

XL/2006/10-S-1

கிடை ம கீதம் எரியலி] 1
முழுப் பதிப்புரிமையுடையது]
All Rights Reserved

10 S I

අධ්‍යාපන පොදු සහතික පත්‍ර (රුයෝ ලෙල) විභාගය, 2006 අප්‍රේල් කළුවිප් පොතුත් තරාතරය් පත්තිර (ශ්‍යර් තර) පරිශීලක, 2006 ඡෘප්පිරුව General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, April 2006

සංයුත්ත ගණිතය	I	මධ්‍යම සි වාස මිනා දැඟැවෙන්වා සි වාස මිනා දැඟැවෙන්වා සි වාස මිනා දැඟැවෙන්වා
මිණෙන්ත කණිතම	I	පරිගණක තහවුරුකමය සිව්වන්වා
Combined Mathematics	I	පරිගණක තහවුරුකමය සිව්වන්වා මධ්‍යම සි වාස මිනා දැඟැවෙන්වා සි වාස මිනා දැඟැවෙන්වා

* පූජ්‍ය හයකට පමණක් පිළිඳුරු යෙයත්තා.

1. (a) $px^2 + qx + r = 0$ වර්ගජ පමිකරණයට යම්පාත මූල කිහිම යදා අවශ්‍යතාව යොයන්න, මෙහි p, q සහ r කාන්ත්‍රික සංඛ්‍යා වේ.

a, b හා c කාන්ත්‍රික සංඛ්‍යා ද, $a(b - c)x^2 + b(c - a)x + c(a - b) = 0$ යන වර්ගජ පමිකරණයට යම්පාත මූල කිහිම නම් ද, රටිට $\frac{1}{a} + \frac{1}{c} = \frac{2}{b}$ බව පෙන්වන්න.

(b) $a^3(b - c) + b^3(c - a) + c^3(a - b)$ ප්‍රකාශනයට පාඨක යොයන්න.

2. (a) වෙනස් උය ප්‍රමාණ ඇති ලමයින් 12 ස් කණ්ඩායා දෙකකට බෙදුමට අවශ්‍ය ව ඇති.

 - (i) එක කණ්ඩායමක් ලමයින් 7 කින් ද, අනෙක් කණ්ඩායම ලමයින් 5 කින් ද පමන්වීත වෙයි නම්,
 - (ii) එක් එක් කණ්ඩායම ලමයින් 6 කින් පමන්වීත වෙයි නම්,
 - (iii) එක් එක් කණ්ඩායම ලමයින් 6 කින් පමන්වීත වි උයම සහ මිටිම ලමයින් දෙදෙනා එකම කණ්ඩායමකට අයක් විය යුතු නම්,

ඉහත බෙදුම කළ භැංකි ආකාර ගණන යොයන්න.

(b) ධින තිවිලමය දරුණකයක් යදා ද්විතීය ප්‍රමේණය ප්‍රකාශ කරන්න.

$3(x+y)^n$ ප්‍රකාශනයෙහි x සහ y යදා පූරුෂ අගයන් තෝරා ගනිමින් 3^{2n+1} යන්න $7k+3(2^n)$ ආකාරයෙන් ප්‍රකාශ කළ භැංකි බව පෙන්වන්න, මෙහි k සහ n දහ තිවිල වෙයි.

ඊ නයින්, ධින තිවිලමය n යදා $3^{2n+1} + 2^{n+2}$ යන්න 7 න් බෙදෙන බව පෙන්වන්න.

3. (a) p යුතු නිවේලයක් යැයි ගනිමු ගණික අභ්‍යන්තර මූලධර්මය සාරිගෙයෙන්, සියලු දත් නිවේලමය ම සඳහා,

$$p^{n+1} + (p+1)^{2n-1}$$
 යන්තේ $p^2 + p + 1$ යන්නෙන් බෙදෙන බව සාධිතය කරන්න.

$$(b) \quad \frac{1}{1+1^2+1^4} + \frac{2}{1+2^2+2^4} + \frac{3}{1+3^2+3^4} + \dots \text{ ഫ്രെക്കിലേറ്റ് } r \text{ വരീതി രാഡ, } U_r, \text{ ലിഡാ ദക്ഷിണാഫ്രിക്കൻ.}$$

(i) $U_r = \frac{1}{2} \left\{ f(r) - \frac{1}{1+r+r^2} \right\}$ නිවාසීන්හි, මෙහි $f(r)$ යනු r හි තිරය කළ පූඩු සිතයක් වේය.

(ii) $f(r+1)$ കൊണ്ട്, $U_r = \frac{1}{2} \{f(r) - f(r+1)\}$ എന്ന ഫോർമുല. പെട്ടെന്ന്.

< www.sinhalaelibrary.com > Source : - www.pastpapers.lk.n.lk

4. (a) $\frac{\cos \alpha + i \sin \alpha}{\cos \beta + i \sin \beta} = \cos(\alpha - \beta) + i \sin(\alpha - \beta)$ බව පෙන්වන්න.

