

கலை சிர்மேட்டு/புதிய பாடத்திட்டம்/New Syllabus

# NEW

புதுமாத தலைவர்களும் தூண்டியப் பிடிகளுக்கு நினைவு  
of இலங்கைக்கட்டில் 1055 சிவாய்க்காலி. Sri  
காந்திமலை தி. வி. வி. ராம சுவாமியானால் பி. வி. வி. ராம

අධ්‍යාපන පොදු සහතික පථ (අධ්‍යාපන පෙල) විභාගය, 2019 අගෝස්තු කළමනීප පොතුන් තරාතරුප පත්තිර (ඉයර් තරු)ප ප්‍රිංසේ, 2019 ඉකළුරු General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2019

ஸம்யுக்த கணிதம் |  
இணைந்த கணிதம் |  
Combined Mathematics |

10 S I

2019.08.05 / 0830 - 1140

ஏடு ஒன்றி  
மூன்று மணித்தியாலம்  
*Three hours*

அமெரிக் கியவில் கூடல்	- தீவிரமாக 10 நிமிடங்கள்
மேலதிக் வாசிப்பு நேரம்	- 10 நிமிடங்கள்
Additional Reading Time	- 10 minutes

අමභර ඩියලිම කාලය පුණු පැවත්වා පුණු ගෝරා යෙදා යැවීමටත නිශ්චිතය ලිවිමේදු ප්‍රමුඛවාය දෙන පුණු නැව්චර්ස තර යැවීමෙන් යොදාගත්තා.

ဝါယာ ၂၀၃

३०८८

- \* මෙම ප්‍රශ්න පත්‍රය කොටස් දෙකකින් සමන්වීත වේ;  
A කොටස (ප්‍රශ්න 1 - 10) සහ B කොටස (ප්‍රශ්න 11 - 17).
  - \* A කොටස:  
දිගුලු ම ප්‍රශ්නවලට පිළිතුරු සපයන්න. එක් එක් ප්‍රශ්නය සඳහා ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති ඉඩිහි ලියන්න. වැඩිපුර ඉඩ අවශ්‍ය වේ නම්, ඔබට අමතර ලියන කවිතාසි හාවිත කළ හැකි ය.
  - \* B කොටස:  
ප්‍රශ්න ප්‍රස්ථාපන පමණක් පිළිතුරු සපයන්න. ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති කවිතාසිවල ලියන්න.
  - \* තියුම්ක කාලය අවසන් වූ පසු A කොටසෙහි පිළිතුරු පත්‍රය, B කොටසෙහි පිළිතුරු පත්‍රයට උච්චින් සිටින පරිදි කොටස් දෙක අමුණා විහාර ගාලාධිපතිව හාර දෙන්න.
  - \* ප්‍රශ්න පත්‍රයෙහි B කොටස පමණක් විහාර ගාලාවෙන් පිටතට ගෙන යාමට ඔබට අවසර ඇත.

පරික්ෂකවරුන්ගේ පෙශේරත්තය සඳහා පමණි.

### (10) සායන්ත ගේරය I

(10) යායුත්වය ගෙවාගැනීම		
භාවිතය	ප්‍රේරණ අංකය	ලක්ෂණ
A	1	
	2	
	3	
	4	
	5	
	6	
	7	
	8	
	9	
	10	
B	11	
	12	
	13	
	14	
	15	
	16	
	17	
		එකතුව

३५४

ଦୁଲକ୍ଷଣମେନ୍ତି	
ଅକ୍ଷୁରିନ୍ତି	

සංස්කරණ දානය

උත්තර පතු පරික්ෂක	
පරික්ෂා කළේ:	1
	2
අධික්ෂණය කළේ:	

A කොටස

1. ගීතික අභ්‍යුජන මූලධිර්මය භාවිතයෙන්, සියලු  $n \in \mathbb{Z}^+$  සඳහා  $\sum_{r=1}^n (2r-1) = n^2$  බව සාධනය කරන්න.

2. එක ම රුප සටහනක  $y = |4x - 3|$  හා  $y = 3 - 2|x|$  හි ප්‍රස්ථාරවල දැඳ සටහන් අදින්න.

ලේඛනීය හෝ අනු අප්‍රෙරකිත හෝ,  $|2x - 3| + |x| < 3$  අසමානතාව සපුරාලන x හි සියලු ම තාන්ත්‍රික අගයන් සොයන්න.

3. ආගත්වී සටහනක,  $\text{Arg}(z - 2 - 2i) = -\frac{3\pi}{4}$  සපුරාලන යුතු සංකීරණ සංඛ්‍යා නිරුපණය කරන ලක්ෂණවල පරියෙහි දළ සටහනක් අදින්න.

ඒ නයින හෝ අත් අකුරකින් හේ.  $\text{Arg}(z - 2 - 2i) = -\frac{3\pi}{4}$  වන පරිදි  $|i\bar{z} + 1|$  හි අවම අගය සොයන්න.

- $$4. \left( x^3 + \frac{1}{x^2} \right)^7 \text{ හි } d\text{විපදු ප්‍රසාරණයේ } x^6 \text{ හි සංගුණකය 35 \ බව පෙන්වන්න.}$$

ඉහත ද්වීපදී ප්‍රසාරණයේ x වලින් ස්වායත්ත්‍රී පදනම් සොජවතින් බවත් පෙන්වන්න.

- $$5. \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x-2}-1}{\sin(\pi(x-3))} = \frac{1}{2\pi} \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

6.  $y = \sqrt{\frac{x+1}{x^2+1}}$ ,  $x = 0$ ,  $x = 1$  හා  $y = 0$  වතු මගින් ආවශ්‍ය වන පෙදෙස  $x$  - අක්ෂය වටා රේඛියන  $2\pi$  වලින් ප්‍රමණය කරනු ලබයි. මෙලෙස ජනනය වන සහ වස්තුවේ පරිමාව  $\frac{\pi}{4}(\pi + \ln 4)$  බව පෙන්වන්න.

7.  $C$  යනු  $t \in \mathbb{R}$  සඳහා  $x = at^2$  සහ  $y = 2at$  මගින් පරාමිතිකව දෙනු ලබන පරාවලය යැයි ගනිමු; මේහි  $a \neq 0$  වේ.  $C$  පරාවලයට  $(at^2, 2at)$  ලක්ෂණයෙහි දී වූ අනිලම්බ රේඛාවෙහි සම්කරණය  $y + tx = 2at + at^3$  මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න.

$C$  පරාවලය මත  $P \equiv (4a, 4a)$  ලක්ෂණයෙහි දී වූ අනිලම්බ රේඛාවට එම පරාවලය නැවත  $Q \equiv (aT^2, 2aT)$  ලක්ෂණයක දී හමු වේ.  $T = -3$  බව පෙන්වන්න.

8.  $I_1$  හා  $I_2$  යනු පිළිබඳින්  $x + y = 4$  හා  $4x + 3y = 10$  මගින් දෙනු ලබන සරල රේඛා යැයි ගතිමු.

$P$  හා  $Q$  ප්‍රහිත්තා ලක්ෂා දෙක  $I_1$  රේඛාව මත පිහිටා ඇත්තේ මෙම එක් එක් ලක්ෂායේ සිට  $I_2$  රේඛාවට ඇති ලම්බ දුර ඒකක 1 ක් වන පරිදි ය.  $P$  හා  $Q$  හි බණ්ඩාක සොයන්න.

9.  $A \equiv (-7, 9)$  ලක්ෂය  $S \equiv x^2 + y^2 - 4x + 6y - 12 = 0$  වාත්තයට පිටතින් පිහිටන බව පෙන්වන්න.  
 $S = 0$  වාත්තය මත වූ,  $A$  ලක්ෂයට ආසන්නතම ලක්ෂයයේ බණ්ඩාක සොයන්න.

