

අධ්‍යාපන පොදු සහතික පරාඨ (රුයෝ පෙල) - එහාගේ, 2011 අගෝස්තු කළමනීය - පොතුත් තරාතරපද ප්‍රතිඵ්‍රිත යාර්ථකීය පරිගණක, 2011 මෙයෙන් General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2011

கலைக்கு மாணிக்கம் |
கலைக்கு மாணிக்கம் |
Combined Mathematics |

10 S I

ରୁଦ୍ଧ ରୁହାନୀ
ମୁଣ୍ଡରୁ ମଣିତତ୍ତ୍ୟାଳମ୍
Three hours

Digitized by srujanika@gmail.com

ಕ್ರಾಡೆಡ್ :

- * මෙම ප්‍රෝග්‍රාම සොටයේ දෙකකින් අමත්වීන වේ;
A කොටස (ප්‍රෝග්‍රාම 1 - 10) හා B කොටස (ප්‍රෝග්‍රාම 11 - 17).
 - * A කොටස
සියලු ම ප්‍රෝග්‍රාමවලට පිළිතුරු සපයන්න. එක් එක් ප්‍රෝග්‍රාම සඳහා මධ්‍යේ පිළිතුරු, සපයා ඇති ඉඩවේල් උපාජ්‍ය තුවී අවශ්‍ය වේ නම්, මධ්‍යට අමතර උග්‍රතා තවදුනී යාවිත කළ භූතිය.
 - * B කොටස
ප්‍රෝග්‍රාම පෙන්වනු ලබන්න පිළිතුරු සපයන්න. මධ්‍යේ පිළිතුරු, සපයා ඇති කවිද්‍යිලු උග්‍රතා.
 - * නියමිත කාලය අවසන් වූ පසු A කොටස, B කොටසට උරින් පිටිත පරිදි කොටයේ දෙක අමුණා එහාය යාලායිපතිව කාර ඇතාත.
 - * ප්‍රෝග්‍රාම පෙන්වනු ලබන්න විහාර යාලාවන් පිටිත ගෙනයාමට මධ්‍යට අවසර ඇත.

පරිජ්‍යකෙන් පැයෑරනය යොමු පවතී.

(10) සංඛ්‍යක ගණිතය I

କୋଡ଼ିର	ଦୂର୍ତ୍ତ ଦାନାରୀ	ଲେଖ ଅଳ୍ପରୀ
A	1	
	2	
	3	
	4	
	5	
	6	
	7	
	8	
	9	
	10	
B	11	
	12	
	13	
	14	
	15	
	16	
	17	
	ଠକାରୀ	
	ଦୁର୍ଗାଦାନାରୀ	

පත්‍රය I	
පත්‍රය II	
උක්තුවි	
අවසාන ලේඛන	

අවිසාත ලේඛන

ବ୍ୟାଲ୍‌କାରୀ	
ଅନୁରିତୀ	

සිංහල දාන

උත්තර පහ පරිනැමක	
පරිනැමා තුළේ :	1
අවස්ථාවය	2

A ගොටක

1. ගණිත අභ්‍යන්තර මූලධිරමය භාවිතයෙන්, සියලු $n \in \mathbb{Z}^*$ අදහා $n^3 + 5n$ යන්න 3 න් බෙඳුන තුළ සාක්ෂි කරන්න.

2. 1, 2, 3 හා 4 පාඨම්පාංච යොදුගෙන 2000 හා 4000 අතර සාංචිය තොපම්පූ. ගණනක්, සාංචියාක පුත්තරාවර්තනයට (i) ඉවත් නැති විට, (ii) ඉවත් ඇති විට, ගැඹුයා මැතිවාසිකියා දැමීමෙන්.

3. බිත් නිවිලමය දරුණුවයේ සඳහා දේපිපද ප්‍රසාරණය යොදාගැනීමෙන්, $(1+\sqrt{3})^6 + (1-\sqrt{3})^6 = 416$ බව පෙන්වන්න.
රේ කළු, $(1+\sqrt{3})^6$ හි පූරුෂ සංඛ්‍යාමය කොටස යොයන්න.

$$4. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{4+3\sin x} - \sqrt{4-3\sin x}}{2x} = \frac{3}{4} \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

5. $\frac{d}{dx} \{e^{2x}(A \sin 3x + B \cos 3x)\} = 13e^{2x} \sin 3x$ වන පරිදී A හා B නියත සොයන්න.

ර රඟී, $\int e^{2x} \sin 3x \, dx$ සොයන්න.

ರ ಕಡಿಮೆ, $\int e^{2x} \sin 3x \, dx$ ಡೊಯರ್‌ಹೆ.

$y+2x+5=0$ සරල රේඛාවට සමාන්තර වූ ද, $(2, 3)$ හා $(-1, 2)$ ලක්ෂා යා කරන සරල රේඛාව : 2 අනුපාතයට බාහිරව බෙදන ලක්ෂාය ඔස්සේ යන්නා වූ ද සරල රේඛාවේ ප්‍රමීණය යොයන්න.

7. විතුළුයන් $x = 3t$, $y = \frac{3}{t}$ මගින් දෙනු ලැබේයි; මෙහි t යනු නිශ්චිත පරාමිතියකි. විනුයට, $\left(3t, \frac{3}{t}\right)$ දක්වායේද ඇදී ජ්‍යෙෂ්ඨය සම්කරණය $x + t^2y = 6$ බව පෙන්වන්න.

; තිව්ලනය වන පිට්‍ර; බෙංචිංක අක්ෂ හා මෙම ජ්‍යෙෂ්ඨය මගින් සර්වයන්ත නිශ්චිතකාකාර පෙන්වයෙහි විරෝධීය නියතයක් බව දැන්වනු කරන්න.

18. $x+y+1=0$ යාරල රේඛාව ස්ථාපනය කරන්නා වූ ද, කේතුදු y -අක්ෂය මත පිහිටියා වූ ද, එක එකක අරය $\sqrt{2}$ වූ ද වින්ත ලදෙකකි යම්කරණ නොයන්න.

