිතයෙන් $\sum_{r=1}^n V_r$ හි අගය සොයන්න

$\sum_{r=1}^{\infty} u_r$ හා $\sum_{r=1}^{\infty} V_r$ අභිසාරී වේද? ඔබේ පිළිතුරු තහවුරු කරන්න.



13.

- i. θ පරාමිතියක් වන විට චක්‍රයක් $x = a(\theta + \sin\theta)$ හා $y = a(1 - \cos\theta)$ මගින් දෙනු ලැබේ.

$$4a \frac{d^2y}{dx^2} = \left[1 + \left(\frac{dy}{dx} \right)^2 \right]^2 \text{ බව පෙන්වන්න. මෙහි } a \text{ යනු නියතයකි.}$$

- ii. 12Kmh^{-1} ක වේගයෙන් උතුරු දිශාවට යාත්‍රා කරන නැවක් එයට හරි ඉදිරියෙන් හා 15Kmh ක දුරින් තවත් නැවක් දකියි. දෙවන නැව 9Kmh^{-1} ක වේගයකින් නැගෙනහිර දිශාවට යාත්‍රා කරමින් තිබුණි. t කාලයේදී නැව 2 අතර දුර සඳහා ප්‍රකාශයක් t ඇසුරින් ලබා ගන්න. එනමින් හා පළමු අවකලන සංගුණකය පමණක් භාවිතයෙන් නැව දෙක අතර ඇතිවිය හැකි කෙටිතම දුර සොයන්න.

- iii. $x \neq 2$ සඳහා $f(x) = \frac{x-1}{(x-2)^2}$ යැයි ගනිමු

$x \neq 2$ සඳහා $f'(x)$ ගණනය කරන්න. එනමින් හැරුම් ලක්ෂ්‍ය හා ස්පර්ශකයන් වූ ටේරිඩා පැහැදිලිව දක්වමින් $y=f(x)$ හි ප්‍රස්ථාරයෙහි දළ සටහනක් අඳින්න.

14.

- i. $\int_0^a f(x)dx = \int_0^a f(a-x)dx$ බව සාධනය කරන්න.

$$\text{එනමින් } \int_0^{\pi/2} \frac{\sqrt{\cot x}}{\sqrt{\cot x} + \sqrt{\tan x}} dx \text{ අගයන්න.}$$

- ii. කොටස් වශයෙන් අනුකලන ක්‍රමය භාවිතයෙන් $\int x \ln(1+x)dx$ අගයන්න.

- iii. $\frac{1}{x^4+x^2+1}$ හින්න භාග ඇසුරින් ප්‍රකාශ කරන්න. එනමින් $\int \frac{dx}{x^4+x^2+1}$ අගයන්න

15. $x^2 + y^2 + 2g_1x + 2f_1y + c_1 = 0$ සහ $x^2 + y^2 + 2g_2x + 2f_2y + c_2 = 0$ යන වෘත්ත යුගලය ප්‍රලම්භව ඡේදනය වේ නම් $2g_1g_2 + 2f_1f_2 = c_1 + c_2$ බව පෙන්වන්න
 $s_1 \equiv x^2 + y^2 - 10x = 0$ සහ $s_2 \equiv x^2 + y^2 - 4x - 8y - 30 = 0$ යැයි ගනිමු.
 මෙම s_1 සහ s_2 වෘත්ත යුගලය ප්‍රභින්න ලක්ෂ්‍ය දෙකකදී ඡේදනය වන බව පෙන්වන්න.
 එම ඡේදන ලක්ෂ්‍ය දෙක A සහ B යැයි ගනිමු.
 A සහ B හරහා යමින් s_2 වෘත්තය ප්‍රලම්භව ඡේදනය කරන වෘත්තයේ සමීකරණය සොයන්න.
 ඉහත වෘත්ත තුනෙහි පොදු ජාය s_1 වෘත්තයේ විශ්කම්භයක් වන බවද පෙන්වන්න.