$z_1 = -1 + i$ සහ $z_2 = 1 + i\sqrt{3}$ යැයි ගතිමු. z_1 හි නාත්ස්ටරික කොටස සහ අනාත්ස්ටරික කොටස සොයන්න.

z_1 සහ z_2 එක රුකුස $r(\cos \theta + i \sin \theta)$ ආකාරයෙන් ප්‍රත්‍යාග කරන්න, මෙහි $r > 0$ සහ $0 < \theta < \pi$ වේ.

$$\cos \frac{5\pi}{12} = \frac{1}{4}(\sqrt{6} - \sqrt{2})$$

(b) R යුතු, ආරණ්‍ය යටහනෙහි, $0 \leq \operatorname{Im} z \leq \frac{\sqrt{3}}{2}$ සහ $|z - 2| \leq 1$ අවශ්‍යකා පූජ්‍රාලන උග්‍රීරණ යාචාව තිරුප්පණය කරන ලක්ෂාවලින් සම්බන්ධ පෙදෙස ලෙස ගතිමු. R පෙදෙස ඇතුළු කර, z තිරුප්පණය කරන ලක්ෂාව R පෙදෙස පුරු විවෘතය වන විට z හි ප්‍රධාන විස්තාරය 'Arg z ' විභාගම වන පරිදි z යාචීරණ යාචාව සොයන්න.

5. (a) $y = (1+4x^2) \tan^{-1}(2x)$ ලෙස ගතිමු.

$$(i) (1+4x^2) \frac{dy}{dx} - 8xy = 2(1+4x^2)$$

$$(ii) (1+4x^2) \frac{d^2y}{dx^2} - 8y = 16x$$

බව පෙන්වන්න.

$$\left(\frac{d^3y}{dx^3} \right)_{x=0}$$

(b) යාචාව දැඩු ව්‍යෝගාකාර පිළින්විරයක්, එහි පරිමාව $1024 \pi \text{ cm}^3$ වන පරිදි දැනු යුතු ලෙන පිළින්විරයේ අරය සොයන්න.

6. (a) පියුසු ආලේඛයෙක් යොදීමෙන්,

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{dx}{3 + 2\cos x + \sin x}$$

(b) කොටස වියෙන් අනුකූලය යාවිතයෙන්, $\int e^{4x} \sin 3x \, dx$ සොයන්න.

(c) සින්න භාග භාවිතයෙන්, $\int \frac{dx}{x^3 + 1}$ සොයන්න.

7. $px + qy + r = 0$ පරළ රේඛාව අනුබද්ධයෙන් (x_1, y_1) නෙකුතෙයෙහි ප්‍රක්ෂීෂිතයේ බණ්ඩාක $(x_1 - p\lambda, y_1 - q\lambda)$ ආකාරයෙන් ප්‍රත්‍යාග කරන්න, මෙහි λ තිරුණය කළ යුතු තියෙනයෙක් වෙයි.

එහින්, $px + qy + r = 0$ පරළ රේඛාව අනුබද්ධයෙන් $Lx + my + n = 0$ රේඛාවේ ප්‍රක්ෂීෂිතය සොයන්න.

ABCD රෝමිබයෙහි AB පාදය සහ AC විකරණයේ සම්කරණ පිළිවෙළින් $3x - y + 6 = 0$ අන් $x - y + 8 = 0$ වෙයි. B සිරුම් බණ්ඩාක $(3, 15)$ වේ. A, C සහ D හි බණ්ඩාක ප්‍රකාශීක ලෙස නොසොයා, මෝමිබයෙහි ඉහිරි පාද ඇන් සම්කරණ සොයන්න.

8. (x_0, y_0) බාහිර ලක්ෂණයේ සිට $x^2 + y^2 = a^2$ වෘත්තයට ඇදි යුතු යුතුවල යුතු රුහුයේ ප්‍රමිතය ලබාගත්ත.

$(1, 1), (-1, 0)$ ලක්ෂණ තුරහා යන වෘත්තයක, $S \equiv x^2 + y^2 - a^2 = 0$ වෘත්තය P යහා Q ප්‍රමිතා ලක්ෂණ දෙකක දී ගෝදාය කරයි. $S=0$ වෘත්තයට P යහා Q හි ඇදි යුතු යුතා R හි දී නමුවේ. R ලක්ෂණය, $(2a^2 - 3)x + (a^2 - 1)y - a^2 = 0$ රෙඛාව මක පිශිවන බව පෙන්වන්න.

9. (a) (i) $\sin 3\theta = \cos 2\theta$ ප්‍රමිතය විසඳුමෙන් $\sin 18^\circ = \frac{\sqrt{5} - 1}{4}$ බව පෙන්වන්න.

$$(ii) \frac{\pi}{4} = 2 \tan^{-1} \frac{1}{3} + \tan^{-1} \frac{1}{7} \text{ යහා}$$

$$\tan^{-1} \frac{1}{3} = \tan^{-1} \frac{1}{7} + \tan^{-1} \frac{2}{11} \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

$$\frac{\pi}{4} = 2 \tan^{-1} \frac{2}{11} + 3 \tan^{-1} \frac{1}{7} \text{ බව අපෝහනය කරන්න.}$$

(b) සයින් නීතිය ප්‍රකාශ කර, කෝසයින් නීතිය අපෝහනය කරන්න.

ABC ප්‍රිකෝර්යක, ප්‍රසුදු අංකතයෙන්, $\frac{b+c}{5} = \frac{c+a}{6} = \frac{a+b}{7}$ බව දී ඇත.

$$(i) \frac{\sin A}{4} = \frac{\sin B}{3} = \frac{\sin C}{2}$$

$$(ii) \frac{\cos A}{-1} = \frac{4 \cos B}{11} = \frac{2 \cos C}{7}$$

බව පෙන්වන්න.

* * *