9. P ලක්ෂණයක පිටු $x^2 + y^2 - 12x = 0$ විභාගයට ඇදි යෙපරුණකාලෝච්ච දිග, P ලක්ෂණයේ පිටු $x^2 + y^2 - 9 = 0$ විභාගයට ඇදි යෙපරුණකාලෝච්ච දිග මෙන් දෙනු ලැබයි. P ලක්ෂණය $x^2 + y^2 + 4x - 12 = 0$ විභාග මත පිහිටා බව පෙන්වන්න.

10. ශ්‍රීලංකායෙහි පාද $p-1$, p හා $p+1$ ලේඛි; මෙහි p යනු $p > 1$ වන පරිදි මූලික තාන්ත්‍රික යාච්‍යාවකි. ශ්‍රීලංකාවේ විශාලතම කෝණය, කුඩාතම කෝණය මෙන් දෙපුණුයක් තම්, යසින් සියලුය හා කොකුදින සියලුය යොදාගතිමින් p හි අයෙහි යොයන්න.

**தினாந்த வேட்ட கல்விக் குழு (நடவடிக்கை) பீராய்த், 2011 முதல் கல்வி; பொது கல்வி முறை முதல் தரம் பி.எஃ.டி., 2011 முதல்
General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2011**

கலைகள் கணிதம் I

கலைகள் கணிதம் I

Combined Mathematics I

10 S I

B കോറിക്സ്

11. (a) α හා β යනු $ax^2+bx+c = 0$, වර්ග සම්බන්ධයේ මූල යැයි ගතිමු; මෙහි a , b හා c යනු තාක්ත්වික සංඛ්‍යා වේ.

ଅନ୍ତର୍ଜାଲ ପ୍ରକାଶମାଲା

- (iii) $b = 0$ හා $ac > 0$ ම තම් පමණක් තාත්ත්වික

ବିଜ୍ଞାନାଳୀ

ಅಂ ಆ² ಹಾ ಬೀ² ಲು ವಿರತಹ ಸ್ತಂಭಿಕರಣಯ ಯೋದನ್ನು.

උතුවක් උ හා එ දෙකම තාත්ත්වික, තෘයෙනම් උ හා එ දෙකම පුදෙක් අතාත්ත්වික, ම තම් පමණක් මෙම විරෝධ ප්‍රමීකරණයේ මූල දෙකම තාත්ත්වික බව පෙන්වන්න.

- (b) $f(x) = x^3 - 3abx - (a^3 + b^3)$ යුදී ගනිමු; මෙහි a හා b යනු කාන්ත්ටික සංඛ්‍යා වේ. $(x-a-b)$ යනු $f(x)$ සාධකයන් බව පෙන්වන්න. $f(x)$ හි අනෙකු සාධකය වර්ගඝ ආකාරයන් සොයන්න.

ඒ තැකි හෝ වෙනත් ආකාරයකින් හෝ, a හා b ප්‍රමිත්ත තම්, $f(x) = 0$ ඔ කාන්ත්‍රික මූල එකක් පමණක් තිබෙන බව පෙන්වන්න.

$x^3 - 9x - 12 = 0$ ට, තාන්ත්‍රික මූල එකඟ පමණක් හිටෙන බව අයෝගික තර, එය යොයන්න.

$x^3 - 9x - 12 = 0$ න්‍යායෙහිත මූල එකක් පමණක් හිඳුවෙන බව අයෝගික නැර, එය සොයුන්න.

$$12.(a) \quad r \in \mathbb{Z}^+ \text{ ഉടായ } u_r = \frac{1}{(2r-1)(2r+1)(2r+3)}. \text{ എങ്കിൽ } \\$$

r ଫ୍ରେଡିମରତ୍ତ ଅନୁଯାୟୀ ହାତରେ କାହାରେ ପାଇଲା?

లేదిన, $r = 1, 2, 3, \dots$ అధారం $(2r-1)u_r - (2r+1)u_{r+1} = 4u_{r+1}$ కలి పెట్టినట.

$$\sum_{r=1}^n u_r = \frac{1}{12} - \frac{1}{4(2n+1)(2n+3)} \quad \text{എല്ലാ അനുകരണങ്ങൾക്കും}$$

$\sum_{r=1}^{\infty} u_r$ ഫ്രെഞ്ച് അക്കാദിമി ദിവസം മലബാറിലെ പ്രശ്നങ്ങൾ കുറഞ്ഞതാണ്.

(b) $y = |2x - 8|$ ഹി പ്രയത്നാരംഗ ആണ്.

ರೆ ಹಡಿತ, $y = -|2x - 8|$ ಹಿ ಪ್ರಚ್ಯತಾರ್ಯ ಅದಿತ್ಯ.

$y = 4 - |2x - 8|$ හා $y = |2x - 10|$ හි ප්‍රයුත්තාර, එකම රෝ සටහනක අදින්න.

ලේ තයින් හෝ එහෙත් ආකාරයකින් හෝ, $|2x-10|+|2x-8| \leq 4$ අසමානකාව පූරුණු ලබන x හි කාන්ත්ත්‍රික අයය කුලකාය යොයැත්තා.

13. (a) $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ -1 & 3 \end{pmatrix}$ හා $\lambda, \mu \in \mathbb{R}$ යැයි ගනිමු. $A(\lambda A + \mu I) = I$ වන අපුරින් λ හා μ අගයන් යොයන්න; මෙහි I යනු 2×2 උක්ක ත්‍යායය වේ.

රිසින්, A^{-1} යොයන්න.

(b) P, Q හා R යනු ආරගන් සවහනෙහි පිළිවෙළින් z_0, z_1 හා z_2 යායිරු සංඛ්‍යා නිරුපණය කරන ප්‍රතිඵල ලක්ෂණ බ්‍රහ්ම යැයි ගනිමු.