10.  $\theta \neq (2n+1)\pi$  නඳහා  $t = \tan \frac{\theta}{2}$  යැයි ගතිමු; මෙහි  $n \in \mathbb{Z}$  වේ.  $\cos \theta = \frac{1-t^2}{1+t^2}$  බව පෙන්වන්න.

$\tan \frac{\pi}{12} = 2 - \sqrt{3}$  බව අපෝහනය කරන්න.

## நவ திருடையை/புதிய பாடத்திட்டம்/New Syllabus

අධ්‍යාපන පොදු සහතික පථ (ලෝක් පෙළ) විභාගය, 2019 අගෝස්තු කළවිප් පොතුත් තරාතරුප පත්තිර (ඉ.යි. තරු)ප පරීක්ෂා, 2019 ඉකෑල් General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2019

සංයුති ගණිතය	I
இணைந்த கணிதம்	I
Combined Mathematics	I

10 S I

B ගොටුක

11. (a)  $p \in \mathbb{R}$  හා  $0 < p \leq 1$  යුති ගනීම්.  $p^2x^2 + 2x + p = 0$  සංලිකරණයෙහි, 1 මුද්‍යක් තොවක බව පෙන්වන්න.

$\alpha$  හා  $\beta$  යනු මෙම සම්කරණයේ මූල යැයි ගනිමු.  $\alpha$  හා  $\beta$  දෙකම තාත්ත්වික බව පෙන්වන්න.

$p$  ആക്കരെൻ്റ്  $\alpha + \beta$  ഹാ  $\alpha\beta$  ലിയാ ദക്ഷവാ

$$\frac{1}{(\alpha-1)} \cdot \frac{1}{(\beta-1)} = \frac{p^2}{p^2 + p + 2}$$

ବିଜ୍ଞାନ ପରିଚୟ

$\frac{\alpha}{\alpha-1}$  හා  $\frac{\beta}{\beta-1}$  මූල වන වර්ගජ සමීකරණය  $(p^2+p+2)x^2-2(p+1)x+p=0$  මගින් දෙනු ලබන බවත්, මෙම මිල දෙකම ධිහා වන බවත් පෙන්වන්න.

- (b)  $c$  හා  $d$  යනු කිහිපයේක කාන්ත්වීක සංඛ්‍යා දෙකක් යැයි ද  $f(x) = x^3 + 2x^2 - dx + cd$  යැයි ද ගනිමු.  $(x - c)$  යන්න  $f(x)$  හි සාධකයක් බවත්,  $(x - d)$  මගින්  $f(x)$  බෙදු විට ගේෂය  $cd$  බවත් දී ඇත.  $c$  හා  $d$  හි අගයන් සොයන්න.  $c$  හා  $d$  හි මෙම අගයන් සඳහා,  $(x + 2)^2$  මගින්  $f(x)$  බෙදු විට ගේෂය සොයන්න.

12. (a)  $P_1$  හා  $P_2$  යනු පිළිවෙළින්  $\{A, B, C, D, E, 1, 2, 3, 4\}$  හා  $\{F, G, H, I, J, 5, 6, 7, 8\}$  මගින් දෙනු ලබන කුලක දෙක යැයි ගතිමූ.  $P_1 \cup P_2$  න් ගනු ලබන වෙනස් අකුරු 3 කින් හා වෙනස් සංඛ්‍යාක 3 කින් ප්‍රත්, අවයව 6 කින් සමඟවීන මුරපදයක් සැකීමට අවශ්‍යව ඇති. එහි එක් එක් අවස්ථාවේ දී සැදිය හැකි එවැනි වෙනස් මුරපද ගණන සෞයන්න:

  - (i) අවයව 6 ම පිළිවෙළින්  $P_1$  න් පමණක් ම තෝරා ගනු ලැබේ,
  - (ii) අවයව 3 ක්  $P_1$  න් දී  $P_2$  න් අනෙක් අවයව 3 දී තෝරා ගනු ලැබේ.

$$(b) \quad r \in \mathbb{Z}^+ \text{ ଅଛି } U_r = \frac{1}{r(r+1)(r+3)(r+4)} \text{ ଓ } V_r = \frac{1}{r(r+1)(r+2)} \text{ ଯେଉଁ ଗନ୍ତିରୁ.$$

$r \in \mathbb{Z}^+$  සඳහා  $V_r - V_{r+2} = 6U_r$  බව පෙන්වන්න.

$$\text{Let } n \in \mathbb{Z}^+ \text{ ଅଛିବୁ } \sum_{r=1}^n U_r = \frac{5}{144} - \frac{(2n+5)}{6(n+1)(n+2)(n+3)(n+4)} \text{ ଏବଂ ଫେରନ୍ତେଲିନ୍ତଙ୍କ.}$$

$r \in \mathbb{Z}^+$  କାହାରେ  $W_r = U_{2r-1} + U_{2r}$  ଯେତି ଗଠିତ.

$$n \in \mathbb{Z}^+ \text{ සඳහා } \sum_{r=1}^n W_r = \frac{5}{144} - \frac{(4n+5)}{24(n+1)(n+2)(2n+1)(2n+3)} \text{ බව අපෝහනය කරන්න.}$$

ල නයින්,  $\sum_{r=1}^{\infty} W_r$  අපරුම්ත ශේෂීය අනිසාරී බව පෙන්වා එහි උක්කය සොයන්න.

13.(a)  $A = \begin{pmatrix} a & 0 & -1 \\ 0 & -1 & 0 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 3 \\ 1 & -a & 4 \end{pmatrix}$  හා  $C = \begin{pmatrix} b & -2 \\ -1 & b+1 \end{pmatrix}$  යනු  $AB^T = C$  වන පරිදි වූ න්‍යාසය යැයි ගනිමු; මෙහි  $a, b \in \mathbb{R}$  වේ.

$a = 2$  හා  $b = 1$  බව පෙන්වන්න.

තවද  $C^{-1}$  තොපවතින බව පෙන්වන්න.

$P = \frac{1}{2}(C - 2I)$  යැයි ගනිමු.  $P^{-1}$  ලියා දක්වා,  $2P(Q + 3I) = P - I$  වන පරිදි  $Q$  න්‍යාසය සොයන්න;

මෙහි  $I$  යනු ගණය 2 වන එකක න්‍යාසය වේ.

(b)  $z, z_1, z_2 \in \mathbb{C}$  යැයි ගනිමු.

$$(i) \quad \operatorname{Re} z \leq |z|, \text{ හා}$$

$$(ii) \quad z_2 \neq 0 \text{ සඳහා } \left| \frac{z_1}{z_2} \right| = \frac{|z_1|}{|z_2|}$$

බව පෙන්වන්න.

$$z_1 + z_2 \neq 0 \text{ සඳහා } \operatorname{Re} \left( \frac{z_1}{z_1 + z_2} \right) \leq \frac{|z_1|}{|z_1 + z_2|} \text{ බව අයෝග්‍ය කරන්න.}$$

$$z_1 + z_2 \neq 0 \text{ සඳහා } \operatorname{Re} \left( \frac{z_1}{z_1 + z_2} \right) + \operatorname{Re} \left( \frac{z_2}{z_1 + z_2} \right) = 1 \text{ බව පත්‍රාපනය කර,}$$

$$z_1, z_2 \in \mathbb{C} \text{ සඳහා } |z_1 + z_2| \leq |z_1| + |z_2| \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

(c)  $\omega = \frac{1}{2}(1 - \sqrt{3}i)$  යැයි ගනිමු.

