

අධ්‍යාරණ පොදු සහතික පත්‍ර (උයා පොදු) රිහායා, 2001 අගෝස්තු කළමනාව පොතුත් තරාතරප්පත්තිරු(උයා තරා) ප්‍ර පරීක්ෂා, 2001 ආකස්ථ General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2001

සංස්ක්‍රාත ගණිතය I

මිණෙන්ත කණිතම I

Combined Mathematics I

10

S	I
---	---

පැය තුනටු / පුනරු මණිත්ත්වාපාලම / Three hours

ප්‍රෘති සහකට පමණක පිළිනුරු යාපයන්න.

1. (ආ) α හහ β යනු $x^2 + px + 1 = 0$ ගණිතයෙහේ තීර යා

$$\gamma හහ \delta යනු \frac{1}{p}x^2 + x + 1 = 0 ගණිතයෙහේ තීර$$

යයි ද ගතිමූ.

$$(\alpha - \gamma)(\beta - \gamma)(\alpha - \delta)(\beta - \delta) = (\gamma^2 + p\gamma + 1)(\delta^2 + p\delta + 1)$$

එව පෙන්වා

$$(\alpha - \gamma)(\beta - \gamma)(\alpha - \delta)(\beta - \delta) = \left(p - \frac{1}{p}\right)^2$$

එව අපෝහනය කරන්න.

- (ඇ) a හහ b යනු දහ භාජන්වීක යාම්පා නම්, $\log_a b = \frac{1}{\log_b a}$ එව පෙන්වන්න.

$$\frac{1}{\log_2 2001} + \frac{1}{\log_3 2001} + \frac{1}{\log_4 2001} + \dots + \frac{1}{\log_{100} 2001} = \frac{1}{\log_{100!} 2001} \quad \text{එව පෙන්වන්න.}$$

2. (ආ) $n = 1, 2, 3, \dots$ යදහා

$A_{n+1} = (1 - \alpha)(1 - A_n) + A_n$ යහ $A_1 = \beta$ යයි ගතිමූ; මෙයි α හහ β භාජන්වීක යාම්පා වේ. ගැනීන අයුහනය පිළිබඳ මුදලරමය උපයෝගී කර යැනීම්, භාං න දහ නීවිලයක් යදහා

$$A_n = 1 - (1 - \beta) \alpha^{n-1}$$

එව සාධනය කරන්න.

$$\sum_{r=1}^n A_r \quad \text{යොයන්න.}$$

- (ඇ) $1 \leq k \leq n$ වහා සේ මි k හහ n නිමිල යදහා
- $$k^n C_k = n^{n-1} C_{k-1}$$

එව පෙන්වන්න.

ඊ නයින් ගෞර අන් ප්‍රමායකීය, මිනෑම $x \in \mathbb{R}$ හහ $n \geq 0$ යදහා

$$\sum_{k=0}^n k^n C_k x^k (1-x)^{n-k} = nx$$

(20) $y = 2|x+1| - 3$ සහ $y = x + 2|x-1|$ නි පුද්ගලික එකතු පරිභාස අදින්න.

१८५३

$$x + 2|x - 3| > 2|x + 1| - 3$$

ପ୍ରକାଶକ ପରିଚୟ ଓ ଲଙ୍ଘନ କାହାରେ ଥିଲା?

$$x+2|x+3| = 2|x+1|-3$$

ମୁଦ୍ରଣ କାର୍ଯ୍ୟକ୍ରମ ନିମ୍ନଲିଖିତରେ

4. (v) $\arg(z - a) = \alpha$ ആണി, z ഒരു വിന്റെ വിലക്കു അൽപ്പി $a \in \mathbb{R}$ യാം $0 < \alpha < \pi$ ആണി.

$$\cos(\theta) = \frac{1}{2} \Rightarrow \theta = 60^\circ \quad \text{and} \quad \sin(\theta) = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \theta = 60^\circ$$

ଶ୍ରୀ କଣ୍ଠପାତ୍ର ମହାନ୍ତିରେ ଏହାରୁ କଥା କଥା କଥା କଥା କଥା କଥା

- (iii) $\frac{d}{dt} \ln S(t)$ എംബും ചെറിയ $\lambda(1+t)$ അനുസരിച്ച് വ്യക്തം അളവാണ് കാണിക്കുന്നത്.

2. ప్రాణీ లక్షణాల వ్యవస్థలు

ଏ ଲାଗିଲା $\begin{pmatrix} 5-i \\ 2-3i \end{pmatrix}$ ଅନୁଯାୟୀ, କିମି ଅନ୍ତରେ ଯଦି ଧର୍ଯ୍ୟ ନିରଣ୍ୟ କରିବୁ

5. (c) $x = t - \sin t$ and $y = t - \cos t$ where $t \neq 2n\pi$, $n \in \mathbb{Z}$ because $y \left(\frac{d^3y}{dx^3} \right) + 2 \left(\frac{dy}{dx} \right) \left(\frac{d^2y}{dx^2} \right) = 0$

విల్ అసెంబ్లీ

3. (d) କ୍ଷେତ୍ର ଆବଶ୍ୟକତା ଅଧ୍ୟେତିତ୍ବ

$$\int_{-\sqrt{2}}^{\sqrt{2}} \frac{1}{x^2 \sqrt{4-x^2}} dx$$

അഭ്യന്തരി അയയ്ത്ത.