$PQ = PR$ ද, එයනු PQ පිට PR ව වාමාවරින ලෙස මතින ලද කේශ්‍යය ද තම්

$$z_2 - z_0 = (z_1 - z_0)(\cos \theta + i \sin \theta) \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

වාමාවරින ලෙස යන්නා ලද A, B, C හා D ලක්ෂණ ආරගන් සවහනෙහි ප්‍රමාණුවා යායි. A හා B ලක්ෂණ මගින් නිරුපණය කරනු ලබන යායිරු සංඛ්‍යා පිළිවෙළින් $1-i$ හා i යැයි ගනිමු. C හා D ලක්ෂණ මගින් නිරුපණය කරනු ලබන යායිරු සංඛ්‍යා z ඇපුරුණ් යොයන්න.

$AC = 2$ වන අපුරින් C විවිධාය වේ නම්, B හි පරිය ආරගන් සවහනෙහි යොයන්න.

14. (a) $x \in \mathbb{R}$ යදහා $f(x) = 2x^3 + ax^2 + bx$ යැයි ගනිමු; මෙහි a හා b යනු තාක්තික හියත වේ. $f'(3) = 12$ හා $f''(3) = 18$ යැයි සිනිමු; මෙහි f' හා f'' ට පූජුරුදු තෝරුම් තිබේ.

a හා b හි අගයන් යොයන්න.

a හා b හි මෙම අගයන් යදහා $y = f(x)$ හි ප්‍රය්තාරයේ දළ සවහනන්, තැරුම් ලක්ෂණ දත්තින් අදින්න.

$$\text{රිසින්, } 2x^2 + ax + b = \frac{3}{x} \text{ යම්කරණය වියා ගැනීම් යොයන්න.}$$

(b) ප්‍රමාණුකාර පැණුලක පහින යාවත් සැපුකේන්සාප්‍රාකාර පෙවීමින් බුනී කාවිලේබිච්ලින් ආද ඇත. පෙවීමියේ පරිමාව 8192 cm^3 වේයි. ප්‍රමාණුකාර පැණුලෙහි පැන්තන දිග $4x \text{ cm}$ යැයි ගනිමු. අරය $x \text{ cm}$ වන ව්‍යුතාකාර පියුරන් ඉහළ ප්‍රමාණුකාර මූෂුණෙන් තහවුරු කර ඇත. පියුර යහිත පෙවීමේ ප්‍රමාණුව වර්ගාලය වන $A \text{ cm}^2$ යන්න, $A = (32 - \pi)x^2 + \frac{8192}{x}$ මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න.

$$\text{රිසින්, } x = \frac{16}{\sqrt[3]{32 - \pi}} \text{ වන රිට } A \text{ අවම වන බව පෙන්වන්න.}$$

15. (a) නොවයි වශයෙන් අනුකූලය යොදාගැනීමින්, $\int x^{\frac{3}{2}} \ln x dx$ අගයන්න.

(b) $t = \tan x$ යැයි ගනිමු.

$$\cos 2x = \frac{1-t^2}{1+t^2}, \sin 2x = \frac{2t}{1+t^2} \text{ හා } \frac{dx}{dt} = \frac{1}{1+t^2} \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

$$\text{රිසින්, } \int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{1}{4 \cos 2x + 3 \sin 2x + 5} dx = \frac{1}{12} \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

(c) a හා b යනු ප්‍රතිඵල තාක්තික යාවත් යැයි ගනිමු.

$$x \in \mathbb{R} - \{a, b\} \text{ යදහා } \frac{1}{(x-a)(x-b)} = \frac{A}{x-a} + \frac{B}{x-b} \text{ වන අපුරින් } A \text{ හා } B \text{ හියත යොයන්න.}$$

ඉහත යම්කරණයේ x, a හා b සුදුසු ලෙස ප්‍රතිඵලාපනය කරමින්, $\frac{1}{(x^2+a^2)(x^2+b^2)}$ යන්න හිතන ගාග

අපුරුණ් පියා දක්වා, රිසින්, $\int \frac{1}{(x^2+a^2)(x^2+b^2)} dx$ යොයන්න.

16. (a) $lx + my + 1 = 0$ සරල රේඛා සමඟ සම්ද්විපුද් සාපුළුකෝන් ත්‍රිකෝණයක් සාදන ලෙස මූල ලක්ෂණය ඔස්සේ එකිනෙකට ලමුව යන සරල රේඛා දෙකෙහි සම්කරණ $(l - m)x + (l + m)y = 0$ හා $(l + m)x - (l - m)y = 0$ බව පෙන්වන්න.

(b) $S' \equiv x^2 + y^2 + 2g'x + 2f'y + c' = 0$ වෙත්තය, $S \equiv x^2 + y^2 + 2gx + 2fy + c = 0$ වෙත්තය, $S = 0$ වෙත්තයෙහි විෂ්කම්භයක කෙළවරවල දී ගේදනය කරයි නම්, $2g^2 + 2f^2 - c = 2gg' + 2ff' - c'$ බව පෙන්වන්න.

විව්ලන වෙත්තයක්, $S_1 \equiv x^2 + y^2 - 25 = 0$ හා $S_2 \equiv x^2 + y^2 - 2x - 4y - 11 = 0$ වෙත්ත, එක එකක විෂ්කම්භයක කෙළවරවල දී එවා ගේදනය කරයි. විව්ලන වෙත්තයයේ තෙක්නුය $x + 2y + 2 = 0$ සරල රේඛාව මත පිහිටන බව පෙන්වන්න.

17. (a) $\cos^2 \theta + \sin^2 \theta = 1$ සරවකාමනය ගොදාගතිමින් හෝ චෙත්ත ආකාරයකින් හෝ,

$\cos^6 \theta + \sin^6 \theta = a + b \cos 4\theta$ වහා අයුරින් a හා b යන තාත්ත්වීක නියන නිර්ණය කරන්න.

එ කියින් හෝ චෙත්ත ආකාරයකින් හෝ,

(i) $y = 8(\cos^6 x + \sin^6 x)$ හි ප්‍රස්ථාරයේ දළ සටහනක් අදින්න.