$1 + \omega$  යන්න  $r(\cos \theta + i \sin \theta)$  ආකාරයෙන් ප්‍රකාශ කරන්න; මෙහි  $r(> 0)$  හා  $\theta \left( -\frac{\pi}{2} < \theta < \frac{\pi}{2} \right)$  යනු නිර්ණය කළ යුතු නියත වේ.

$$\text{ද මුවාවර් ප්‍රමීයය හාවිතයෙන්, } (1 + \omega)^{10} + (1 + \bar{\omega})^{10} = 243 \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

14.(a)  $x \neq 3$  සඳහා  $f(x) = \frac{9(x^2 - 4x - 1)}{(x-3)^3}$  යැයි ගනිමු.

$x \neq 3$  සඳහා  $f(x)$  හි ව්‍යුත්පන්ය,  $f'(x)$  යන්න  $f'(x) = -\frac{9(x+3)(x-5)}{(x-3)^4}$  මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න.

ස්ථරයෙන්මුඩ,  $y$  – අන්තර්බන්ධිය හා හැරුම් ලක්ෂා දක්වමින්,  $y = f(x)$  හි ප්‍රස්ථාරයේ දළ සටහනක් අදින්න.

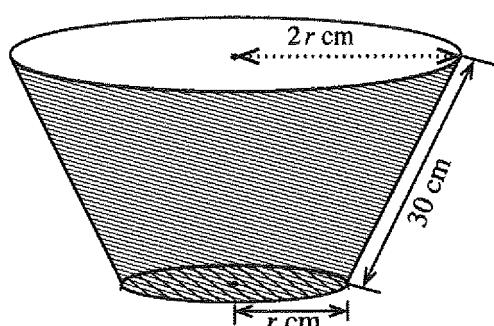
$x \neq 3$  සඳහා  $f''(x) = \frac{18(x^2 - 33)}{(x-3)^5}$  බව දී ඇත.  $y = f(x)$  හි ප්‍රස්ථාරයේ න්‍යායිත ලක්ෂාවල  $x$  – බණ්ඩාක සොයන්න.

(b) යාබද රුපයෙන් පත්‍රාලක් සහිත සැපු ව්‍යුත්තාකාර කේතු ජීන්තකයක ආකාරයෙන් වූ බෙසමක් පෙන්වයි. බෙසමේ ඇල දිග 30 cm ක් ද උඩින් ව්‍යුත්තාකාර දාරයෙහි අරය පත්‍රාලක් අරය මෙන් දෙගුණයක් ද වේ. පත්‍රාලේ අරය  $r$  cm යැයි ගනිමු.

බෙසමේ පරිමාව  $V \text{ cm}^3$  යන්න  $0 < r < 30$  සඳහා

$$V = \frac{7}{3}\pi r^2 \sqrt{900 - r^2} \text{ මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න.}$$

බෙසමේ පරිමාව උපරිම වන පරිදි  $r$  හි අගය සොයන්න.



15. (a)  $0 \leq \theta \leq \frac{\pi}{4}$  සඳහා  $x = 2 \sin^2 \theta + 3$  ආදේශය හාවිතයෙන්,  $\int_3^4 \sqrt{\frac{x-3}{5-x}} dx$  අයයන්න.

(b) සින්න හාග හාවිතයෙන්,  $\int \frac{1}{(x-1)(x-2)} dx$  සොයන්න.

$$t > 2 \text{ සඳහා } f(t) = \int_3^t \frac{1}{(x-1)(x-2)} dx \text{ යැයි ගනිමු.}$$

$t > 2$  සඳහා  $f(t) = \ln(t-2) - \ln(t-1) + \ln 2$  බව අපෝෂනය කරන්න.

කොටස් වගයෙන් අනුකලනය හාවිතයෙන්,  $\int \ln(x-k) dx$  සොයන්න; මෙහි  $k$  යනු කාන්ත්‍රික නියනයකි.

එසේම,  $\int f(t) dt$  සොයන්න.

(c)  $a$  හා  $b$  නියත වන  $\int_a^b f(x) dx = \int_a^b f(a+b-x) dx$  පූරුෂ හාවිතයෙන්,

$$\int_{-\pi}^{\pi} \frac{\cos^2 x}{1+e^x} dx = \int_{-\pi}^{\pi} \frac{e^x \cos^2 x}{1+e^x} dx \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

එසේම,  $\int_{-\pi}^{\pi} \frac{\cos^2 x}{1+e^x} dx$  නි අගය සොයන්න.

16.  $12x-5y-7=0$  හා  $y=1$  සරල රේඛාවල තේරීන ලක්ෂණය වන  $A$  හි බණ්ඩාක ලියා දක්වන්න.

$I$  යනු මෙම රේඛාවලින් සැදෙන පූරුෂ කේත්‍යයෙහි සම්විශේෂිකය යැයි ගනිමු.  $I$  සරල රේඛාවේ සම්කරණය සොයන්න.

$P$  යනු  $I$  මත වූ ලක්ෂණයක් යැයි ගනිමු.  $P$  හි බණ්ඩාක  $(3\lambda+1, 2\lambda+1)$  ලෙස ලිවිය හැකි බව පෙන්වන්න; මෙහි  $\lambda \in \mathbb{R}$  වේ.

$B \equiv (6, 0)$  යැයි ගනිමු.  $B$  හා  $P$  ලක්ෂණ විෂ්කම්ජයක අන්ත ලෙස වූ වෘත්තයෙහි සම්කරණය  $S + \lambda U = 0$  ලෙස ලිවිය ඇති බව පෙන්වන්න; මෙහි  $S \equiv x^2 + y^2 - 7x - y + 6$  හා  $U \equiv -3x - 2y + 18$  වේ.

$S = 0$  යනු  $AB$  විෂ්කම්ජයක් ලෙස ඇති වෘත්තයෙහි සම්කරණය බව අපෝෂනය කරන්න.

$U = 0$  යනු  $I$  ට ලැබුව,  $B$  හරහා යන සරල රේඛාවේ සම්කරණය බව පෙන්වන්න.

සියලු  $\lambda \in \mathbb{R}$  සඳහා  $S + \lambda U = 0$  සම්කරණය සහිත වෘත්ත මත වූ ද  $B$  වලින් ප්‍රහිත්‍යා වූ ද අවල ලක්ෂණයෙහි බණ්ඩාක සොයන්න.

$S = 0$  මගින් දෙනු ලබන වෘත්තය,  $S + \lambda U = 0$  මගින් දෙනු ලබන වෘත්තයට ප්‍රාග්ධන වන පරිදි  $\lambda$  හි අගය සොයන්න.

17. (a)  $\sin A, \cos A, \sin B$  හා  $\cos B$  අපුරුත්වෙන්  $\sin(A+B)$  ලියා දක්වා,  $\sin(A-B)$  සඳහා එවැනි ප්‍රකාශනයක් ලබා ගන්න.

$$2 \sin A \cos B = \sin(A+B) + \sin(A-B) \text{ හා}$$

$$2 \cos A \sin B = \sin(A+B) - \sin(A-B)$$

එව අපෝග්‍ය කරන්න.

ලේ නයිත්,  $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$  සඳහා  $2 \sin 3\theta \cos 2\theta = \sin 7\theta$  වියදැන්න.

(b)  $ABC$  ත්‍රිකෝණයක  $BD=DC$  හා  $AD=BC$  වන පරිදි  $D$  ලක්ෂණය  $AC$  මත පිහිටා ඇත.  $B\hat{A}C = \alpha$  හා  $A\hat{C}B = \beta$  යැයි ගනිමු. සුදුසු ත්‍රිකෝණ සඳහා සයින් නීතිය හාවිතයෙන්,  $2 \sin \alpha \cos \beta = \sin(\alpha + 2\beta)$  බව පෙන්වන්න.

$\alpha : \beta = 3 : 2$  නම්, ඉහත (a) හි අවසාන ප්‍රතිඵලය හාවිතයෙන්,  $\alpha = \frac{\pi}{6}$  බව පෙන්වන්න.