16. (a) $\tan 3x = \frac{3t-t^3}{1-3t^2}$ බව සාධනය කරන්න. මෙහි $t = \tan x$ වේ

එමගින් $\tan \frac{\pi}{12}$ හි අගය සොයන්න

$$\tan \frac{\pi}{24} = (\sqrt{3} - \sqrt{2})(\sqrt{2} - 1) \text{ බවද පෙන්වන්න.}$$

$$\tan x = 2 + \sqrt{3} \text{ වන පරිදි } \left(0, \frac{\pi}{2}\right) \text{ ප්‍රාන්තරයේ වූ } x \text{ අගයද ලබාගන්න.}$$

- (b) $A+B+C=\pi$ සහ $\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C}$ නම් $\cos A = \frac{b^2+c^2-a^2}{2bc}$ බව පෙන්වන්න.

$$a^2 + c^2 = 2b^2 \text{ නම් එවිට } \cot A + \cot C = 2 \cot B \text{ බව පෙන්වන්න.}$$



දෙවන වර්ෂ පරීක්ෂණය - මාර්තු 2016
Second Term Test - March 2016

සංයුක්ත ගණිතය- II

Combined Mathematics -II

E₀₁

10

S

II

13 ශ්‍රේණිය A/L 2016

Grade 13 A/L 2016

- A කොටසේ ප්‍රශ්න පියල්ලටම පිළිතුරු සැපයිය යුතු අතර B කොටසේ තෝරා ගත් ප්‍රශ්න පහකට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න.

නම පන්තිය

පරීක්ෂකගේ ප්‍රයෝජනය සඳහා පමණි

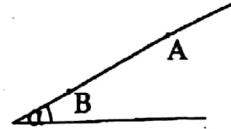
ප්‍රශ්න අංකය	ලකුණු
1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	
මුළු ලකුණු	

ප්‍රශ්න අංකය	ලකුණු
11	
12	
13	
14	
15	
16	
17	
මුළු ලකුණු	

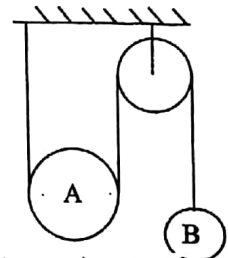
පළමු පත්‍රය	ලකුණු
A කොටස	
B කොටස	
මුළු ලකුණු	



01. තිරසර α කෝණයකින් ආනත වූ තලයක A හි තබා ඇති තුවක්කුවකින් තලයට ලම්භකව u ප්‍රවේගයකින් නිකුත් වන වෙඩි උණ්ඩයක් B හිදී තලයේ වදී නම් $AB = \frac{2u^2}{g} \tan \alpha \sec \alpha$ බව පෙන්වන්න.



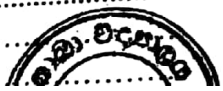
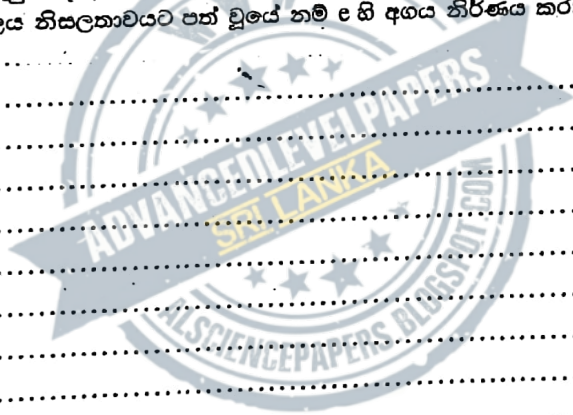
02. රූපයේ දැක්වෙන්නේ එක් කෙළවරක් සිලිමකට සවිකරන ලද සැහැල්ලු තන්තුවක් ස්කන්ධය M වූ සවල කප්පියක් යටින් ගොස් අවල කප්පියක් උඩින් යමින් අනෙක් කෙළවරේ ස්කන්ධය $2M$ වූ B අංශුවක් දරා සිටින අයුරු වේ. ආරම්භයේදී B අංශුව පොළව මට්ටමේ සිට $3m$ ක් ඉහළින් වන පරිදි නිසලතාවයෙන් මුදාහරි නම් A අංශුව ඉහළට ගමන් කරන උස සොයන්න.