(ii) $\cos^6 x + \sin^6 x = \frac{5}{4} + \frac{1}{2} \sin 4x$ සම්කරණයේ සාධාරණ විපදුම පෙන්න.

(b) $\tan^{-1}\left(\frac{x-1}{x-2}\right) + \tan^{-1}\left(\frac{x+1}{x+2}\right) = \frac{\pi}{4}$ සම්කරණය විසඳන්න.

*** ***

ମୁଦ୍ରଣ ତଥା ପ୍ରକାଶନ କମିଶନ୍ ମଧ୍ୟ (ମୁଦ୍ରଣ କଲେ) ବିଜ୍ଞାନାୟ, ୨୦୧୧ ପ୍ରକାଶକ

General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2011

**யംഗ്രേക്ക് ഗണിതം II
കുറഞ്ഞ കണിതുകൾ II
Combined Mathematics II**

10 S II

ପ୍ରଥମ ଦୁଇତିମାନ
ମୂଳରୁ ମଣ୍ଡିତ ତିଯାଗଲମ
Three hours

ମେଲାର୍ ପତ୍ରିକା

speed:

- * මෙම ප්‍රශන රුපය කොටසේ දක්වනීන් යම්බවිත වේ;
A කොටස (ප්‍රශන 1 - 10) සහ B කොටස (ප්‍රශන 11 - 17).
 - * A කොටස
මියුතු ම ප්‍රශනවලට පිළිඳුරු සපයන්න. එක් එක් ප්‍රශනය යදහා මකි පිළිඳුරු, සපයා ඇති ඉවෙනි පියන්න. එවැනි අවසාන ත්‍රිත්වය වේ නම්, ඔබට අමතර පියන තබයියි යාරිත නළ ගැනීම.
 - * B කොටස
ප්‍රශන පහතට පමණක් පිළිඳුරු සපයන්න. මබේ පිළිඳුරු, සපයා ඇති තවදස්වල පියන්න.
 - * නිමතින නාලය අවසන් වූ පසු A කොටස, B කොටසට උයින් සිටින පරිදි කොටස දක් අවුණා වියාය සාලාජාපනීට යාර දෙන්න.
 - * ප්‍රශන ප්‍රතුශයෙහි B කොටස පමණුකු විගාය ගාලාවන් පිටතට ගෙනයාමට ඔබට අවසර ඇත.

ඛවිතයෙහි ප්‍රාග්ධනය සඳහා පමණි

(10) ദാർശക അനീതി II

(10) දංසුන්ද ගණිතය II

භාවිතය	දූර්ත අංකය	ලබු ලක්ෂණ
A	1	
	2	
	3	
	4	
	5	
	6	
	7	
	8	
	9	
	10	
B	11	
	12	
	13	
	14	
	15	
	16	
	17	
	එකඟව	
	ප්‍රතිගෙය	

ରତ୍ନା ପିଲାଇ	
ଶକ୍ତିପାତ୍ର	
ଶକ୍ତିପାତ୍ର	
ଶକ୍ତିପାତ୍ର	

අවශ්‍ය මත

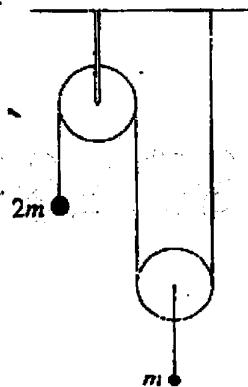
ଓଲଦ୍ୟକାତେକ୍	
ଫଳରିତୀ	

కుండలీ కుండలి

குத்தர ரது பரிசுகள்	
பரிசுகள் காலை :	1
	2
அடிக்காலம்	

A නොවය

1. අවසානයෙහි වූ O ලක්ෂණයක පිට P අංශවලි 2m ප්‍රවේශයෙන් පිරිස්ථි ඉහළට ප්‍රක්ෂේප කරනු ලැබයි. එම මොහොතේ ම, එම O ලක්ෂණයේ ම පිට, Q අංශවලි ය ප්‍රවේශයෙන් පිරිස්ථි රාහෘලට ප්‍රක්ෂේප කරනු ලැබයි. අංශ දෙකම ගුරුත්වය යටතේ වලනය වේ. P හා Q අංශවල විෂා සඳහා ප්‍රවේශ - කාල ප්‍රක්ෂේප එකම රෙප සටහන ඇද, P අංශවල එහි උපරිම උසට ලෙසටින විට, Q අංශවලි ප්‍රවේශය 3m බව පෙන්වන්න.



2. පුම්ව අවල කැපීයන් මෙන් යන ගැහුලු අවිතනා තන්තුවන එක් කොළඹරතින් සේන්ස්ටිය 2m වූ අංශවල දරා පිටි. තන්තුවි, සේන්ස්ටිය m වූ අංශවලිය දරා පිටිත ගැහුලු කැපීයන් පෙන් යයි. තන්තුවි අනෙකු කොළඹර රුප අවහනකි පෙන්වා ඇති පරිදි පිටිලිමකට ප්‍රවීතර ඇත. පැදිඩිය ගුරුත්වය යටතේ තිදියයේ වලනය වෙයි. තන්තුවි ආභ්‍යිය $\frac{2}{3}mg$ බව පෙන්වන්න.

3. පාපුදිකාරුවකුගේ සහ මිශ්‍රයේ පාපුදියෙහි මූල අන්තර්ඩීය $M \text{ kg}$ බව. එහු, හිරෝට ඇනොර්ඩැකින් ආතා යෙහු මාරුගයක ඉහළට, විලිතයට වූ RN ප්‍රමිතයෝධියකට රෝරෝට, $V \text{ m s}^{-1}$ හියක එශයෙන් පැද යන ටිට්, HW හියක පිශ්‍රාවකින් භාරය කරයි. $H = (R + Mg \sin \alpha) V$ බව පෙන්වන්න.