(c)  $2 \tan^{-1} x + \tan^{-1}(x+1) = \frac{\pi}{2}$  වියදැන්න. ලේ නයිත්,  $\cos\left(\frac{\pi}{4} - \frac{1}{2} \tan^{-1}\left(\frac{4}{3}\right)\right) = \frac{3}{\sqrt{10}}$  බව පෙන්වන්න.

\* \* \*

കുടി നിർണ്ണയ/പുതിയ പാതത്തിട്ടമ്/New Syllabus

**NEW** **Department of Examinations Sri Lanka**

අධ්‍යාපන පොදු සහතික පත්‍ර (උදජ පෙළ) විභාගය, 2019 අයෝධ්‍ය  
කළුවීප් පොත්තු තුරාතුරුප පත්තිර (ඇයුර තුරු)ප පරිශෑස, 2019 ඉකළුවී  
General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2019

கூட்டுக்கல் கணிதம் II  
இணைந்த கணிதம் II  
Combined Mathematics II

10 S II

2019.08.07 / 0830 - 1140

ରୁକ୍ଷ ରୁକ୍ଷଦି  
ମୁଣ୍ଡରୁ ମଣିତ୍ତିଯାଲମ୍  
*Three hours*

අමතර තියවීම් කාලය	- මිනිත්තු 10 දි
මෙලතික බාසිපු තොරතු	- 10 නිමිටණක්
Additional Reading Time	- 10 minutes

අමතර හියවුම් කාලය දුෂ්ක පැනය සියවා උග්‍ර ගෙයා ගැනීමෙන් පිළිතු ඇවිරුම් දැක්වා යුතු නො යොමු තුළු.

විභාග දැනකු

Proceed:

- \* මෙම ප්‍රශ්න පත්‍රය කොටස් දෙකකින් සමන්විත වේ;  
A කොටස (ප්‍රශ්න 1 - 10) සහ B කොටස (ප්‍රශ්න 11 - 17).
  - \* A කොටස:  
කිහිපා මි ප්‍රශ්නවලට පිළිතුරු සපයන්න. එක් එක් ප්‍රශ්නය සඳහා ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති ඉඩිහි ලියන්න.  
වැශ්‍යුරු ඉඩ අවශ්‍ය වේ නම්, ඔබට අමතර ලියන කඩ්දසි හාටින කළ හැකි ය.
  - \* B කොටස:  
ප්‍රශ්න පහකට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න. ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති කඩ්දසිවල ලියන්න.
  - \* නියමිත කාලය අවසන් වූ පසු A කොටසෙහි පිළිතුරු පත්‍රය, B කොටසෙහි පිළිතුරු පත්‍රයට උඩින් සිටින පරිදි කොටස් දෙක අමුණා විභාග යාලාධිපතිව හාර දෙන්න.
  - \* ප්‍රශ්න පත්‍රයෙහි B කොටස පමණක් විභාග යාලාධිවන් පිටතට ගෙන යාමට ඔබට අවසර ඇත.
  - \* මෙම ප්‍රශ්න පත්‍රයෙහි ද මිඳින් ගරුත්වීම තුවරණය දක්වායි.

පරිත්‍යාගවරුන්ගේ පෙශේපනය කැඳා පමණි.

(10) සංයුත්ත ගණනය II		
කොටස	දුරක්ත අංකය	ලබනු ලබනු
A	1	
	2	
	3	
	4	
	5	
	6	
	7	
	8	
	9	
	10	
B	11	
	12	
	13	
	14	
	15	
	16	
	17	
එකතුව		

୬୩

ඉලක්කමෙන්	
අකුරින්	

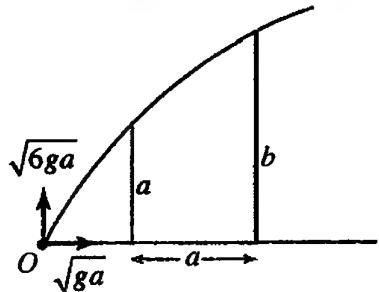
ପ୍ରକାଶକ ଦ୍ୱାରା

උත්තර පත්‍ර පරික්ෂක	
පරික්ෂා කළේ:	1
	2
අධික්ෂණය කළේ:	

A තොරතුරු

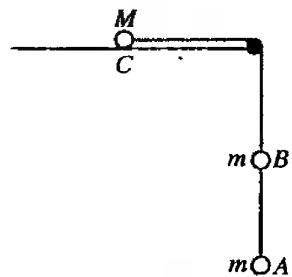
1. එක එකක ස්කන්දය  $m$  වූ  $A, B$  හා  $C$  අංශ කුනක් එම පිළිවෙළින්, සුමත තිරස් මේසයක් මක සරල රේඛාවක තබා ඇත.  $A$  අංශවට  $\mu$  ප්‍රවේශයක් දෙනු ලබන්නේ එය  $B$  අංශව සමග සරල ලෙස ගැටෙන පරිදි ය.  $A$  අංශව සමග ගැටෙන පසු,  $B$  අංශව වලනය වී  $C$  අංශව සමග සරල ලෙස ගැටේ.  $A$  හා  $B$  අතර ප්‍රතිඵාගති සංශ්‍යාණකය  $e$  වේ. පළමු ගැටුමෙන් පසුව  $B$  හි ප්‍රවේශය සොයන්න.

*B* හා *C* අතර ප්‍රතිඵලිය සංග්‍රහකය ද ඇ ලේ. *B* සමඟ ගැලුවෙන පසුව *C* හි ප්‍රවීගය උරු දක්වනු.



$b = \frac{5a}{2}$  என தலையர்வதை பெற்றிருக்கிறார்கள்.

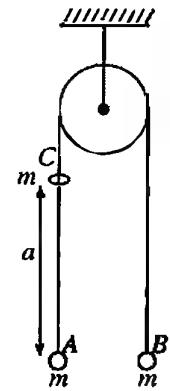
3. රුපයෙහි  $A$ ,  $B$  හා  $C$  යනු ස්කන්ධ පිළිවෙළින්  $m$ ,  $m$  හා  $M$  වූ අංශ වේ.  $A$  හා  $B$  අංශ සැහැල්පු අවිතනය තන්තුවකින් සම්බන්ධ කර ඇත. සුම්ට තිරස මෙසයක් මත වූ  $C$  අංශව, මෙසයේ දාරයට සවිකර ඇති සුම්ට කුඩා ක්ෂේපයක් මතින් යන තවත් සැහැල්පු අවිතනය තන්තුවකින්  $B$  ට ඇදා ඇත. අංශ හා තන්තු සියලුම එකම සිරස් කළයක පිහිටයි. තන්තු තොළුරුල්ව ඇතිව පද්ධතිය නිශ්චලකාවයේ සිට මුදා හරිනු ලැබේ.  $A$  හා  $B$  යා කරන තන්තුවේ ආකෘතිය තිරීමට ප්‍රමාණවත් සම්කරණ ලියා දක්වන්න.



4. ස්කන්ධය  $M \text{ kg}$  හා  $P \text{ kW}$  නියත ජවයකින් යුත් කාරයක් තිරසට උ කේෂයකින් ආනත සැපු මාරගයක් දිගේ පහළට වලනය වේ. එහි ව්‍යුහයට  $R (> Mg \sin \alpha) N$  නියත ප්‍රතිරෝධයක් ඇත. එක්තරා මොහොතා දී කාරයේ ත්වරණය  $a \text{ ms}^{-2}$  වේ. මෙම මොහොත් දී කාරයේ ප්‍රවේශය සොයන්න.