මුත් වන

03. 840kg ක ස්කන්ධයක් සහිත මෝටර් රථයක් 120ට 1ක ආනතියක් සහිත මාර්ගයක් ඔස්සේ පහළට නිදලේලේ 20 kmh^{-1} ක ඒකාකාර වේගයෙන් ගමන් කරයි. මාර්ගයේ ප්‍රතිරෝධය ගණනය කරන්න. වාහනයට ඉහත ප්‍රවේගය තිරස් ඔස්සේ පවත්වා ගැනීමට අවශ්‍ය ක්‍ෂමතාව සොයන්න.

04. ස්කන්ධ පිළිවෙළින් 2m සහ 3m වූ සමාන අරයන් සහිත P සහ Q සුමට ගෝල දෙකක් සුමට තිරස් මේසයක් මත සරල රේඛීය ලෙස එකිනෙක දෙසට 7u සහ 3u වේගවලින් චලනය වෙමින් ගැටුමකට භාජනය වේ. ගෝල අතර ප්‍රත්‍යාගති සංගුණකය e නම් ගැටුමේදී ඇතිවන ආවේගි බලයේ විශාලත්වය $12mu(1+e)$ බව පෙන්වන්න. ගැටුම නිසා P ගෝලය නිසලතාවයට පත් වූයේ නම් e හි අගය නිර්ණය කරන්න.



07. 20

07. දිග l වූ AB දණ්ඩක ගුරුත්ව කේන්ද්‍රය G වන අතර $AG = l/3$ වේ. මෙම දණ්ඩ නිරසට ආතතිය α වූ සුමට තල 2ක් මත සිරස් තලයක සමතුලිතතාවයේ ඇති අතර තල දෙක හමුවන රේඛාව දණ්ඩට ලම්භක වේ. දණ්ඩෙහි ආතතිය නිරසට β කෝණයක් සාදයි නම්, $3\tan\alpha \tan\beta = 1$ බව පෙන්වන්න.

08. ABC සමද්විපාද ත්‍රිකෝණයක $\hat{B} = \hat{C}$ වේ. $\vec{BC} = \mathbf{a}$ ද $\vec{BA} = \mathbf{b}$ ද ලෙස ගෙන $AD \perp BC$ බව පෙන්වන්න. මෙහි D යනු BC හි මධ්‍ය ලක්ෂ්‍යයයි.

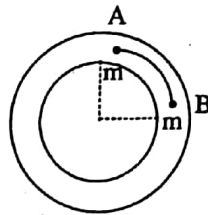


09. A සහ B යනු 3 න්‍යාය අවකාශයේ සාපරිතයක් වන අවකාශයන් වෙතින් යොදාගන්න.
C යනු A සහ B ස්වයංසන්ධිත වූ සහ $P(C) = \frac{1}{2}$ වන පරිදි වූ S අවකාශයේ තුන්වන සිද්ධියකි $P(A \cup B)$ සොයා $P(A' \cap B')$ සොයන්න.

10. A සහ B යනු $P(A \cap B) = \frac{1}{4}$ සහ $P(A) = P(B) = \frac{5}{12}$ වන පරිදි වූ සසම්භාවී සිද්ධි දෙකකි.
(i) $P(B)$ (ii) $P(A \cup B)$ සොයන්න.
A සහ B සිද්ධි ස්වායත්ත වේද? ඔබේ පිළිතුර සනාථ කරන්න.