4. ස්කියාලිජ දිග $1/4$, ප්‍රත්‍යාග්‍රහණ ම්‍යාංකය $1/4$ වන තුන් පැහැදිලි ප්‍රත්‍යාග්‍රහණ දුන්හෙක් පුම්ව හිරෝ මේයෙන් මත තිංුලවී ඇත. එහි එක කෙළඳුරක් මේය මත වූ අවල තුළුම්යකට සවිකර ඇත. එහි අනෙක කෙළඳුරට යුතු අංශයෙන් පැහැදිලි ප්‍රත්‍යාග්‍රහණ දුන්හෙක් ඇත. මේය දිගේ දුන්හෙක් ඇද මූද තරිඹු ලැබේයි. ආවිරිත කාලය $2\pi \sqrt{\frac{ml}{\lambda}}$ යහින යාල අනුවර්ති විලිතයක අංශයෙන් යෙදෙන බව පෙන්වන්න.

5. $-2p + 5q$, $7p - q$ හා $p + 3q$ යනු අවල O මූල ලක්ෂණයක් අනුබද්ධයෙන් පිළිගැනීන් A , B හා C ලක්ෂණ ඉතා පිළිගුම් දෙදිනික යුතු වේ; මෙහි p හා q යනු සමාන්තර තොවින දෙදිනික දෙනෙක වේ. A , B හා C ලක්ෂණ එකතුවේ බව පෙන්වා, C ලක්ෂණය AB බෙදාන අනුපාතය සෞයන්න.

6. දීග a හා b වන ක්ත්තු දෙකක් මගින් W හාරයක්, එකම තිරස මට්ටමක $\sqrt{a^2 + b^2}$ යුතු පරිතරයකින් පිහිටි දෙකකා දෙකකින් එල්ලා ඇත. ක්ත්තුවල ආකෘති $\frac{Wa}{\sqrt{a^2 + b^2}}$ හා $\frac{Wb}{\sqrt{a^2 + b^2}}$ බව පෙන්වන්න.

7. A හා B යනු ගැනීමේ අවකාශයන් තිරුවෙන් පිදුරි දෙකක් (උතුම් $A \cup B = \Omega$) යැයි යතිලු.
 $P(A) = \frac{2}{5}$ හා $P(A \cap B) = \frac{1}{3}$ නම්, (i) $P(B)$, (ii) $P(A|B)$, (iii) A' හා B' යනු පිළිබඳින් A හා B සිංහාසන පිදුරි වන $P(A'|B')$ යොයන්.

5. මිනුන්ගේ පියයිමට මිතුරුන් දෙදෙනෙක් ස්වායත්ත ලෙස උත්සාහ කරනි. මිනුන්ගේ භාර්ථකවීමේ සම්ඟාරිතා $\frac{1}{3}$ නා $\frac{1}{4}$ බේ. ගැටුව විපදිමේදී (i) මිනුන් දෙදෙනාම භාර්ථකවීමේ, (ii) කිසිවකු භාර්ථක නොවීමේ සම්ඟාරිතාව යොයන්න.

9. පැවුල 1000 ක ලේඛනක වියදම් පහත වගුවෙහි දී ඇත:

ලේඛනක වියදම් රුපියලවලින්	400 - 600	600 - 800	800 - 1000	1000 - 1200	1200 - 1400
පැවුල ගණන	50	x	500	y	50

ව්‍යාපකියේ මධ්‍යස්ථා රුපියල 900 කම්, x හා y ය-මෙහා පෙනෙයා, ව්‍යාපකියේ මධ්‍යතාය ද රුපියල 900 න් පෙනෙටත්න.

10. පැපුණිය මාය 15 තුළ එක්කරා හාජ්වයක් සඳහා පැහැදුෂී ඇතුළුම් ප-මෙහාවෙහි සාමාන්‍ය, මයකට ඇතුළුම් 24 ක්, භොඳම මාය තුළට, මයකට ඇතුළුම් 35 ක ආමාතායයක් ඇත. අදුම මාය හනරෝයිදී හාජ්ව යදහා ඇතුළුම් 11 ක්, 14 ක්, 16 ක් හා 22 ක් ලැබේ.

- (i) ඉතිරි මාය 8 හි පැහැදුෂී ඇතුළුම් ප-මෙහාවල සාමාන්‍ය,
(ii) මාය 15 හි ඇතුළුම් ප-මෙහාවල පලමුවන ව්‍යුරුපනය
දෙයන්න.

யോഗ്യത ഗണികയ II
 കീഴെന്നത് കണികയിൽ II
 Combined Mathematics II

10 S II

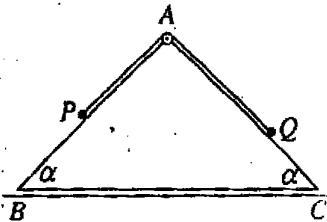
B නොවේ

(ଓমମ ପ୍ରକଳ୍ପର ଅନୁଯୋଦିତ ଓ ମନୀଶ ହୃଦୟରେତର କାରିରଣ୍ୟ କ୍ଷେତ୍ରରେତିଥିଲା.)

- 11.(a) පහත් කළු තුනක් ඉහළම දක්නා වනා A, B හා C, කිරීත තලයක වූ පාදයක දිග ගවන සමඟාද පිශෙෂයක විරෝධ පිහිටා ඇත. සුළභක් සත්තා ය වේයෙන් \overline{AC} හි දිගාවට හමා යයි. සුළභට සාපේක්ෂව $v (> u)$ වේයෙක් ඇති කුරුදැලෙන් AB දිගේ A නිටි B දක්වා ද, BC දිගේ B නිටි C දක්වා ද පිහිටි. ගමන් කොටස දෙකම යදහා සාපේක්ෂ ප්‍රවේශවල ප්‍රවිත පිශෙෂය එකම රුප යවුනු අදින්ත.

ಶ. ಕಟ್ಟಿನ, A ಪಿಯ C ದ್ವಾರಾ B ಹರಹು ವ್ಯಾಗಮಿತಾ ಸದಭಾಗ ಗತವಿನ ಮೂಲ ಕೂಲ್ಯ $\frac{4a}{u + \sqrt{4v^2 - 3u^2}}$ ಎಂಬ ಫೆನೋವಿತ್ತನ.