මාරගය දිගේ පහළට කාරයට වලනය එය හැකි නියත වෙයා  $\frac{1000P}{R - Mg \sin \alpha} \text{ ms}^{-1}$  බව අයෝග්‍ය කරන්න.

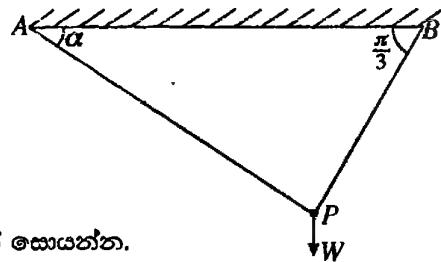
5. එක එකක ස්කන්ධය  $m$  වූ A හා B අංශ දෙකක්, අවල පුම්ව කප්පියක් මතින් යන සැහැල්ලු අවිතනා තන්තුවක දෙකෙලටරට ඇදා සම්බුද්ධතාවයේ එල්ලයි. A ව සිරස්ව  $a$  දුරක් ඉහැලින් වූ ලක්ශ්‍යයකින් නිශ්චිතාවයේ සිට මුදා හරින ලද ස්කන්ධය  $m$  ම වූ C කුඩා පබඳවක් ගුරුත්වය යටතේ නිදහසේ වලනය වී A සමග ගැටී හා එවි. (රුපය බලන්න.) A හා C අතර ගැටුම සිදු වන මොහොතේ දී තන්තුවේ ආවේගය ද ඉහත ගැටුමෙන් මොහොතකට පසු B ලබා ගන්නා ප්‍රවේගය ද නිර්ණය කිරීමට ප්‍රමාණවත් සම්කරණ ලියා දක්වන්න.



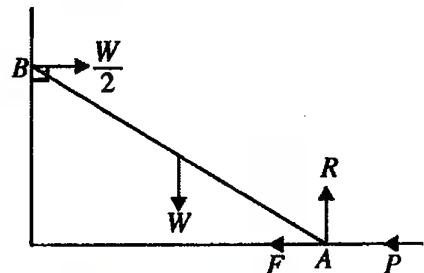
6. සුපුරුදු අංකනයෙන්, O අවල මූලයකට අනුබද්ධයෙන් A හා B ලක්ශ්‍ය දෙකක පිහිටුම් දෙදික පිළිවෙළින්  $2\mathbf{i} + \mathbf{j}$  හා  $3\mathbf{i} - \mathbf{j}$  යැයි ගනීමු.  $A\hat{O}C = A\hat{O}D = \frac{\pi}{2}$  හා  $OC = OD = \frac{1}{3}AB$  වන පරිදී වූ C හා D ප්‍රහිතන්හා ලක්ශ්‍ය දෙකකි පිහිටුම් දෙදික සොයන්න.

7. තිරස සමග පිළිවෙළින්  $\alpha$  හා  $\frac{\pi}{3}$  කෝණ සාදන  $AP$  හා  $BP$  සැහැලු අවිතනය තන්තු දෙකක් මගින් තිරස සිව්ලිමකින් එල්ලා ඇති බර  $W$  වූ  $P$  අංශවක්, රුපයේ දැක්වෙන පරිදි සමතුලිතතාවයේ පවතී.  $AP$  තන්තුවේ ආතනිය,  $W$  හා  $\alpha$  ඇසුරෙන් සොයන්න.

ඊ නිකිත්. මෙම ආතනියේ අවම අගයන් එයට අනුරුප  $\alpha$  හි අගයන් සොයන්න.



8. දිග  $2a$  හා බර  $W$  වූ ඒකාකාර  $AB$  දැන්වික් එහි  $A$  කෙළවර රහ තිරස ගෙධීමක් මක ද  $B$  කෙළවර පුම්ව සිරස බිත්තියකට එරෙහිව ද තබා ඇත. බිත්තියට ලැබූ සිරස තලයක දැන්ව සමතුලිතතාවයේ තබා ඇත්තේ  $A$  කෙළවරේ දී බිත්තිය දෙසට යොදු වියාලන්වය  $P$  වන තිරස බලයක් මගිනි. රුපයේ  $F$  හා  $R$  මගින් පිළිවෙළින්  $A$  හි දී සර්ජන බලය හා අහිලම්බ ප්‍රතික්‍රියාව දක්වා ඇත.  $B$  හි දී බිත්තිය මගින් ඇති කරන ප්‍රතික්‍රියාව, රුපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි  $\frac{W}{2}$  දී දැන්ව හා ගෙධීම අනර සර්ජන සංගුණකය  $\frac{1}{4}$  ද නම්,  $\frac{W}{4} \leq P \leq \frac{3W}{4}$  බව පෙන්වන්න.



9. A හා B යනු ගැනීමේ අවකාශයක සිද්ධි දෙකක් යැයි ගනිමු. සූපුරුදු අංකනයෙන්,  $P(A) = \frac{3}{5}$ ,  $P(A \cap B) = \frac{2}{5}$  හා  $P(A' \cap B) = \frac{1}{10}$  බව දී ඇත.  $P(B)$  හා  $P(A' \cap B')$  සොයන්න; මෙහි A' හා B' වලින් පිළිචෙළින් A හා B හි අනුස්ථරක සිද්ධි දැක්වේ.

10. එක එකක් 5 ව අවු ධන නිවිල පහකට මාත්‍යන් දෙකක් ඇති අතර ඉන් එකක් 3 වේ. ඒවායේ මධ්‍යනාය හා මධ්‍යස්ථාය යන දෙකම 3 ව සමාන වේ. මෙම නිවිල පහ සොයන්න.

நவ திருடையை/புதிய பாடத்திட்டம்/New Syllabus

**NEW** Department of Examinations Sri Lanka

අධ්‍යාපන පොදු පහතික පත්‍ර (අධ්‍ය පෙල) විභාගය, 2019 අවස්ථාව  
කළුවිප් පොතුත් තුරාතුරුප් පත්තිර (ශ්‍යර් තුරු)ප් ප්‍රිට්ස්, 2019 ඉකස්ස්  
General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2019

ஸங்கிள்த கணிதம்	II
இணைந்த கணிதம்	II
Combined Mathematics	II

10 S II

B සේවක

(විභින් ප්‍රාග්ධන පැහැදිලි සිව්‍යාමීය වෛද්‍යතා ප්‍රාග්ධනයේ ප්‍රාග්ධනයි)

11. (a)  $P$  හා  $Q$  මෙටර් රඟ දෙකක් සූපුරු පාරක් දිගේ නියත ත්වරණ සහිතව එකම දිගාවකට වලනය වේ. කාලය  $t = 0$  හි  $\vec{P}$  හි ප්‍රවේශය  $u \text{ ms}^{-1}$  ද  $Q$  හි ප්‍රවේශය  $(u + 9) \text{ ms}^{-1}$  ද වේ.  $P$  හි නියත ත්වරණය  $f \text{ ms}^{-2}$  ද  $Q$  හි නියත ත්වරණය  $\left(f + \frac{1}{10}\right) \text{ m s}^{-2}$  ද වේ.

- (i)  $t \geq 0$  සඳහා  $P$  හා  $Q$  හි වලින්තවලට, එකම රුපයක හා  
(ii)  $t \geq 0$  සඳහා  $P$  ව සාලේක්ෂණව  $Q$  හි වලින්තයට, ගෙනම රුපයක,

ප්‍රවේග-කාල වකුවල දෙ සටහන් අදින්න.