E o 1

11. (a) X ලක්ෂ්‍යයක සිට ගමන් අරඹන මෝටර් රථයක් fms^{-2} ඒකාකාර ත්වරණයකින් යුතුව චලනය වී $U \text{ kmh}^{-1}$ උපරිම ප්‍රවේගයක් ලබාගනී. මෝටර් රථය u නියත ප්‍රවේගයෙන් වික දුරක් ගමන් කර ඉන්පසු 3 fms^{-2} ඒකාකාර මන්ධනයකින් යුතුව චලනය වී y ලක්ෂ්‍යයකදී $V \text{ kmh}^{-1}$ වේගයක් ලබාගනී. $XY > 25/1944f (4U^2 - V^2)$ නම් පමණක් ඉහත ආකාරයට චලිතය පැවතිය හැකි බව පෙන්වන්න.
- (b) සමාන්තර ඉවුරු සහිත පළල $a \text{ m}$ වූ ගඟක් $U \text{ ms}^{-1}$ ඒකාකාර වේගයෙන් ගලයි. X හා Y යනු ප්‍රතිවිරුද්ධ ඉවුරු මත එකිනෙකට හරි කෙළින් පිහිටි ලක්ෂ්‍ය දෙකකි. නිසල ජලයේ $V(<u) \text{ ms}^{-1}$ වේගයෙන් පිහිනිය හැකි ළමයකු දිය පහරෙහි ඉහළ සමග α කෝණයක් සාදන දිශාවකට x සිට පිහිනයි. ළමයා දිය පහරේ පහළට ගොස් විරුද්ධ ඉවුරේ z නම් ලක්ෂ්‍යයකට පැමිණේ. ඉන්පසු ඔහු z සිට y දක්වා $w \text{ ms}^{-1}$ වේගයෙන් ඉවුර දිගේ දුවයි. y දක්වා යාමට කාලය $\frac{a}{VW} [(u + w) \operatorname{cosec} \alpha - v \cot \alpha]$ බව පෙන්වන්න.
12. (a) සුමට සිහින් වෘත්තාකාර අරය $2a$ වන නලයක් සිරස්තලයක අවලව් සවිකර ඇත. $\frac{\pi a}{g}$ දිග අවිනතව තත්ත්ව දෙකෙළවර m ස්කන්ධය ඇති A හා B අංශු දෙකක් සවිකර රූපයේ ආකාරයට තබා මුදාහරිනු ලැබේ.



$$2a\theta = (1 + \sin \theta - \cos \theta) g$$

t කාලයේදී OA උඩු සිරසට ආතතිය θ වීම, තත්ත්ව ඇදී ඇත්නම්, $4a\theta^2 = g(\sin \theta + \cos \theta)$ බව පෙන්වන්න. එවිට තත්ත්වේ ආතතිය $\frac{mg}{2} (\cos \theta - \sin \theta)$ බව පෙන්වා තත්ත්ව හැකිලෙන විට, A අංශුව ආරම්භයේ සිට ගමන් කළ දුර සොයන්න.