- (b) ජේනත්ටය 2m වූ පුම්ව තුළුලයක ජේනත්ටය නෙත්දිය මස්සය යන ABC ක්‍රියෝනාකාර පිරිය හරඳකවිහි A සිරුමය ඇ, තුවා පුම්ව තැපියක් පවිතර ඇත. BC මස්සය යන මුදුණක අවල පුම්ව සිරිය මීයයක මත ඔවා ඇත. AB සහ AC යන අද විෂ්වාස්ථාවල වැඩිහිම් බුදුම් රේඛා යැයි 6, $\overline{ABC} = \overline{ACB} = \alpha$ යැයි 6 ඇ ඇත. ජේනත්ට පිළිවෙශීන m හා λm ($\lambda > 1$) වූ P හා Q පුම්ව අඟු දෙකක් ගැඹුලුව අධිකතා තැන්තුවින දෙකෙකුවරට ඇද ඇත. තන්තුව තැපිය මිනින යන අතර, P හා Q අඟු, පිළිවෙශීන AB හා AC මත රුර ගවහනෙහි පෙනවා ඇති පරිදි තන්තුව නොබුරුලුව පරිගින් යේ තව් ඇත.



පද්ධතිය නිසලනාවෙන් මූද හැරේ.

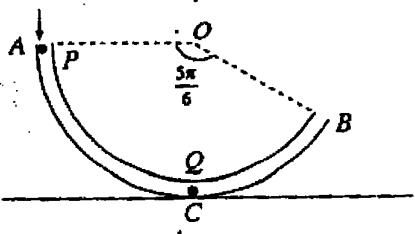
P හා Q අංශ යදහා පිළිවෙළත් BA හා AC ඔස්සේ ද, පදනම් ය යදහා කිරපව ද, වලින පළිතරය ලබා ගත්ත.

$$\text{ඇයුත්තා යාලක්කව } P \text{ හා } Q \text{ අයුරු එක එකක නටරණයේ විශාලක්වය} \quad \frac{(\lambda - 1)(\lambda + 3)g \sin \alpha}{(\lambda + 1)[(\lambda + 3) - (\lambda + 1)\cos^2 \alpha]}$$

ବରି ପେନ୍‌ଵିନ୍‌ହା.

ඉ අ-සුව උ වෙත එලුමින විර තත්ත්ව හඳුනීයේම කැඳි යයි. P අ-සුව කැපිය වින ලියා වි නොමැති බව උපකරණය කරමින්, තත්ත්ව කැඩියාමෙන් මොසොන්ට රැඳු, ඇංග්‍රීස් දාර්ශකව් ප්‍රජාවේ න්විරණයේ විශාලත්වය උදා දක්වන්න.

12. අරය a වූ ද. පරිසීය කේත්දාය වන O සි $\frac{5\pi}{6}$ කෝෂයක් ආපාතකය සහතිකා වූ ද. විභාගාකුර ව්‍යවයක හැඩා ඇති පුම්ව පිහින් ACB බටියෙන්, OA කිරීම් ද., බටියෙන් පහළම ලක්ෂාය වන C , අවල සිරස පොලොවින් උපරිය කරීන් ද ජීර්ස් තළයක, රුප පටිභානීය පෙන්වා, ඇති පරිදි යැවිතර ඇත.



ස්කන්ධය a වූ පුම්ව P අඟුවින් $\sqrt{2ga}$ වේගයෙන් A කොළවලදී බටිය ඇඟි සිරස්ව පහළට ප්‍රක්ෂේප කරනු ලැබේ.

OP එකාව OA පමණ $\theta \left(0 \leq \theta \leq \frac{\pi}{2} \right)$ කෝෂයක් යාදන විට P අඟුවින් වේගය $\sqrt{2ga(1+\sin\theta)}$ බව ද.

P අඟුවි මෙ බටියෙන් ඇතිවන ප්‍රක්ෂේපයෙහි විශාලත්වය $mg(2+3\sin\theta)$ බව ද පෙන්වන්න.

P අඟුවි C ලක්ෂාය වන එළඹින විට, බටිය තුළ C ලක්ෂායයේ තිළවී ඇති ස්කන්ධය a වූ පුම්ව ඉනම් කවිත් අඟුවින් හා ගැවෙයි. P හා Q අඟුවි අතර ප්‍රක්ෂේපයින් අංශුක්‍රය $\frac{1}{2}$ වේයි.

ගැවුම්ව මොහාතකට පෙර P අඟුවින් වේගය සොයා, ගැවුම්ව මොහාතකට පසුව P හා Q අඟුවිල එග පිළිවෙළින් $\frac{1}{2}\sqrt{ga}$ හා $\frac{3}{2}\sqrt{ga}$ බව පෙන්වන්න.

P අඟුවි සියිලිවෙක බටිය හැර නොයන බවිත, Q අඟුවි $\frac{1}{2}\sqrt{5ga}$ වේගය සහිතව B කොළවර වන එළඹින බටිය පෙන්වන්න.

Q අඟුවි බටිය හැරහිය පසු එය පොලොවින් සිටි නොවන උපරිම උය සොයන්න.

13. ස්ථාපාවික දිග $1/\sqrt{3}$ ඇශුලුපු ප්‍රක්ෂේප හත්තුවික රේ කොළවරකට දක්නටිය a වූ P නම් අඟුවින් ඇද ඇත. තන්තුවිහි අනෙක් කොළවර තිරස පොලොවන සිටි $4l$ උපරිම සිටි අවල O ලක්ෂායකට ඇතිතර ඇති. P අඟුවි පමණුවින් එළෙලක විට තන්තුවි විතිය l බවි.

තන්තුවි ප්‍රක්ෂේපානා මාපා-නය mg බව පෙන්වන්න.

P අඟුවි න් 0 සි තබා, $\sqrt{3}/4$ ඇවිතයෙන් සිරස්ව පහළට ප්‍රක්ෂේප කරනු ලැබේ. P අඟුවි l දුරක්ෂා එළි ප්‍රවීගය සොයන්න.