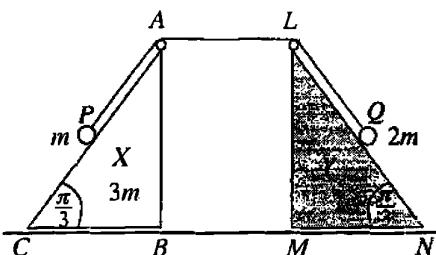
කාලය  $t = 0$  හි  $\bar{P}$  මෝටර් රථය  $\bar{Q}$  මෝටර් රථයට වඩා මිටර 200 ක් ඉදිරියෙන් සිටී බව තවදුරටත් දැඟැතු.  $\bar{P}$  පසුකර යුම්ව ගැනී ලබා කාලය සෞයන්න.

- (b) සමාන්තර සූත්‍ර ඉවුරු සහිත පළල  $a$  වූ ගෙන්  $\parallel$  ජීවාකාර ප්‍රවේශයෙන් ගලයි. රුපයෙහි,  $A, B, C$  හා  $D$  යන ඉවුරු මත වූ ලක්ෂා සමවතුරුප්‍රයක සිරි වේ. ජලයට සාපේක්ෂව නියන්  $v (> u)$  වේගයෙන් වලනය වන  $B_1$  හා  $B_2$  බෝරිටු දෙකක් එකම මොහොතක  $A$  සිට ජ්වායේ ගමන් ආරම්භ කරයි.  $B_1$  බෝරිටුව පළමුව  $\overrightarrow{AC}$  දිග්  $C$  වෙත ගොස් ඉන්පසු  $\overrightarrow{CD}$  දිගාවට ගෙ දිග් ඉහළට  $D$  වෙත යයි.  $B_2$  බෝරිටුව පළමුව  $\overrightarrow{AB}$  දිගාවට ගෙ දිග් පහළට  $B$  වෙත ගොස් ඉන්පසු  $\overrightarrow{BD}$  දිග්  $D$  වෙත යයි. එකම රුපයක,  $B_1$  හි  $A$  සිට  $C$  දක්වා ද  $B_2$  හි  $B$  සිට  $D$  දක්වා ද වලින සඳහා ප්‍රවේශ තිකෙකුණුවල දළ සටහන් අදින්න.

ಶೇ. ನಡಿನ್.  $A$  ಸಿಂ  $C$  ದ್ವಾರಾ ಲಿಲಿತ್ಯಾದೆ ದಿ  $B_1$  ಬೋವಿವುಲೆ ಲೆಗಡ  $\frac{1}{\sqrt{2}} \left( \sqrt{2v^2 - u^2} + u \right)$  ಏಂ ಪೆನ್‌ಲ್‌ಎಂ  $B$  ಸಿಂ  $D$  ದ್ವಾರಾ ಲಿಲಿತ್ಯಾದೆ ದಿ  $B_2$  ಬೋವಿವುಲೆ ಲೆಗಡ ಸೊಯನ್‌ನ.

$B_1$  හා  $B_2$  බෝට්ටු දෙකම එකම මොහොතක දී  $D$  වෙත ලැබා වන බව කවුරටත් පෙන්වන්න.

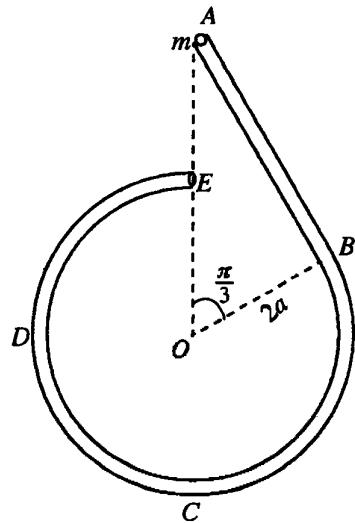
- 12.(a) රුපයෙහි  $ABC$  හා  $LMN$  ත්‍රිකෝණ,  $A\hat{C}B = L\hat{N}M = \frac{\pi}{3}$  හා  $A\hat{B}C = L\hat{M}N = \frac{\pi}{2}$  වූ  $BC$  හා  $MN$  අඩංගු මුහුණක් සුමට කිරස් ගෙවීමක් මත තබන ලද පිළිවෙළින්  $X$  හා  $Y$  සර්වසම සුමට ඒකාකර කුණුණු දෙකක ඉරුතැව කේත්ද තුළින් වූ සිරස් භරස්කව වේ. සක්නෑය 3m වූ  $X$  කුණුණුය ගෙවීම මත වලනය වීමට නිධහස් වන අතර  $Y$  කුණුණුය අවලව තබා ඇත.  $AC$  හා  $LN$  රේඛා අදාළ මුහුණක්වල උපරිම බැඳුම් රේඛා වේ.  $A$  හා  $L$  හි සවිකර ඇති සුමට කුඩා කප්පී දෙකක් මතින් යන සැහැල්ල අවනානු තන්තුවක දෙකෙකුවර සක්නෑය  $m$  හා  $2m$  වූ  $P$  හා  $Q$  අංශ දෙකකට ඇදා ඇත. රුපයේ පරිදි ආරම්භක පිහිටීමේදී, තන්තුව තොටුපැල්ව හා  $AP = AL = LQ = a$  වන ලෙස  $P$  හා  $Q$  අංශ පිළිවෙළින්  $AC$  හා  $LN$  මත අල්වා තබා ඇත. පද්ධතිය තියුවලතාවයෙන් මූදා හරිනු ලැබේ.  $Y$  වෙත යාමට  $X$  ගන ලෙන කාලය,  $a$  හා  $\delta$  ඇසරෙන් තිරිපෙන් සම්බන්ධ සම්බන්ධ ප්‍රමාණවත් සම්කරණ ලබා ගන්න.



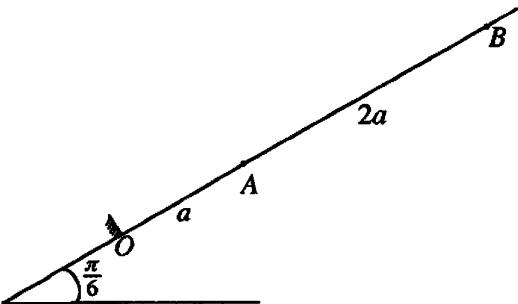
(b) රුපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි සුමට සිහින්  $ABCDE$  බටයක් සිරස් තලයක සවිකර ඇතු. දීග  $2\sqrt{3}a$  වූ  $AB$  කොටස සාජ්‍ර වන අතර එය  $B$  හි දී අයි  $2a$  වූ  $BCDE$  වන්තාකාර කොටසට ස්ථැපනය වේ.  $A$  හා  $E$  අන්ත  $O$  කේන්ද්‍රයට සිරස්ව ඉහළින් පිහිටි. ස්කන්ධය  $m$  වූ  $P$  අංශුවක්  $A$  හි දී බටය තුළ තබා නිය්වලනාවයේ සිට සිරුවෙන් මුදා හරිනු ලැබේ.  $\overrightarrow{OA}$  සමග  $\theta \left( \frac{\pi}{3} < \theta < 2\pi \right)$  කෝණයක්  $\overrightarrow{OP}$  සාදන විට  $P$  අංශුවේ වේගය,  $v$  යන්න,  $v^2 = 4ga(2 - \cos\theta)$  මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වා, එම මොහොතේ දී  $P$  අංශුව මත බටයෙන් ඇති කරන ප්‍රතික්‍රියාව සොයන්න.

$P$  අංශුව  $A$  සිට  $B$  දක්වා වලිනයේ දී එය මත බටයෙන් ඇති කරන ප්‍රතික්‍රියාව ද සොයන්න.

$P$  අංශුව  $B$  පසු කරන විට  $P$  අංශුව මත බටයෙන් ඇති කරන ප්‍රතික්‍රියාව ක්ෂේකව වෙනස් වන බව පෙන්වන්න.