- (೧೦) ಕೊವಿಡ್ ರಿಷೆಯನ್ ಅನುಕಲನ ಮತ್ತು ಹಾರಿಕಯನ್

$$\int_2^4 x \ln x \, dx = a \ln b + c$$

କିମ୍ବା ପେନ୍‌ଵିନ୍‌ଡାର୍; ମେଣ୍ଡି a, b ଏବଂ c ଯତ୍ନୀ ନିର୍ମଳ କାଳ ପ୍ରକାଶ ନିର୍ମିତ ଲି.

$$(v) \int_{-2}^1 \frac{(7x - x^2)}{(2-x)(x^2+1)} dx \text{ යොයාත්නා}$$

www.pastpaperlk.com

7. $y = mx + c$ වෙතින් පිළිගැනීමෙන් නො තුළායි, $m_1 x - c_1 = 0$ හෝ $m_2 x - c_2 = 0$ නේද යොමු කිරීමෙන් A සහ B නිෂ්පාදන ඇත.

R යුතු $AR = k RB$ නා සහ AB මත ඉ උක්ෂයකි.

$m_1 = 0$ සහ $m_2 = 0$ නී එහින් උක්ෂයට R නා නෘතා නරඟ රේඛාවේ ප්‍රීතියක්ද

$$m_1 + \frac{k(m-m_1)}{m-m_2} m_2 = 0$$

එහි ප්‍රීතියකි.

AQC උක්ෂයක් නිරූපණය නිරූපණය $ix+2y-6=0$, $ix+y-2=0$, $x+y-5=0$ නී එහි ප්‍රීතියක්ද

AB මත R උක්ෂයක් නිරූපණය $2xR=RB$ සහ $3AQ=3QC$ නා නෘතා ප්‍රීතියක්ද

(i) A සහ R උක්ෂයක් නිරූපණය.

(ii) RQ නා සහ එක්සත් උක්ෂයක් නිරූපණය.

(iii) P නා R සහ PQ නා සහ QW උක්ෂයක් නිරූපණය F නා සහ AEF නා සහ BUC නා නෘතා ප්‍රීතිය නැංවා ඇති AP:PR ප්‍රීතිය නිරූපණය.

8. (x_0, y_0) ප්‍රීතිය උක්ෂයක් නිරූපණය $x^2 + y^2 + 2gx + 2fy + c = 0$ වෙතින් තෙවන අදාළ උක්ෂයක් නිරූපණය

$$xx_0 + yy_0 + g(x+x_0) + f(y+y_0) + c = 0$$

එහි ප්‍රීතියකි.

දෙන ආදාළ උක්ෂයක් නිරූපණය නිරූපණය ප්‍රීතියක්, ප්‍රීතියෙන්

$$x^2 + y^2 + 2x + 6y + 1 = 0 \quad \text{නී} \quad 4x + 3y - 5 = 0 \quad \text{නී}$$

රේඛාවේ, ප්‍රීතිය නිරූපණය නිරූපණය ප්‍රීතියකි.

විවෘත නැරඟ රේඛාවේ, දී ඇම් ව්‍යුහය, P නා Q ප්‍රීතියෙන් උක්ෂය දෙකාන දී ඇඳුනය කරන අතර, P නා Q නිරූපණය ඉ නිරූපණය දී ඇම් නැරඟ රේඛාවේ මත දී නැතු වේ. මෙම විවෘත රේඛාවේ උක්ෂයක් කරනා යම්තා ක්‍රම ප්‍රීතිය නිරූපණය නිරූපණය නිරූපණය නිරූපණය නිරූපණය නිරූපණය.

9. (a) විනෑම x නොස්ථිර නැංවාවක් යොදානා

$$\sin^3 2x \cos 6x + \cos^3 2x \sin 6x = \frac{3}{4} \sin 8x$$

එහි ප්‍රීතියකි.

$$\sin^3 2x \cos 6x + \cos^3 2x \sin 6x = a$$

අමිකරණය වියදිය ගැනීම් a අයයායේ අපෝහනය කරන්න.

(b) ත්‍රිකෝණයක විභාගන්ම මෝජය තුළාන්ම කෝජයේ කරම මෙන් දෙගුණයක් දී, දිගම පාදය කෙටිතම පාද

දිග මෙන් $1\frac{1}{2}$ ඉන්යක් ද වේ. ත්‍රිකෝණයේ තුළාන්ම කෝජය $\cos^{-1}\left(\frac{3}{4}\right)$ බව ප්‍රීතියකි.

මධ්‍ය පාදය දිග 10 cm බව දී ඇත්තාම්, අනෙකු පාද දෙක් දිගවල් යොයන්න.