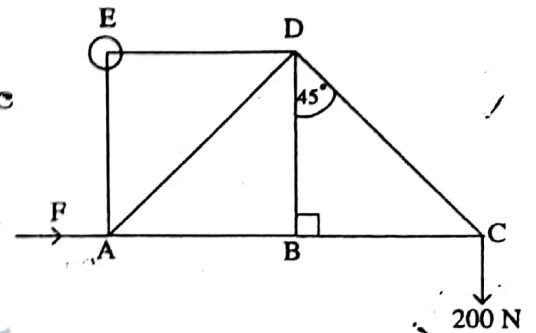
- (b) සිරසට ආතතිය α වන සුමට තලයක් මත ස්කන්ධය m හා කෝණය α වූ කුඤ්ඤයක් තබා ඇත්තේ එහි ඉහළ මුහුණත තිරස් වන පරිදිය. මෙම තිරස් මුහුණත මත ස්කන්ධය m වූ අංශුවක් තබා පද්ධතිය නිසලතාවයෙන් මුදාහරිනු ලැබේ. m අංශුවෙහි ත්වරණය හා තලය සහ කුඤ්ඤය අතර ප්‍රතික්‍රියාව සොයන්න.
13. ස්වභාවික දිග l සහ ප්‍රත්‍යාස්ථතා මාපාංකය λ වන දුහු ප්‍රත්‍යාස්ථ තත්ත්වක එක් කෙළවරකට m ස්කන්ධයෙන් යුත් P අංශුවක් අමුණා ඇති අතර එහි අනෙක් කෙළවර O අවල ලක්ෂ්‍යයකට සම්බන්ධ කර ඇත. l දිගින් යුත් දුහු අවිනතව තත්ත්වක එක් කෙළවරකට ස්කන්ධය m වූ Q අංශුවක්ද එහි අනෙක් කෙළවර P අංශුවට ගැට ගසා ඇත. $t=0$ වේලාවේදී සිරස් සරල රේඛාවක OPQ පිහිටන පරිදි ද OQ හි මධ්‍ය ලක්ෂ්‍යය P වන පරිදි ද l ස්වභාවික දිගක් PO ට පවතින පරිදි ද පද්ධතිය නිසලව තබා මුදා හරිනු ලැබේ. $t=t$ වේලාවේදී OP දිග $(l+x)$ වේ. P අංශුව සඳහාත් Q අංශුව සඳහාත් චලිත සමීකරණ ලියා දක්වන්න. එමගින්
- $$\frac{d^2x}{dt^2} + \omega^2 (x - g/\omega^2) = 0$$
- බව පෙන්වන්න.
- මෙහි $\omega^2 = \lambda/2ml$ වේ.
- ඉහත සමීකරණයේ විසඳුම
- $$x = g/\omega^2 + A \cos \omega t + B \sin \omega t$$
- උපකල්පනය කර A සහ B නියතවල අගයයන් සොයන්න.
- ඒ නයින් පසුව එළැඹෙන චලිතයේදී OP තත්ත්වේ දිග කිසිවිටෙක l ට අඩු නොවන බවද PQ තත්ත්වේ ආතතිය $2mg \sin^2 \omega t/2$ බවද පෙන්වන්න.
14. (a) O මූල ලක්ෂ්‍යයකට අනුබද්ධව A හා B ලක්ෂ්‍යය දෙක පිහිටුම් දෛශික a හා b වේ. α හා β අදිශ වන විට $\alpha + \beta = 1$ වේ නම් $\alpha a + \beta b$ දෛශිකයෙන් නිරූපණය වන C ලක්ෂ්‍යය AB රේඛාව මත වන බව පෙන්වන්න.
- α, β, γ හා δ අදිශ වන අතර $\alpha + \beta + \gamma + \delta = 0$ $\alpha a + \beta b + \gamma c + \delta d = 0$ වන පරිදි a, b, c හා d පිහිටුම් දෛශික සහිත ලක්ෂ්‍යයන් ඒකතලවන බව පෙන්වන්න.
- (b) Oxy සාප්‍රකෝණාස්‍ර අක්ෂ පද්ධතියකට සාපේක්ෂව A හා B සහ C ලක්ෂ්‍යවල ඛණ්ඩාංක $A=(4,1)$ $B=(2,-2)$ හා $C=(3,5)$ වේ. ඒකතල බල පද්ධතියන් $\vec{AO}, 2\vec{OB}, \vec{KBC}$ සහ $3\vec{AC}$ ඔස්සේ විශාලත්වයෙන් හා දිශාවෙන් නිරූපණය වේ. OX සහ OY ඔස්සේ ඒකක දෛශික $\vec{i}$ හා $\vec{j}$ ලෙස ගනිමින් ඉහත එක් එක් බලයන් $\vec{i}$ හා $\vec{j}$ මගින් දෛශික ඇසුරින් ලබාගන්න. එනමින්