13. සිරසට  $\frac{\pi}{6}$  කෝණයකින් ආනත සුමට අවල තලයක උපරිම බැඳුම් රේඛාවක් මත  $OA = a$  හා  $AB = 2a$  වන පරිදි  $O$  පහළම ලක්ෂ්‍යය ලෙස ඇතිව  $O, A$  හා  $B$  ලක්ෂ්‍ය එම පිළිවෙළින් පිහිටා ඇත. ස්වාහාවික දීග  $a$  හා ප්‍රත්‍යාස්ථාපිත මාපාංකය  $mg$  වූ සැහැල්පු ප්‍රත්‍යාස්ථාපිත තන්තුවක එක් කෙළවරක්  $O$  ලක්ෂ්‍යයට ඇදා ඇති අතර අනෙක් කෙළවර ස්කන්ධය  $m$  වූ  $P$  අංශුවකට ඇදා ඇත.  $P$  අංශුව  $B$  ලක්ෂ්‍යය කර ලැබා වන තෙක් තන්තුව  $OAB$  රේඛාව දිගේ අදිනු ලැබේ. ඉන්පසු  $P$  අංශුව නිය්වලනාවයේ සිට මුදා හරිනු ලැබේ.  $B$  සිට  $A$  දක්වා  $P$  හි වලින සම්කරණය,  $0 \leq x \leq 2a$  සඳහා,  $x + \frac{g}{a} \left( x + \frac{a}{2} \right) = 0$  මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න; මෙහි  $AP = x$  වේ.



ඉහත සරල අනුවර්ති වලිනයේ කේන්දුය සොයා  $y^2 = \omega^2(c^2 - y^2)$  සුතුය හාවිතයෙන්,  $c$  විස්තාරය හා  $A$  වෙත ලැබා වන විට  $P$  හි ප්‍රවේගය සොයන්න.

$O$  වෙත ලැබා වන විට  $P$  හි ප්‍රවේගය  $\sqrt{7ga}$  බව පෙන්වන්න.

$B$  සිට  $O$  දක්වා වලනය විමට  $P$  මගින් ගනු ලබන කාලය  $\sqrt{\frac{a}{g}} \left\{ \cos^{-1} \left( \frac{1}{5} \right) + 2k \right\}$  බවන් පෙන්වන්න; මෙහි  $k = \sqrt{7} - \sqrt{6}$  වේ.

$P$  අංශුව  $O$  වෙත ලැබා වන විට, තලයට ලම්බව  $O$  හි සවිකර ඇති සුමට බාධිකයක් හා එය ගැවෙයි. බාධිකය හා  $P$  අතර ප්‍රත්‍යාගති සංගුණකය  $e$  වේ.  $0 < e \leq \frac{1}{\sqrt{7}}$  නම්, පසුව සිදු වන  $P$  හි වලිනය සරල අනුවර්ති නොවන බව පෙන්වන්න.

14. (a)  $OACB$  යනු සමාන්තරප්‍රයක් යැයි ද  $D$  යනු  $AC$  මත  $AD : DC = 2 : 1$  වන පරිදි වූ ලක්ෂ්‍යය යැයි ද ගනිමු.  $O$  අනුබද්ධයෙන්  $A$  හා  $B$  ලක්ෂ්‍යවල පිහිටුම දෙකික පිළිවෙළින් ලා හා  $b$  වේ; මෙහි  $\lambda > 0$  වේ.  $\overrightarrow{OC}$  හා  $\overrightarrow{BD}$  දෙකික,  $a, b$  හා  $\lambda$  ඇසුරෙන් ප්‍රකාශ කරන්න.

දැන්,  $\overrightarrow{OC}$  යන්න  $\overrightarrow{BD}$  ට ලම්බ වේ යැයි ගනිමු.  $3|a|^2 \lambda^2 + 2(a \cdot b)\lambda - |b|^2 = 0$  බව පෙන්වා

$|a| = |b|$  හා  $A \hat{O} B = \frac{\pi}{3}$  නම්,  $\lambda$  හි අගය සොයන්න.

- (b) කේත්දය  $O$  හා පැත්තක දිග  $2a$  වූ  $ABCDEF$  සවිධී අවස්ථක තලයෙහි වූ බල තුනකින් පද්ධතියක් සමන්වීම වේ. මූලය  $O$  හි ද  $Ox$ -අක්ෂය  $\overrightarrow{OB}$  දිගේ ද  $Oy$ -අක්ෂය  $\overrightarrow{OH}$  දිගේ ද ඇතිව බල හා ඒවායේ ක්‍රියා ලක්ෂණ, සුළුරුදු අංකනයෙන්, පහත වගාවේ දක්වා ඇත; මෙහි  $H$  යනු  $CD$  හි මධ්‍ය ලක්ෂණය වේ.
- ( $P$  නිවිතන වලින් ද  $a$  මිටර වලින් ද  $1$  මතිනු ලැබේ.)

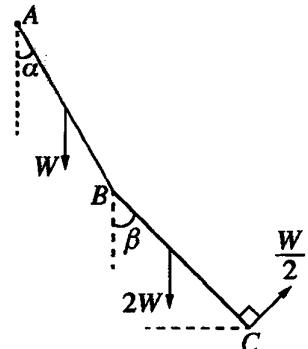
ක්‍රියා ලක්ෂණය	පිහිටුව දෙශීකිය	බලය
$A$	$ai - \sqrt{3}aj$	$3Pi + \sqrt{3}Pj$
$C$	$ai + \sqrt{3}aj$	$-3Pi + \sqrt{3}Pj$
$E$	$-2ai$	$-2\sqrt{3}Pj$

පද්ධතිය යුතු මෙහෙයුම් සෑයන්න.

දත්,  $\overrightarrow{FE}$  දිගේ ක්‍රියා කරන විශාලත්වය  $6P$  N වූ අනිරෝක් බලයක් මෙම පද්ධතියට ඇතුළත් කරනු ලැබේ. නව පද්ධතිය උග්‍රනතය වන තති බලයේ විශාලත්වය, දිගාව හා ක්‍රියා රේඛාව සෑයන්න.

15. (a) එක එකක දිග  $2a$  වූ  $AB$  හා  $BC$  ඒකාකාර දැඩු දෙකක්  $B$  හි දී සුම්ව ලෙස සන්ධි කර ඇත.  $AB$  දී සුම්ව බර  $W$  ද  $BC$  දී සුම්ව බර  $2W$  ද වේ.  $A$  කොට්ටර අවල ලක්ෂණයකට සුම්ව ලෙස අසවි කර ඇත.  $AB$  හා  $BC$  දැඩු යටි අත් සිරස සමග පිළිවෙළින්  $\alpha$  හා  $\beta$  කේතෙන සාදුමින් මෙම පද්ධතිය සිරස් තලයක සමනුලිතතාවයේ තබා ඇත්තේ,  $C$  හි දී රුපයේ පෙන්වා ඇති  $BC$  ව ලමිඳ දිගාව ඔස්සේ යෙදු  $\frac{W}{2}$  බලයක් මගිනි.  $\beta = \frac{\pi}{6}$  බව පෙන්වා,  $B$  සන්ධියේ දී  $AB$  දී සුම්ව මගින්  $BC$  දී සුම්ව මත යොදන ප්‍රතික්‍රියාවෙහි තිරස් හා සිරස් සංරචක සෑයන්න.

$$\tan \alpha = \frac{\sqrt{3}}{9}$$



- (b) රුපයෙහි පෙන්වා ඇති රාමු සැකිල්ල ඒවායේ කෙළවරවල දී සුම්ව ලෙස සන්ධි කළ  $AB, BC, BD, DC$  හා  $AC$  සැහැල්පූ දැඩු පහකින් සමන්වීම වේ.