තන්තුවිහි දිග $2l + x$ වන විට, P අඟුවි පදනා විළින සම්කරණය උය දක්වා, ප්‍රසුරු අංකනයන්, $x + \frac{g}{l}x = 0$ බව පෙන්වන්න; මගි $-l \leq x \leq 2l$ වේ.

දහන සම්කරණයන්, $c (> 0)$ නියතයක් වන $x^2 = \frac{g}{l}(c^2 - x^2)$ දෙනු ලැබේ යැයි උපක්‍රේපනය කරීන්, c සි අය යොයන්න.

P අඟුවි පොලොවිට එළඹින විට ක්ෂේක තිශ්වලකාවට පැමිණෙන බව පෙන්වා, O සිට පොලොවිට එළුම්ව යනවන කාලය $\frac{1}{3}(3\sqrt{3} - 3 + 2\pi)\sqrt{\frac{l}{g}}$ බව පෙන්වන්න.

14. (a) ඒ සා රු දෙකින දෙකන තිත් ගැඹුමය වන පි.ඩී.අරල දෙවිනින.

a, b, c සහ **d** මිනුම්. ගෙදුණීම සඳහා $(a+b) \cdot (c+d) = a \cdot c + b \cdot c + a \cdot d + b \cdot d$ යුති. උපකළුපය කරන්න $|a+b|^2 = |a|^2 + 2(a \cdot b) + |b|^2$ නේ පෙන්වන්න.

$|a - b|^2$ අදහා අතුරුද ප්‍රත්‍යාග්‍යන් විය දක්වීමෙන.

$|a+b|^2 \neq |a-b|^2$ නම් $a \cdot b = 0$ බව පෙන්වනු ලැබේ.

ඒ සියලු, සමාජීතරුපායක ටිකරණ සමාන හේ එය යුදුවෙකුපායක් බව පෙන්විත්ත.

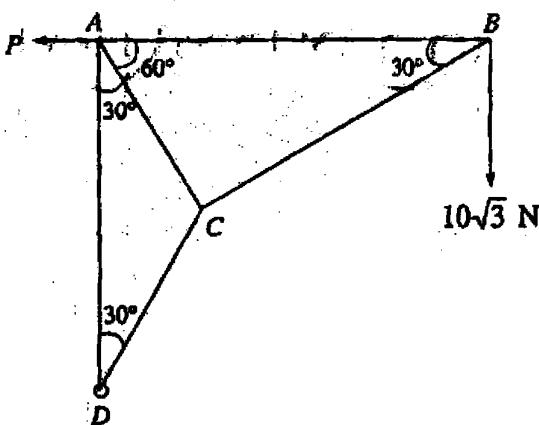
- (b) A, B, C, D, E හා F යනු පැත්තක දිග මිටර $2a$ වන පරිදි ප්‍රවුදු වාම්පිටරක අතට ගන්නා ලද සිරස වේ. විශාලෙක්ව තිවිටන $P, 2P, 3P, 4P, 5P, L, M$ හා N වන බල පිළුවෙනින් $AB, CA, FC, DF, ED, BC, FA$ හා FE දීයා. අන්තර අනුපිළිවෙළින් දැක්වා ඇති දීයා අතට සූයා යාරයි.

පද්ධතිය පමණුලින්හාමේ පරිභි නම්, P අනුවරන් L, M හා N යොයන්න.

15. (a) AB ಹಾ BC ರೇಖಾಕ್ಷರ ದ್ವಿತೀಯ ವಿಶಿಷ್ಟ ಪಾಠ್ಯ ಲೆ. AB ಏ ಏರ್ 2 ಅವು ಅಕ್ಷ BC ಏ ಏರ್ 4 ಅವೆ. ದ್ವಿತೀಯ ಕ್ಷಿಣಿ ಪ್ರಮಾಣ ಅಲ್ಲದ ಅವೈ ಕರ ಇತ್ತಿನಿ ಅಕ್ಷ ದ್ವಿತೀಯ ತದ್ದು ಲಕ್ಷಣ ಇತ್ತಾಲ್ಪ ದ್ವಿತೀಯ ಸಹಿತಿನಿ ಪರಿಂತಹ ಕರ ಶ್ರೀ. A ಹಾ C ಪ್ರಮಾಣ ವಿಶಿಷ್ಟ ತೆಱಿಯನಿ ತಿಳಿ ಕಿರೀತ ದೇ ರಾಧಿಕಿಯ ಕಿರಣ ಶಲಘಿ ಪರಿಭ್ರಮಣದಿಂದಾಗಿ ಕಿರ್ವಿಲು ಇತ್ತಾ. $\hat{ABC} = 2\theta$ ಕಾರಿ, ಸಹಿತಾವಿ ಧಾರಣಿಯ $\frac{3}{2}$ ಅಂಶಾರ್ಥ ಏ ಪ್ರಮಾಣ ಅವಿ ಪ್ರಮಾಣ.

B ಏ ಇ ಪ್ರತಿಕ್ರಿಯಾವಿ ರೀತಾಲಕ್ಷಣ ಹಾ ರೀ ಕಿರಿಕ ಸಂಖ ದಾಧಿ ಹೊರಣ ಡೋಯಿತ್ತಾ.

(b) AB, BC, CD, DA ಹಾ AC ಇತ್ತಾಲ್ಪ ದ್ವಿತೀಯ ಪಾಠ್ಯ, ರ್ಯಾಪ ಪರಿಹಣಣ ಪ್ರಮಾಣ ಇತ್ತಾ ಇತ್ತಾ ಪರಿಂದಿ ಗ್ರಾಹಿತಾವಿವುಂತ ಬ್ಯಾಡೆನ ಫಾಕಾರಿಯ, ರೀವಾಡೆ ಕೆಲ್ಲಾಲ್ಪ ದ್ವಿತೀಯ ಪ್ರಮಾಣ ಅಲ್ಲದ ಸಂಖ ದಾಧಿ ಕರ ಶ್ರೀ.