- (i) මෙම බල පද්ධතියේ සමප්‍රග්‍රහණය හා එහි ක්‍රියා රේඛාවේ සමීකරණය ලබාගන්න.
 (ii) k හි සීමාව අගයන් සඳහා සමප්‍රග්‍රහණයේ ක්‍රියා රේඛාව අවල ලක්ෂ්‍යයන් හරහා ගමන් කරන බව පෙන්වා.
 (iii) $k=2$ වීම සමප්‍රග්‍රහණයේ විශාලත්වය හා එහි ක්‍රියා රේඛාව සොයන්න.

15. (a) ඒකාකාර දඩු පහක් එකිනෙක ඒවායේ අන්තයන් A, B, C, D හා E හිදී සුමටව සන්ධි කිරීමෙන් ABCDE නම් පොලාසය සාදා ඇත. එහි $CD=DE=a$ වන අතර $BC=EA=b$ වේ. මෙය සාදා ඇති දණ්ඩේ ඒකක දිගක බර w වන අතර $\hat{ABC} = \hat{BAE} = 120^\circ$ හා $\hat{BCD} = \hat{AED} = 90^\circ$ වන පරිදි මෙම පද්ධතිය AB තිරස් බිමක් මත තබා එහි හැඩය පවත්වා ගෙන ඇත්තේ BC හා AE දඩුවල මධ්‍ය ලක්ෂ්‍යයන් යාකර ඇති සැහැල්ලු අවිතනා තන්තුවක් මගින් රාමුව D ඉහළින්ම වන පරිදි සිරස් තලයක සමතුලිතව තිබේ නම්,
 (i) AB ආධාරකය මත තිරස් බිමෙන් ඇති කරන ප්‍රතික්‍රියාව සොයන්න.
 (ii) තන්තුවේ ආතතිය $(5a+b) \frac{w}{\sqrt{3}}$ බව පෙන්වන්න.
 (iii) C හා D හස්තිවල ප්‍රතික්‍රියා සොයන්න.

- (b) AB, BC, CD, DE, EA, AD හා DB යන සැහැල්ලු දඩු 7ක් ඒවායේ අන්තයන් සුමටව සන්ධි කිරීමෙන් රාමු සැකිල්ලක් රූපයේ අයුරු සාදා ඇත. එහි ABDE සමචතුරස්‍රයක් වන අතර BCD යනු සෘජුකෝණී ත්‍රිකෝණයකි. එහි $\hat{CDB} = 45^\circ$ වේ. පද්ධතිය E හස්තියෙන් අඟව කර ඇති අතර C අන්තයෙන් සිරස්ව 200N බලයක් ක්‍රියා කරයි. පද්ධතිය සමතුලිතව ඇත්තේ A දී යොදනු ලබන නිව්ටන් F වූ තිරස් බලයකිනි.

- (a) $F = 400N$ බව පෙන්වන්න.
 (b) E අඟවවේ යෙදෙන ප්‍රතික්‍රියාව සොයන්න.
 (c) බෝ අංකනය යොදා ගනිමින් AD හා ABCD දඩුවල ප්‍රතාභලයන් සොයා ඒවා අනුමාන තෙරපුම් වේදය දක්වන්න.