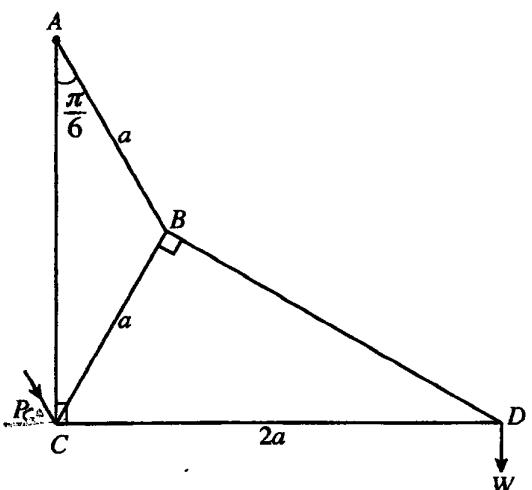
මෙහි  $AB = CB = a$  ද  $CD = 2a$  ද  $\hat{BAC} = \frac{\pi}{6}$  ද බව දී ඇත. රාමු සැකිල්ල  $A$  හි දී අවල ලක්ෂණයකට සුම්ව ලෙස අසවි කර ඇත.  $D$  සන්ධියේ දී  $W$  හාරයක් එල්ලා,  $AC$  සිරස්ව ද  $CD$  තිරස්ව ද ඇතිව සිරස් තලයක රාමු සැකිල්ල සමනුලිතව තබා ඇත්තේ  $C$  සන්ධියේ දී  $AB$  දී සුම්ව සමාන්තරව රුපයේ පෙන්වා ඇති දිගාවට යෙදු  $P$  බලයක් මගිනි. බෝ අංකනය හාවිතයෙන්  $D, B$  හා  $C$  සන්ධි සඳහා ප්‍රත්‍යාවල සටහනක් අදින්න.

එහියින්,

- (i) ආනකින් ද තෙරපුම් ද යන්න ප්‍රකාශ කරමින් දැනු පහේම ප්‍රත්‍යාවල, හා

- (ii)  $P$  හි අගය

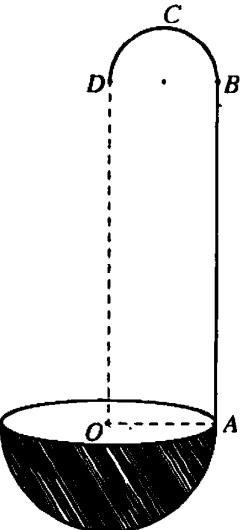
සෑයන්න.



16. (i) අරය  $a$  වූ තුනී ඒකාකාර අර්ධ වෘත්තාකාර කමිෂයක ස්කන්ද කේත්දය එහි කේත්දයේ සිට  $\frac{2a}{\pi}$  දුරකින් ද
- (ii) අරය  $a$  වූ තුනී ඒකාකාර අර්ධ ගෝලාකාර කබොලක ස්කන්ද කේත්දය එහි කේත්දයේ සිට  $\frac{a}{2}$  දුරකින් ද පිහිටන බව පෙන්වන්න.

කේත්දය  $O$  හා අරය  $2a$  වූ තුනී ඒකාකාර අර්ධ ගෝලාකාර කබොලකට රුපයේ දැක්වෙන පරිදි දිග  $2\pi a$  වූ  $AB$  සාර්ස් කොටසකින් ද  $BD$  විෂ්කම්භය  $AB$  ව ලම්බ වන පරිදි, අරය  $a$  වූ  $BCD$  අර්ධ වෘත්තාකාර කොටසකින් ද සමන්විත ඒකාකාර කමිෂයකින් සාදනු ලැබූ  $ABCD$  තුනී මිටත් දැඩි ලෙස සවි තිරිමෙන් හැන්දක් සාදා ඇතු.  $A$  ලක්ෂණය අර්ධ ගෝලයේ ගැටුව මත ඇති අතර  $OA$  යන්න  $AB$  ව ලම්බ ද  $OD$  යන්න  $AB$  ව සමාන්තර ද වේ. තව ද  $BCD$  යන්න  $OABD$  හි කළයේ පිහිටා ඇතු. අර්ධ ගෝලයේ ඒකක වර්ගඑලයක ස්කන්දය ර ද මිටසි ඒකක දිගක ස්කන්දය ස්කන්දය  $\frac{a\pi}{2}$  ද වේ. හැන්දේ ස්කන්ද කේත්දය,  $OA$  සිට පහළට  $\frac{2}{19\pi}(8\pi - 2\pi^2 - 1)a$  දුරකින් ද  $O$  හා  $D$  හරහා යන රේඛාවේ සිට  $\frac{5}{19}a$  දුරකින් ද පිහිටන බව පෙන්වන්න.

රඟ තිරස් මෙසයක් මත, අර්ධ ගෝලාකාර පෘෂ්ඨය එය ස්පර්ශ කරමින්, හැන්ද තබා ඇතු. අර්ධ ගෝලාකාර පෘෂ්ඨය හා මෙසය අතර සර්ෂණ සංදුනකය  $\frac{1}{7}$  කි.  $\overrightarrow{AO}$  දියාවට  $A$  හි දි යොදනු ලබන තිරස් බලයක් මගින්  $OD$  සිරස්ව ඇතිව හැන්ද සමනුලිතතාවයේ තැකිය හැකි බව පෙන්වන්න.



17. (a) ආරම්භයේදී එක එකක් පුදු පාට සේ කළ පාට වූ, පාටින් හැර අන් සැම අපුරකින්ම සමාන බෝල 3 ක් පෙවිටියක අඩංගු වේ. දැන්, පාටින් හැර අන් සැම අපුරකින්ම පෙවිටියේ ඇති බෝලවලට සමාන පුදු පාට බෝලයක් පෙවිටිය තුළට දමා ඉන්පසු සම්භාවී ලෙස බෝලයක් පෙවිටියෙන් ඉවත්ව ගනු ලැබේ. පෙවිටියේ ඇති බෝලවල ආරම්භක සංපුර්ණ හතර සම සේ හවා වේ යැයි උපකල්පනය කරමින්,
- ඉවත්ව ගන් බෝලය පුදු පාට එකක් විමේ,
  - ඉවත්ව ගන් බෝලය පුදු පාට එකක් බව දී ඇති විට ආරම්භයේදී පෙවිටිය තුළ හරියටම කළ පාට බෝල 2 ක් නිවිමේ,
- සම්භාවිතාව සොයන්න.
- (b)  $\mu$  හා  $\sigma$  යනු පිළිවෙළින්  $\{x_i : i = 1, 2, \dots, n\}$  අගයන් කුලකයේ මධ්‍යනය හා සම්මත අපගමනය යැයි ගතිමු.  $\{\alpha x_i : i = 1, 2, \dots, n\}$  අගයන් කුලකයේ මධ්‍යනය හා සම්මත අපගමනය සොයන්න; මෙයි ඔ යනු නියන්තයි.
- එක්තරා සමාගමක සේවකයින් 50 දෙනාකුගේ මාසික වැටුප් පහත වැටුවේ සාරාංශගත කර ඇතු:

මාසික වැටුප (රුපියල් දැස් එවායින්)	දේවකයින් ගෙනි
5 – 15	9
15 – 25	11
25 – 35	14
35 – 45	10
45 – 55	6

සේවකයින් 50 දෙනාගේ මාසික වැටුප්වල මධ්‍යනය හා සම්මත අපගමනය නිමානය කරන්න.

වසරක ආරම්භයේදී එන් එන් සේවකයාගේ මාසික වැටුප  $p\%$  වලින් වැඩි කරනු ලැබේ. ඉහත සේවකයින් 50 දෙනාගේ නව මාසික වැටුප්වල මධ්‍යනය රුපියල් 29 172 බව දී ඇතු.  $p$  හි අගය හා සේවකයින් 50 දෙනාගේ නව මාසික වැටුප්වල සම්මත අපගමනය නිමානය කරන්න.