$\hat{A}BC = \hat{A}DC = \hat{D}AC = 30^\circ$ හා $\hat{B}AC = 60^\circ$ යේ. රාලිකළුවේ D සිදු කළුව පෙන් අවුරුදු නැත් අංක, B සිදු කළුවක $10\sqrt{3}$ සා බරපා දෙයි. AB සිරස වන පරිදී රාලිකළුවේ සිරස තෙලෙක හේතු ඇයුත් අංකයේ A සිදු කළුවක P සිරස බලයා මගිනි.

- (i) P සි අඟ පොයන්න.
 - (ii) D සි ප්‍රතික්‍රියාවේ විශාලකම් හා දිගාව යොයන්න.
 - (iii) වෝ අංකනය හාවිභයන් රුමූලකවිවීට සඳහා ප්‍රත්‍යාඛල රුප පරිහන් ඇද. ආත්‍ය හා කෙරුම් ලිඛීමෙහි දක්වා තේ දැඩි පියලුලයි ප්‍රත්‍යාඛල යොයන්න.

16. අරය යුතු ජ්‍යෙෂ්ඨ සිංහල කේත්දය, එහි පොතින් අන්තර මත අරධානුලෝග ආධාරකාලය පමණ සෑම පුරුෂීන් පිහිටුව බව පෙන්වන්න.

ජ්‍යෙෂ්ඨ සිංහල අරධානුලෝග කවිතයක ආකෘතිය හා බාහිර අරයන් a හා b ($> a$) වේ. කේත්දයේ පිට යම්මුනින් අත්සය දිගු එහි ජ්‍යෙෂ්ඨ කේත්දය යුතු $\frac{3(a+b)(a^2+ab+b^2)}{8(a^2+ab+b^2)}$ බව පෙන්වන්න.

ජ්‍යෙෂ්ඨ විනු පැහැදිලි සිරස් රූප පොලොවක් හා ප්‍රමාන ලෙස රූප පිරිස් බිජිනියන් යුතුරු වන පරිදි මෙම අරධානුලෝග කවිතය සම්බුද්ධිකාවේ පවතී.

යම්බුද්ධිකාව සිමානාම් නම්, සිරස් අධාරකාලය ආනතිය $\sin^{-1} \left\{ \frac{8\mu b(1+\mu)(a^2+ab+b^2)}{3(1+\mu^2)(a+b)(a^2+b^2)} \right\}$ බව පෙන්වන්න; මෙහි μ යනු කවිතය හා රූප පැහැදිලි අතර සර්තු සංගුණකය වේ.

17. (a) සිය වැළැම් සම්භාවනාව් \bar{x} වූ තැනැලු කායියකින් තීමල්, පුතිල් හා පියල් හිඹාවකා, යෙදෙකී. තීමල්, පුතිල් හා පියල් එම පරිපාටියට මෙම කායිය උව දමකී. අය උපානත් පළමුවන් තැනැන්නා හිඹාව දිනයි. තීමල් මුදල

(i) දෙවන ටාරයේදී,

(ii) තෙවන ටාරයේදී

හිඹාව දිනීමේ සම්භාවනාව සොයන්න.

එ සඳහා අවසානයේදී, තීමල් හිඹාව දිනීමේ සම්භාවනාව සොයන්න.

කායියක් සිය වැළැම් විඩා, අය වැළැම්ට වැළැ ගවුනාවන් ඇතුළත්, තීමල්ට හිඹාව දිනීම පදනා ත්‍රිපෑ ව විඩා, වැඩි, ඉඩියා ඇති බව දෙපාර්තමේන්තු කරන්න.

- (b) $\{x_1, x_2, \dots, x_n\}$ තීර්ණාත්මක කුලකයක මධ්‍යනය හා සම්මත අපගමනය පිළිවෙශීන් \bar{x} හා s_x වේ. a හා b නියත වන $y_i = a + bx_i$ රේඛිය පරිමාණය සොයුනු නො ඇත්තේ, $\{x_1, x_2, \dots, x_n\}$ තීර්ණාත්මක කුලකය $\{y_1, y_2, \dots, y_n\}$ කුලකයට පරිණාමනය කර ඇතුළු සිතුවු.

$\bar{y} = a + b\bar{x}$ හා $s_y^2 = b^2 s_x^2$ බව පෙන්වන්න; මෙහි \bar{y} හා s_y යනු $\{y_1, y_2, \dots, y_n\}$ කුලකය මධ්‍යනය හා සම්මත අපගමනය වේ.

(i) $\{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$ තීර්ණාත්මක කුලකය මධ්‍යනය හා සම්මත අපගමනය සොයන්න.

එ සඳහා,

(a) $\{2.01, 3.02, 4.03, 5.04, 6.05, 7.06, 8.07\}$ තීර්ණාත්මක කුලකය මධ්‍යනය හා යුතුමත අපගමනය,

(b) මධ්‍යනය 5 හා සම්මත අපගමනය 6 වන අය හතන්

සොයන්න.

- (ii) පුළු, මුළුවල අපුරුෂ ලබන අතර තිෂ්පාදකයා එවා එක එකක 25 kg ස් ඇති බව යදහන් කරනී. තියම බර නොදැන්නා එවානි මුළු 80 ස් යදහා පහන දක්වන තොරතුරු ද ඇතුළු:

$$\sum_{i=1}^{80} (x_i - 25) = 27.2 \text{ හා } \sum_{i=1}^{80} (x_i - 25)^2 = 85.1 ; \text{ මෙහි } x_i (i = 1, 2, \dots, 80) \text{ මගින් } i \text{ වෙති මුළුලේ තියම බර දක්වේ. පුළුපු රේඛිය පරිණාමනයක් සොයුනු නො ඇත්තේ, නො වෙතා ආකාරයකින් නො මුළු අපුරුෂීන් තියම බර දක්වේ. }$$

එ පුළු අපුරුෂ පරිණාමනයක් සොයුනු නො ඇත්තේ, නො වෙතා ආකාරයකින් නො මුළු අපුරුෂීන් තියම බර දක්වේ.