16. (i) අරය a වූ ඒකාකාර තුනේ අර්ධ ගෝලීය කබොලක ස්කන්ධ කේන්ද්‍රය ගෝලයේ කේන්ද්‍රයේ සිට $a/2$ දුරින් වන බව පෙන්වන්න.
 එනමින් අරය r වූ ඒකාකාර සෘණ අර්ධ ගෝලයක ස්කන්ධ කේන්ද්‍රයේ පිහිටීම ලබාගන්න.
 (ii) අරය b හා කේන්ද්‍රය O වූ ඒකාකාර සෘණ අර්ධ ගෝලයකින් කේන්ද්‍රය O හා අරය a වූ කුඩා අධි ගෝලයක් කපා ඉවත් කරනු ලැබේ. ඉතිරි වන කබොලේ ස්කන්ධ කේන්ද්‍රය G වේ නම්

$$OG = \frac{3(a+b)(a^2+b^2)}{8(b^2+ab+a^2)} \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

$b = 3a$ වන විට දී මෙම වස්තුව තිරස්ව α ආනත වූ රළු ආනත තලයක තබා ඇත්තේ එහි වක්‍ර පෘෂ්ඨය තලය ස්පර්ශ වන සේය. OG තිරස් වන අයුරු මෙම වස්තුව සමතුලිතතාවේ පවතී නම් එවිට $\cos \alpha = \frac{12}{13}$ විය යුතු බව පෙන්වන්න.

මෙවිට වස්තුව නොලිස්සීමට වස්තුව හා ආනත තලය අතර සර්ඡණ සංගුණකය μ නම් μ ට කිසිය යුතු අවම අගය සීමාසහිත කරන්න.

WWW.LOL.LK

BUY

PAST PAPERS

071 777 4440

Buy Online - www.LOL.lk

• GCE O/L • PAST PAPERS
• GCE A/L • SHORT NOTES



Protect Yourself From Coronavirus

YOU STAY AT HOME



WE DELIVER!

ORDER NOW

075 699 9990

WWW.LOL.LK

TOP CATEGORIES

GCE O/L Exam NEW

Grade 09, 10 & 11

Grade 06, 07 & 08

Grade 04 & 05

Grade 01, 02 & 03

About Us

Shop HOT

Cart

HUGE SALE – SHOP NOW

අ.පො.ස. කාපෙළ ජයගැනීමේ විජේවීර් වෙනස

අ.පො.ස. කා.පෙළ පසුගිය විභාග ප්‍රශ්නෝත්තර 2010 සිට 2019 දක්වා

සමනල දැනුම

A+ GUIDE PAST PAPERS

පසුගිය විභාග ප්‍රශ්නෝත්තර 2010 සිට 2019 දක්වා

විද්‍යාව

ඉතිහාසය

සිංහල භාෂාව හා සාහිත්‍යය

ව්‍යාපාර හා ගිණුම්කරණ අධ්‍යයනය

භූගෝල විද්‍යාව

ඉංග්‍රීසි භාෂාව

සියලුම විෂයයන් සඳහා පසුගිය විභාග ප්‍රශ්න පත්‍ර Online Order කරන්න.

ප්‍රශ්න උත්තර වර්ගීකරණය අනුමාන



ISLANDWIDE DELIVERY

Free delivery on all orders over Rs. 3500



More than 1000+ Papers

For all major Subjects and mediums



ONLINE SUPPORT 24/7

Shopping Hotline 071 777 4440

FEATURED PRODUCTS

SORT BY

☐ GCE O/L Exam



GCE O/L EXAM, SCIENCE

O/L Science Past Paper Book

★★★★★

රු 350.00

– 1 +

🛒 ADD TO CART



GCE O/L EXAM, MUSIC

O/L Music Past Paper Book

★★★★★

රු 350.00

– 1 +

🛒 ADD TO CART



GCE O/L EXAM, MATHEMATICS

O/L Mathematics Past Paper Book

★★★★★

රු 350.00

– 1 +

🛒 ADD TO CART



GCE O/L EXAM, INFORMATION & COMMUNICATION TECHNOLOGY

O/L Information & Communication Technology Past Paper Book

★★★★★

රු 350.00



GCE O/L EXAM, HISTORY

O/L History Past Paper Book

★★★★★

රු 350.00



GCE O/L EXAM, HEALTH & PHYSICAL EDUCATION

O/L Health & Physical Education Past Paper Book

★★★★★

රු 350.00